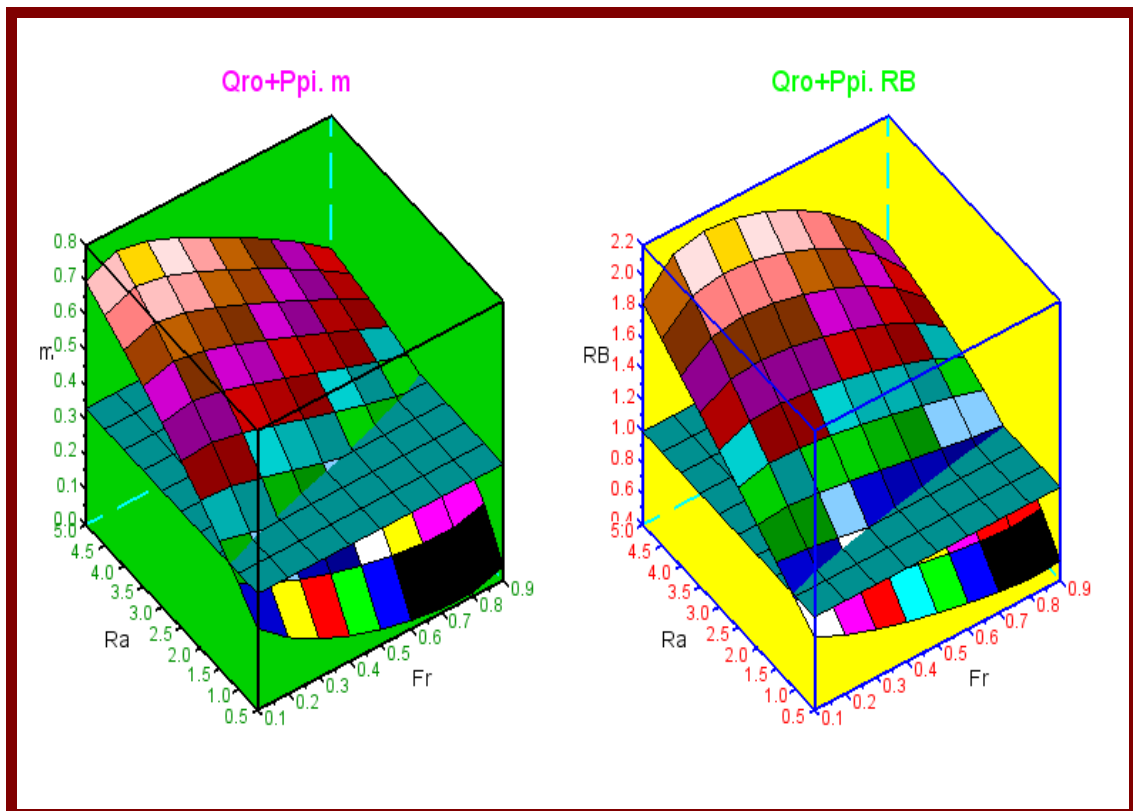


Iniciação ao Scilab

Segunda edição



Luís Soares Barreto

Sem texto

Iniciação ao Scilab

Sem texto

Iniciação ao Scilab

Luís Soares Barreto

*Professor Catedrático Jubilado
do Instituto Superior de Agronomia,
Lisboa, Portugal*

Segunda edição

© Luís Soares Barreto, 2008, 2011

INICIAÇÃO AO SCILAB

Segunda edição

Edição do autor

Texto conforme a nova ortografia

Prof. Doutor Luís Soares Barreto
Av. do Movimento das Forças Armadas, 41 – 3D
PT-2825-372 Costa de Caparica
Portugal

Este "e-book" é freeware, mas não é do domínio público. Pode ser divulgado livremente, respeitada a sua autoria e direitos conexos, desde que o seja na sua totalidade, mas não pode ser comercializado. Quem o utilizar fá-lo totalmente por sua conta e risco, e não me pode ser imputada nenhuma responsabilidade, de nenhuma natureza e a qualquer título, por pretensos inconvenientes resultantes da sua utilização.

Com os melhores cumprimentos

*Para a Sandra Isabel,
que trouxe à minha atenção
vários softwares de fonte aberta e livre,
com terna gratidão*

Sem texto

“Grande, todo-poderosa, todo aperfeiçoadora, e divina é a força do número, começo e governante da vida divina e humana, participante de tudo. Sem número, tudo é confuso e obscuro”

Filolau de Cretona, filósofo pitagórico, séc. V a. C.

“Não acreditamos que no mundo físico exista alguma coisa não-matematizável.”

P. J. Davis e E. R. Hersh. *Descarte's Dream: The World According to Mathematics*.

Traduzido em Davis e Hersh (1997:30)

Luís Soares Barreto, engenheiro silvicultor, M.F., Ph. D. (Duke University, E.U.A.), é professor catedrático jubilado do Instituto Superior de Agronomia, da Universidade Técnica de Lisboa, tendo anteriormente exercido atividade na investigação e ensino superior, em Moçambique. É o único português que estabeleceu uma teoria científica. Começou por criar uma teoria, de carácter sintático, dedutivo-matemático, abrangendo de forma unificada povoamentos florestais puros e mistos, tanto regulares como irregulares, sendo a única disponível, com esta abrangência, neste domínio. Em 2005, apresentou uma construção do mesmo tipo no âmbito da ecologia teórica, de que a primeira passou a ser um caso particular. É sócio honorário da Associação Portuguesa de Engenheiros do Ambiente por ter concebido, instalado, e consolidado a primeira licenciatura em engenharia do ambiente, em Portugal, na Faculdade de Ciências e Tecnologia, da Universidade Nova de Lisboa, em 1977, onde prestou colaboração graciosa durante cerca de oito anos. A sua lista de textos didáticos, científicos, técnicos e de comunicações a várias reuniões científicas ultrapassa as duas centenas. Exerceu atividade de consultoria no âmbito das engenharias do ambiente e florestal.

Trabalhos recentes do autor

Conceitos e Modelos da Dinâmica de uma Coorte de Árvores. Aplicação ao Pinhal. "e-book". 2ª edição. Instituto Superior de Agronomia, Lisboa, 2004.

Pinhais Bravos. Ecologia e Gestão. "e-book". Instituto Superior de Agronomia, Lisboa, 2004.

Theoretical Ecology. A Unified Approach. "e-book". Costa de Caparica, 2005.

*The Stochastic Dynamics of Self-Thinned-Pure Stands. A Simulative Quest. *Silva Lusitana*, 14(2):227-238, 2006.*

*The Changing Geometry of Self-Thinned Mixed Stands. A Simulative Quest. *Silva Lusitana*, 15(1):119-132, 2007.*

*The Reconciliation of r-K, and C-S-R Models for Life-History Strategies. *Silva Lusitana*, 16(1):97-103, 2008.*

*O Algoritmo Barcor: Classificação de Cortiça para Rolhas Recorrendo a Quatro Atributos de Qualidade. *Silva Lusitana*, 16(2):207-227, 2008.*

*Growth, Regeneration, and Survival Indices for Tree Species. *Silva Lusitana*, 17(1):83-95, 2009.*

*Caracterização da Estrutura e Dinâmica das Populações de Lince Ibérico (*Lynx pardinus*). *Uma Digressão Exploratória. *Silva Lusitana*, 17(2):193-209, 2009.**

*Simulação do Carbono Retido no Pinhal Bravo e da sua Acreção. *Silva Lusitana*, 18(1):47-58, 2010.*

*Simulator SB-IberiQu. Simulator for self-thinned even-aged forests of *Quercus robur*, written in Scilab. setembro de 2010.*

Árvores e Arvoredos. Geometria e Dinâmica. 'E-book' divulgado em novembro de 2010.

*The Blended Geometry of Self-Thinned Uneven-Aged Mixed Stands. *Silva Lusitana*, 18(2):47-58, 2010.*

From Trees to Forests. A Unified Theory. "E-book" divulgado em maio de 2011.

Submetidos para publicação

*Gause's Competition Experiments with *Paramecium* sps. Revisited. Submetido à *Silva Lusitana*, setembro de 2007.*

*Modelling and Simulating Omnivory. Submetido à *Silva Lusitana*, março de 2009.*

*Plant Growth and Kleiber's Law. Submetido à *Silva Lusitana*, março de 2009.*

*A Unified Theory for Self-Thinned Pure Stands. A Synoptic Presentation. Submetido à *Silva Lusitana*, maio de 2009.*

*A Unified Theory for Self-Thinned Mixed Stands. A Synoptic Presentation. Submetido à *Silva Lusitana*, maio de 2009.*

The Simulation of Thinning in Mixed Even-Aged Stands. [Submetido à *Silva Lusitana*, outubro de 2009.](#)

An Ecological Approach to the Management of Mixed Uneven-Aged Forests. [Submetido à *Silva Lusitana*, outubro de 2009.](#)

Breve Revisitação do Algoritmo BARCOR. [Submetido à *Silva Lusitana*, novembro de 2009.](#)

The Total Biomass of Self-Thinned Mixed Forests. A Theoretical and Simulative Inquiry. [Submetido à *Silva Lusitana*, fevereiro de 2010.](#)

The Global Yield and Allometry of Self-Thinned Mixed Forests. [Submetido à *Silva Lusitana*, junho de 2010.](#)

Introducing Simulator SB-IberiQu, and Algorithm SB-AloThin. [Submetido à *Silva Lusitana*, novembro de 2010.](#)

Índice

Prefácio à Segunda Edição.....	15
Prefácio à Primeira Edição.....	16
Inicie-se, ficando já a conhecer.....	18
0 Sinopse Geral.....	22
0.1 Capítulo 1 – Mãos à obra.....	23
0.2 Capítulo 2 – Exercícios de aquecimento.....	24
0.3 Capítulo 3 – vetores e matrizes.....	26
0.4 Capítulo 4 – Gráficos.....	27
0.5 Capítulo 5 – Outros comandos com interesse.....	28
0.6 Capítulo 6 – Introdução elementar à programação.....	29
0.7 Capítulo 7 – Programação em Scilab.....	29
0.8 Capítulo 8 – Aplicações.....	31
1 Mãos à obra.....	32
1.1 Apresentando o Scilab.....	33
1.2 Como obter o Scilab.....	34
1.3 Convenções tipográficas.....	34
1.4 As janelas de interface com o utilizador.....	34
1.5 Algum conhecimento prévio necessário.....	37
1.6 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo.....	45
Exercícios de aquecimento.....	47
2.1 Cálculo aritmético com escalares.....	48
2.2 Fazer um gráfico simples de vetores.....	52
2.3 Análise combinatória.....	55
2.4 Cálculo trigonométrico.....	56
2.5 Resolvendo alguns problemas de física.....	58
2.6 Uma anotação preliminar sobre cadeias de caracteres (“strings”).....	60
2.7 Criar uma função simples.....	61
2.8 Achar a solução de um sistema de equações lineares.....	62
2.9 Análise de uma função polinomial.....	64
2.10 Operações com polinómios.....	67
2.11 Limites.....	70
2.12 Estatística elementar.....	71
2.13 Probabilidades elementares.....	74
2.14 Criar uma função “on-line”.....	78
2.15 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo.....	79
3 Vetores e matrizes.....	81
3.1 Recapitular a criação de vetores e matrizes.....	82
3.2 Criar matrizes especiais.....	83
3.3 Identificar os elementos de um vetor ou matriz.....	85
3.4 Manipular vetores e matrizes.....	86
3.5 Operações com vetores e matrizes.....	88
3.6 Analisar matrizes.....	93
3.7 Novamente os sistemas de equações lineares.....	95
3.8 Outra aplicação da álgebra linear.....	96

Índice

3.9 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo.....	99
4 Gráficos.....	100
4.1 Continuando a criar gráficos de duas dimensões (2D).....	101
4.2 Escrever no espaço do gráfico e identificar curvas.....	103
4.3 Escrever no espaço do gráfico as legendas das curvas.....	104
4.4 Formatar gráficos 2D com os menus e botões da sua janela.....	105
4.5 Outras possibilidades de criar facilmente gráficos a duas dimensões.....	113
4.6 Inserir vários gráficos na mesma janela.....	115
4.7 Gráficos a três dimensões (3D).....	118
4.8 Formatar gráficos 3D com os menus e botões da sua janela.....	119
4.9 Outras possibilidades de criar facilmente gráficos 3D.....	122
4.10 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo.....	124
5 Outros comandos	125
5.1 Ajustar curvas	126
5.2 Interpolação.....	130
5.3 Diferenciação.....	133
5.4 Integração.....	134
5.5 Solução de sistemas de equações não lineares.....	135
5.6 Solução numérica de equações diferenciais ordinárias.....	136
5.7 Otimização.....	141
5.8 Comandos supervenientes.....	145
5.9 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo.....	147
6 Introdução elementar à programação.....	148
6.1 Problemas, algoritmos e programação.....	149
6.2 Solucionar um problema.....	150
6.3 Antes de começar a programar.....	153
6.4 Planear o programa.....	153
6.5 O fluxograma clássico.....	154
6.6 O pseudocódigo	157
6.7 Estruturas de controlo de um programa.....	159
7 Programação em Scilab.....	161
7.1 Tipos de dados que o Scilab reconhece.....	162
7.2 Identificar tipos de funções	170
7.3 Tipos de variáveis	170
7.4 Entrada de dados.....	170
7.5 Saída de resultados.....	178
7.6 O controlo if.....	179
7.7 O controlo select.....	187
7.8 O comando for...end.....	190
7.9 O comando while ... end.....	192
7.10 O comando break.....	194
7.11 Erros nos programas.....	195
7.12 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo.....	195
8 Aplicações.....	197
8.1 Programa reglinmul.....	198
8.2 Programa RK4.....	204

Índice

8.3 Programa sbpred11.....	206
8.4 Programa paramcaos.....	208
8.5 Programa sematdial.....	210
8.6 Programa SOBANPK.....	213
8.7 Programa Cnabravo	216
8.8 Programa plantafu.....	217
8.9 Programa funcroc.....	222
8.10 Programa ProbExt.....	227
8.11 Programa plamarg.....	229
8.12 Programa fuMBE2.....	236
8.13 Programa ABETARfu.....	242
8.14 Programa Lypard.....	244
8.15 O simulador SB-IberiQu.....	246
Bibliografia.....	255
Bibliografia.....	256
Índice do Scilab.....	258

Prefácio à Segunda Edição

Os melhoramentos introduzidos na versão 5 do Scilab, justificam plenamente a apresentação desta segunda edição do livro que divulguei há três anos atrás.

Nesta segunda edição, eliminei alguns erros de vária natureza, melhorei a disposição do texto e gráficos, introduzi mais comandos, eliminei os que se tornaram obsoletos, e o texto em tipo Century passa a estar em cor azul.

O comando `while` é ilustrado agora com a conjectura de Lothar Collatz, e por fim introduzi três novas aplicações: a) Um simulador para uma população da abetarda grande; b) Um simulador para uma população de linco ibérico; c) um simulador para florestas de carvalho roble.

Não disponho de informação sobre espécies quer africanas quer sul-americanas, o que não me permite contemplá-las numa aplicação.

Existem especialistas na elaboração de índices alfabéticos, analíticos ou remissivos, a que as grandes editoras recorrem (e. g., Haugland e Jones: 2003:335). Da mesma maneira que um bom índice remissivo pode valorizar bastante um livro, um mau índice alfabético pode tornar-se uma experiência frustrante e desencorajadora. Certamente que não sou especialista nesta matéria e por isso o único índice alfabético que apresento só contém os comandos do Scilab. Como assumo que este livro será predominantemente lido no computador, ou outro equipamento para leitura de livros electrónicos, utilizando uma das varias aplicações existentes para o efeito, a leitora, ou o leitor, pode recorrer ao seu procedimento para localizar palavras, quando pretender encontrar isoladamente um tópico do seu interesse. Nesta perspectiva de leitura, para o corpo do texto, escolhi um tipo de letra adequado - o calibre – em vez do tipo Garamond, utilizado na primeira edição.

L. S. B.

Costa de Caparica, agosto de 2011

Prefácio à Primeira Edição

É um truísmo afirmar-se que a informática, como poderoso instrumento de cálculo, armazenamento e manuseamento de dados, potencia a matematização de praticamente quase todos os domínios do conhecimento.

Não são por isso triviais as vantagens que advêm de se poder utilizar uma linguagem de cálculo numérico. Pelas razões que a leitora encontrará adiante expostas, entendo ser o Scilab uma das linguagens mais adequadas para qualquer pessoa se iniciar na programação para o cálculo numérico.

Embora tenha outros programas comerciais de cálculo simbólico e numérico (não tenho o MATLAB, nem nunca o usei), iniciei-me no Scilab, no verão de 2005, em alguns dias, quando pretendi propor, de maneira facilmente controlável por terceiros, a minha elaboração unificada no domínio da ecologia matemática ou teórica (Barreto, 2005). Isto foi possível porque o Scilab é, de facto, fácil de aprender, poderoso e eficiente, como constatará.

É pois, o propósito deste livro introduzir o leitor no uso do Scilab, software para o cálculo numérico, de fonte aberta e livre, de origem francesa.

A escrita deste texto iniciático é informada pelas seguintes preocupações:

- Não afogar a leitora com uma avalanche de informação, que a possa confundir e desencorajar, nesta fase de aprendizagem, dominado por uma preocupação de completude.
- Permitir uma abordagem aberta, que possa posteriormente ser aprofundada, na direção que for tida por mais conveniente.
- Tirar todo o partido dos instrumentos que o software disponha, capazes de facilitar a sua utilização. O surgimento do rato e das interfaces gráficas não são alheias à rápida difusão da informática.
- Construir uma introdução de forma progressiva, inicialmente centrada no cálculo das soluções de problemas do conhecimento da leitora, desde o ensino pré universitário, e depois passar a situações eventualmente menos familiares. Não é pois uma iniciação para 'cientistas e engenheiros', mas pretende abranger um público mais vasto.

Procurei tornar mais agradável e frutuosa a leitura do texto, através dos seguintes procedimentos:

- Na medida do possível, padronizar a exposição dos temas, e permitir uma antevisão clara dos tópicos que irá encontrar em cada capítulo.
- Fornecer, no início do livro, uma sinopse facilmente consultável, de todos os capítulos, no sentido de, em qualquer ocasião, ser possível encontrar-se sem esforço, o que se pretende..
- Encerrar os capítulos com o resumo dos comandos em linguagem Scilab, neles introduzidos.

Prefácio à Primeira Edição

- Inserir exercícios de forma informal, ao longo do texto, para estimular a leitora a controlar o seu progresso na aprendizagem do Scilab.

Quando iniciei este texto, pretendia que fosse particularmente dirigido a biólogos e ecologistas, mas como não conheço outro similar em língua portuguesa e não existe tradução para português da ajuda do Scilab, procurei escrevê-lo na perspectiva de poder ser útil a qualquer pessoa interessada. No entanto, reconheço que é impossível expurgar completamente a influência do domínio da minha especialização, no produto final que disponibilizo aqui.

O livro, para além da Sinopse Geral, estende-se por oito capítulos. O primeiro tem por finalidade proporcionar, de uma maneira simples e suave, uma iniciação ao uso do Scilab.

O capítulo dois pretende ser uma transição para aplicações mais avançadas. Os conhecimentos de Scilab aqui introduzidos são-no através de exercícios simples de aritmética, matemática e física elementares, recorrendo a conhecimentos que adquiriu nos ensinamentos básico e secundário.

A criação, manipulação e análise de vetores e matrizes preenchem o capítulo terceiro.

No quarto capítulo inicio o leitor na utilização dos vastos recursos do Scilab para criar gráficos, tirando o máximo benefício da interface gráfica das janelas dos gráficos.

No quinto capítulo introduzo outros comandos do Scilab, tidos como entre os mais comumente utilizados.

Para a leitora não familiarizada com a programação, exponho os conceitos básicos sobre o tema, no sexto capítulo.

O capítulo sétimo ocupa-se da programação em Scilab e, finalmente, o oitavo apresenta vários programas de aplicação.

Ao longo do texto, uso a primeira pessoa tanto no plural como no singular. Não é inconsistência. No primeiro caso por entender ser a leitura deste livro uma conversa a dois, uma aventura intelectual compartilhada, de certo modo um acto de companheirismo. No segundo, porque ocorrem situações ao longo da caminhada, que têm de ser assumidas só pelo autor.

Desejo-lhe uma agradável e proveitosa leitura e mãos à obra.

L. S. B.

Costa de Caparica, março de 2008

Inicie-se, ficando já a conhecer...

Inicie-se, ficando já a conhecer...

Sem texto

Inicie-se, ficando já a conhecer...

...uma dúzia de boas razões para usar o Scilab

No cálculo numérico, a utilização do Scilab pode ser defendida, genericamente, com os seguintes argumentos:

1- **É fácil a aprendizagem** do Scilab, embora seja um ambiente poderoso e rápido de cálculo numérico.

2 - **É simples a obtenção de gráficos** de alta resolução.

3 - Os dados, ao fim e ao cabo, são fundamentalmente vetores ou matrizes de números (lembre-se das folhas de cálculo). O Scilab é particularmente dotado para lidar com estas estruturas, no que resulta em **elevada rapidez de cálculo**.

4 - **Os resultados e gráficos** que proporciona podem ser copiados e **inseridos facilmente noutros documentos**.

5 - Os resultados numéricos que proporciona são de **elevada precisão**.

6 - Depois do MATLAB, tido com a língua franca do cálculo numérico em ciência, o Scilab deve ser **o software mais usado** por matemáticos, cientistas e engenheiros, para o mesmo fim.

7 - O Scilab **tem acesso aos ficheiros** de MATLAB e do Excel.

8 - É um software aberto em **contínuo aperfeiçoamento e evolução**.

9 - É o melhor **substituto para as calculadoras**, suscetíveis a erros de propagação de arredondamentos, e com visor pequeno.

10 - Dada a afinidade entre as duas linguagens, quem aprende Scilab **é-lhe fácil transitar para MATLAB**, e vice-versa.

11 – Tem uma **interface em português**, de origem brasileira, incluindo o texto da 'Ajuda', que é muito completo e de onde é possível correr imediatamente os exemplos, ou enviá-los para o editor de programas (SciNotes), com um simples clique.

12 – E apesar de toda a sua qualidade, **é gratuito**, enquanto o MATLAB é considerado caro mesmo por autores americanos (Morris e Doak, 2002, página 14, nota 4), embora a sua versão para estudantes seja tida como relativamente acessível, pelo menos para os alunos americanos.

Inicie-se, ficando já a conhecer...

Sem texto

Inicie-se, ficando já a conhecer...

Sinopse Geral

Com esta súmula inicial, pretendo apresentar um panorama geral do livro. Procuro satisfazer este propósito, disponibilizando para cada capítulo a lista de tópicos nele abordados, complementada por uma tabela com os nomes e descrições dos comandos do Scilab introduzidos. Dado apresentar um índice alfabético dos comandos do Scilab, eliminei agora a sua localização, por se tornar redundante.

0.1 Capítulo 1 – Mãos à obra

0.1.1 Tópicos

Este capítulo tem por finalidade proporcionar-lhe, de uma maneira simples e suave, uma iniciação ao uso do Scilab.

- Vai ficar a ter uma ideia geral do que é o Scilab e como obtê-lo
- Como introduzir comandos no **prompt** do Scilab e obter resposta
- Conhecer as suas três principais janelas de interface com o utilizador
- A estrutura mais comum dos comandos do Scilab
- Como obter ajuda
- Como guardar o seu trabalho
- Saber como formatar números
- Familiarizar-se com algumas constantes, operadores e comandos básicos do Scilab
- Ver o Scilab a funcionar nalguns procedimentos simples, que sugerimos que repita no seu computador

0.1.2 Índice de comandos

Comandos	Descrição
%pi	3.1415927
-	Subtração
%e	2.7182818
%eps	Precisão “máquina” do Scilab
%i	Raiz quadrada de -1. Por exemplo, para entrar o complexo 2+4i escreve-se 2+4*%i
%inf	Infinito
%nan	“Not a number”
*	Multiplicação
/	Divisão
^	Potência. 3^2=9
+	Soma
<	Menor que
<=	Menor ou igual que
<> ou ~=	Diferente de
>	Maior que
>=	Maior ou igual que
	Arcocosseno de
apropos	Pede ajuda a partir de uma palavra-chave
asin	Arcosseno de
atan	Arcotangente de
clc()	Limpa a janela dos comandos
clc(n)	Limpa n linhas acima da atual linha de comandos e move o cursor para lá
clear x y	Remove as variáveis x e y da memória
clear()	Remove todas as variáveis da memória
cos	Cosseno de

Sinopse Geral

exp(x)	Exponencial de x, e^x
format	Formata um número
gsort	Ordena um conjunto de números, vetor ou matriz, numa sequência decrescente
help	Pede ajuda sobre um comando
log	Logaritmo natural ou na base e
log10	Logaritmo na base 10
log2	Logaritmo na base 2
matrix	Cria uma matriz
rand	Número casual entre zero e um
save	Guarda um ficheiro
SciNotes()	Abre o editor de texto do Scilab
sin	Seno de
sqrt	Raiz quadrada
tan	Tangente de
who	Lista as variáveis
whos	Lista as variáveis longas

0.2 Capítulo 2 – Exercícios de aquecimento

0.2.1 Tópicos

- Sistematizar alguns procedimentos já anteriormente ilustrados.
- Fazer operações aritméticas com escalares
- Utilizar funções trigonométricas.
- Criar um sector simples e utilizá-lo como objeto de algumas funções.
- Criar gráficos com procedimentos simples
- Calcular permutações, arranjos e combinações
- Criar uma função que permite obter permutações, arranjos e combinações
- Criar funções “on-line”
- Resolver um sistema de equações lineares
- Iniciar-se na utilização das cadeias de caracteres (“strings”)
- Criar e analisar uma função polinomial
- Realizar operações aritméticas com polinómios
- Limites
- Estatística elementar
- Probabilidades elementares

Sinopse Geral

0.2.2 Índice de comandos

Comando	Descrição
[]	Enquadra os elementos de um vetor ou matriz. Z=[] cria uma matriz vazia onde mais tarde se pode inserir os elementos
'	A seguir a uma matriz fornece a sua transposta
==	Igualdade de comparação
\	Divisão direita de uma matriz
.*	Multiplicação elemento a elemento
./	Divisão elemento a elemento
.\	Divisão direita elemento a elemento
abs	Valor absoluto ou o módulo de um número complexo
cdfbin	Função da probabilidade acumulada de uma distribuição binomial
cdfnor	Função da probabilidade acumulada de uma distribuição normal
ceil	Arredonda para o inteiro superior
clf	Apaga o conteúdo numa janela de gráfico
conj	Fornece o conjugado de um número complexo
deff	Cria funções "on-line"
derivat	Avaliação numérica da derivada de um polinómio
diff	Dá a diferença entre elementos seguidos de um vetor e a derivada numérica de uma função
disp	Exibe variáveis
eval	Avalia uma matriz de "strings"
evstr	Avalia uma variável que esteja sob a forma de texto
factorial	Calcula n!
floor	Arredonda para o inteiro inferior
grand	Gera uma amostra de números casuais com uma distribuição definida
gsort	Ordenar por ordem crescente
histplot	Cria um histograma
horner	Avalia um polinómio para um valor da sua variável
imag	Permite obter a parte imaginária de um número complexo
imult	Multiplica um número por i
int	Extrai a parte inteira de um número
linspace	Cria um vetor de valores igualmente espaçados
lsq	Aplica o método dos mínimos quadrados
max	Máximo
mean	Média de uma amostra
median	Mediana de uma amostra
modulo	Dá o resto da divisão de um número por outro
pdiv	Divisão de polinómios
plot	Obtenção de um gráfico simples
plot2d	Permite traçar um gráfico no espaço a duas dimensões
poly	Define um polinómio
prod	Produto
real	Permite obter a parte real de um número complexo
round	Arredonda um número para o inteiro mais próximo
sign	Sinal. Os números positivos são assinalados com 1, e os negativos com -1
sample	Amostragem com reposição
samwr	Amostragem sem reposição
size	Fornece as dimensões de um vetor ou matriz

Sinopse Geral

st_deviation	Desvio padrão
string	Transforma uma variável numa cadeia de texto ou “string”
sum	Soma dos elementos de um vetor ou duma matriz
tabul	Cria uma tabela de frequências dos valores de um vetor ou matriz
unique	Extrai componentes únicos de um vetor ou matriz
xgrid()	Insere uma grelha num gráfico
xtitle	Insere o título e as legendas dos eixos num gráfico

0.3 Capítulo 3 – vetores e matrizes**0.3.1 Tópicos**

- Criar vetores e matrizes
- Conhecer matrizes especiais que o Scilab cria facilmente
- Identificar elementos de vetores e matrizes
- Manipular matrizes, como acrescentar e eliminar elementos
- Realizar operações com vetores e matrizes
- Analisar matrizes
- Resolver sistemas de equações lineares no contexto da álgebra matricial

0.3.2 Índice de comandos

Comando	Descrição
\	Divisão direita de uma matriz
.*	Multiplicação elemento a elemento
./	Divisão elemento a elemento
.\	Divisão direita elemento a elemento
.^	Exponenciação elemento a elemento
bdiag	Valores e vetores próprios de uma matriz
det	Determinante de uma matriz
diag	Diagonal principal de uma matriz
expm	Exponencial de uma matriz
eye	Matriz de zeros com 1's na diagonal principal
inv	Inversa de uma matriz
linsolve	Solução de um sistema de equações lineares
logm	Logaritmo de uma matriz
logspace	vetor de números correspondentes aos logaritmos na base 10 do intervalo especificado, igualmente espaçados
ones	Matriz de 1's. Sintaxe igual à do comando zeros
spec	Valores próprios de uma matriz
sqrtm	Raiz quadrada de uma matriz
trace	Traço de uma matriz
zeros	Matriz só de zeros

0.4 Capítulo 4 – Gráficos

0.4.1 Tópicos

- Expandir a criação de gráficos de duas dimensões
- Inserir texto na área do gráfico
- Introduzir os gráficos a três dimensões
- Obter as coordenadas de pontos numa curva num gráfico
- Utilizar os menus e botões da janela dos gráficos para facilmente os formatar
- Fazer gráficos com marcas ou símbolos gráficos no traçado das curvas

0.4.2 Índice de comandos

Comando	Descrição
champ	Cria um campo de vetores de duas dimensões
champ1	Permite colorir os vetores do campo
contour2d	Traça as curvas de nível de uma superfície num gráfico 2D
errbar	Acrescenta barras verticais de erros a um gráfico 2D
fchamp	Campo de vetores associado a uma equação diferencial ordinária (EDO)
fcontour2d	Traça as curvas de nível de uma superfície definida por uma função num gráfico 2D
fgrayplot	Cria uma superfície definida por uma função num gráfico a duas dimensões usando cores
fplot2d	Faz o gráfico de uma curva definida por uma função
grayplot	Cria uma superfície num gráfico a duas dimensões usando cores
legend	Inserir uma legenda com o nome das curvas do gráfico, no espaço dos eixos
locate	Permite obter as coordenadas de pontos numa curva
matplot	Cria uma quadricula preenchida a cores
mesh	Faz um gráfico 3D definido por uma rede
pie	Cria um gráfico circular, como se ilustra na figura 4.13
plot2d	Cria um gráfico a duas dimensões
plot3d	Faz um gráfico de uma superfície 3D
plot3d1	Faz um gráfico 3D de uma superfície cinzento ou com níveis a cores
plot3d2	Faz um gráfico 3D de uma superfície definida por retângulos
plot3d3	Faz um gráfico 3D de uma superfície em rede ("mesh") definida por retângulos
sfgrayplot	Suaviza uma superfície definida por uma função num gráfico a duas dimensões usando cores
sgrayplot	Suaviza uma superfície num gráfico a duas dimensões usando cores, como se ilustra na figura 4.14
subplot	Cria mais de um gráfico numa janela
xarc	Desenha parte de uma elipse
xarcs	Desenha partes de um conjunto de elipses
xfarc	Preenche parte de uma elipse

Sinopse Geral

xfpoly	Preenche um polígono
xfpolys	Preenche um conjunto de polígonos
xfrect	Preenche um retângulo
xpoly	Desenha uma linha ou um polígono
xpolys	Desenha um conjunto de linhas ou polígonos
xrect	Desenha um retângulo
xrects	Desenha ou preenche um conjunto de retângulos
xrpoly	Desenha um polígono regular
xsegs	Desenha segmentos de recta não ligados
xset	xset('windows', i) abre a janela i para receber um gráfico
xstring	Inserir texto no espaço dos eixos, num gráfico

0.5 Capítulo 5 – Outros comandos com interesse**0.5.1 Tópicos**

- Ajustamento de curvas não lineares
- Interpolação
- Diferenciação
- Integração
- Sistemas de equações não lineares
- Solução numérica de equações diferenciais ordinárias
- Equações discretas
- Otimização

0.5.2 Índice de comandos

Comando	Descrição
cumprod	Calcula o produto acumulado
cumsum	Calcula a soma acumulada
datafit	Ajusta uma equação não linear
derivative	Aproxima numericamente a derivada de uma função num dado ponto
fsolve	Acha a solução de um sistema de equações não lineares
interp1	Interpola valores de $y_j=f(x_j)$
interp2d	Interpola valores de $z_j=f(x_j, y_j)$
interp3d	Interpola valores de $v_j=f(x_j, y_j, z_j)$
intsplin	Integração numérica de dados usando interpolação pelo método spline
inttrap	Integração numérica de dados usando interpolação pelo método trapezoidal
lsqrsolve	Ajusta uma equação não linear pelo método dos mínimos quadrados
ode	Resolve equações diferenciais ordinárias
optim	Rotina de otimização não linear
quapro	Resolve problemas de programação quadrática
smooth	Interpolação recorrendo ao método spline

0.6 Capítulo 6 – Introdução elementar à programação

0.6.1 Tópicos

- Linguagem de programação
- Abordagem heurística dos problemas
- Articular algoritmos
- Estruturar fluxogramas
- Utilizar pseudocódigos
- Estruturas de controlo
- Modular programas
- Recursividade

0.7 Capítulo 7 – Programação em Scilab

0.7.1 Tópicos

Neste capítulo, é especialmente dedicado à programação numa perspetiva mais abrangente e não sequencial. Abordaremos:

- Tipos de dados que o Scilab reconhece
- Matrizes multidimensionais
- Estruturas de dados
- Comandos de inquirição sobre tipos de funções
- Tipos de variáveis
- Entrada de dados
- Saída de resultados e mensagens
- Estruturas de controlo do fluxo do programa:
 - Declarações if
 - Declarações select e case
 - Ciclos for
 - Ciclos while
 - Declarações break
- Depistagem e correção de erros nos programas

0.7.1 Índice de comandos

Sinopse Geral

Comando	Descrição
abort	Interrompe a execução do programa
break	Interrompe a execução de um ciclo
clearglobal	Apaga as variáveis globais
for	Comando para executar ciclos
full	Converte matrizes esparsas em matrizes completas
global	Define variáveis globais
hypermat	Cria matriz multidimensional
f	Cria um Comando de execução condicional
input	Pede uma entrada de informação através do teclado
isglobal	Verifica se uma variável é global
list	Cria um objeto list (lista)
mgetl	Lê linhas de texto de um ficheiro *.txt
pause	Interrompe o programa e aguarda uma entrada através do teclado
printf	Comando para imprimir no monitor
printsetupbox	Comando para ter acesso à janela de controlo das impressoras
resume	Retoma a execução interrompida de um programa
return	Retoma a execução interrompida de um programa
select	Comando de escolha condicional
sparse	Cria uma matriz esparsa
tlist	Cria um objeto do tipo tlist
type	Verifica o tipo da variável
typeof	Verifica o tipo de um objeto Scilab
xls_open	Abre um ficheiro em formato do Excel
xls_read	Lê um ficheiro Excel previamente aberto

Sinopse Geral

<code>while</code>	Comando para ciclo condicional
--------------------	--------------------------------

0.8 Capítulo 8 – Aplicações

0.8.1 Tópicos

Numa escolha arbitrária, apresentam-se os seguinte doze programas:

- reglinmul – ajusta modelos da regressão linear multivariada
- RK4 – aplica o método de Runge-Kuta de 4ª ordem a um sistema de EDO
- sbpred11 – acha o equilíbrio do modelo SBPRED(1,1) para a interação predador-presa e analisa a sua estabilidade
- paramcaos – aplica o modelo BACO2 a populações de *Paramecium* sp. E ilustra a ocorrência do efeito de borboleta determinístico
- sematdial – dada uma matriz de Leslie, estima a sensibilidade e a elasticidade do seu valor próprio dominante, os valores reprodutivos das classes e a distribuição etária estável
- SOBANPK – simula os ciclos biogeoquímicos do N, K e P no pinhal bravo regular
- Cnobravo – simula o carbono retido no pinhal bravo e a sua acreção
- plantafu – simula o crescimento de uma planta anual no hemisfério norte, com selecção de data de sementeira e latitude
- funcroc – simula o crescimento de uma população de crocodilos australianos
- ProbExt – calcula a probabilidade acumulada de extinção de uma espécie
- plamarg – simula o planeta das margaridas de James Lovelock
- fuMBE2 – um modelo de balanço da energia da Terra
- Todos os programas, em formato *.sci, encontram-se na pasta “Aplicações”, que acompanha este livro. Para os correr basta **File→Exec...** e dois cliques no ficheiro escolhido. Reveja na secção 2.7 as várias alternativas para correr um programa.

Capítulo 1

Mãos à obra

Este capítulo tem por finalidade proporcionar-lhe, de uma maneira simples e suave, uma iniciação ao uso do Scilab.

- Vai ficar a ter uma ideia geral do que é o Scilab e como obtê-lo
- Como introduzir comandos no **prompt** do Scilab e obter resposta
- Conhecer as suas três principais janelas de interface com o utilizador
- A estrutura mais comum dos comandos do Scilab
- Como obter ajuda
- Como guardar o seu trabalho
- Saber como formatar números
- Familiarizar-se com algumas constantes, operadores e comandos básicos do Scilab
- Ver o Scilab a funcionar nalguns procedimentos simples, que sugerimos que repita no seu computador

Mãos à obra

1.1 Apresentando o Scilab

O Scilab é um potente software livre

- De cálculo numérico;
- Visualização gráfica;
- E simultaneamente uma linguagem de programação de nível elevado.

Não faz operações de cálculo simbólico, mas permite interfaces com software que o faça.

O Scilab aceita vários tipos de dados e é baseado fundamentalmente na manipulação de vetores e matrizes. Contém uma rica coleção de algoritmos que podem ser utilizados para executar complexas operações de cálculo e traçar gráficos, com comandos simples e curtos. O facto de ser uma linguagem de programação permite ao utilizador desenvolver comandos para seu uso próprio, ou programá-los em linguagem C ou FORTRAN.

O Scilab tem inúmeros comandos que são pequenos programas chamados “functions” (funções), agrupados, de acordo com a afinidade dos algoritmos que executam, em “toolboxes” (caixas de ferramentas) que designaremos por **bibliotecas**. Este software dispõe de um manual em ficheiro PDF (Scilab Reference Manual) onde são identificadas as bibliotecas e as suas funções descritas.

Para ver as bibliotecas do Scilab, com o software aberto, tecele em **F1**, abre-se a ajuda do Scilab, que exhibe as bibliotecas no painel de navegação situado à esquerda. À direita surge uma janela, em inglês, com ligações diretas a vários locais do site do Scilab, que certamente há interesse em explorar. Encontra-se aqui disponível o *Scilab manual*, em versão portuguesa, que se estende por 2299 páginas, com a descrição de todos os comandos do software.

Não surpreende que neste livro introdutório não abordemos todas as bibliotecas, nem utilizaremos todos os comandos daquelas a que recorreremos. Além dos procedimentos indispensáveis e básicos de uso do software (e.g., input/output), a nossa escolha recairá naqueles de maior relevância para os cálculos associados aos instrumentos matemáticos e de visualização tidos como os mais utilizados.

No entanto, convém esclarecer que com o enriquecimento da abordagem quantificada destas ciências, este quadro de referência não é estático e outros comandos e bibliotecas podem vir a ganhar interesse. A abordagem faz-se também na perspectiva de que uma vez iniciado, o leitor poderá por si, com os instrumentos de apoio que acompanham o Scilab e outros que venha a dispor, alargar o horizonte da sua utilização. Mas não se esqueça que o software de cálculo, simbólico e numérico, ser-lhe-a de pouca utilidade se não tiver o conhecimento adequado dos sistemas que aborda, e dos instrumentos matemáticos a que recorre.

O Scilab pode ser instalado em ambientes Windows, Mac e Linux.

Se a leitora já utilizou o software MATLAB não vai ter nenhuma dificuldade em utilizar o Scilab pois há grande afinidade entre eles.

Na atualização deste texto usei o Scilab 5.3.3.

Mãos à obra

1.2 Como obter o Scilab

O Scilab foi desenvolvido, em França, pelo Institut National de Recherche en Informatique et en Automatique (I.N.R.I.A.). Pode ser descarregado gratuitamente do site seguinte:

<http://www.scilab.org>

O software vem acompanhado de instruções de instalação, e esta em ambiente Windows não oferece qualquer problema. Instalei-o em computadores com a versão ME, XP e Vista sem qualquer dificuldade.

O sítio do Scilab é muito completo e repleto de ligações para janelas onde é possível encontrar a mais variada informação para um pleno aproveitamento da aplicação.

Um sítio de apoio ao ensino recorrendo ao Scilab pode ser acedido em

<http://cermics.enpc.fr/scilab/>

Um “newsgroup” dedicado ao Scilab encontra-se em

<comp.soft-sys.math.scylab>

1.3 Convenções tipográficas

Neste texto, para destacar o significado operacional dos diversos tipos de texto usarei as seguintes convenções:

- O tipo de letra usado é colibri (o presente), criado para permitir uma leitura fácil em monitores de computador e de leitores de "e-books".
- Para comandos e outras entradas na janela de comandos do Scilab, será empregue o tipo [century](#).
- Os resultados proporcionados pelo Scilab serão impressos em arial.
- Texto em locais onde devem ser inseridas palavras associadas à execução de um comando será apresentado em itálico. Por exemplo, para obter ajuda sobre um assunto, tópico ou comando escreve-se help *tópico*. No caso de se querer pedir ajuda sobre o comando relativo ao seno de um ângulo, escreve-se help sin.
- Na primeira vez que usamos um comando, para mais fácil localização, o seu nome vem a cor vermelha, no texto.

1.4 As janelas de interface com o utilizador

A principal interface do Scilab com o utilizador é feita através das janelas

- A consola ou janela de comandos (figura 1.1)
- As janelas onde surgem os gráficos (figura 1.2)

Mãos à obra

- A janela SciNotes (figura 1.3) para edição de comandos e programação (pode ser substituída por um processador de texto simples)

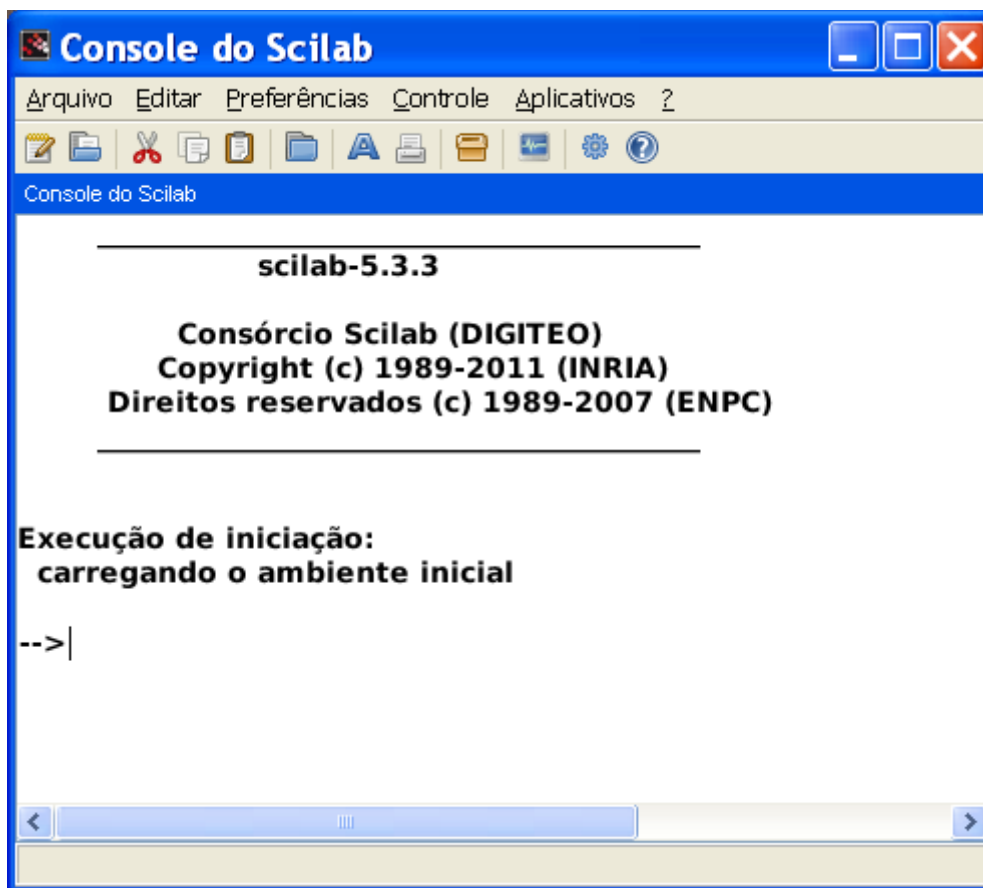


Figura 1.1. Janela da interface gráfica de comandos do Scilab, ou console.

Para evitar uma leitura passiva deste texto, sugiro que o leitor instale o Scilab, se ainda não o fez, e abra a aplicação. Como pressuponho que está familiarizado com o uso do computador e outras aplicações, sugiro que explore os menus e botões das janelas, que usam ícones conhecidos, e basta apontar para eles com o rato para se obter informação a seu respeito. Use a “Ajuda”, clicando no menu “?” ou pressionando F1, para obter informação complementar. Explore o sitio wiki.scilab.org para aceder a mais documentação, e informação sobre o Scilab. Através do menu “?” tem-se acesso direto a este sitio.

A janela de comandos do Scilab exhibe um **prompt** (-->) que assinala o local de introdução de instruções, dados, etc., pelo utilizador. A figura 1.1exibe a soma de 3 com 4, e o seu resultado (ans de “answer” – resposta) que é 7. A leitora já concluiu que as operações aritméticas básicas introduzem-se como se escrevem e, como todos os comandos, concluem-se pressionando a tecla **enter/return**.

O primeiro botão à esquerda permite nova(s) janela(s) de trabalho.

A menu “Aplicativos” permite aceder ao SciNotes, à caixa de ferramentas gráficas para modelar sistemas dinâmicos Xcos (não abordado neste livro), ao tradutor de comandos de MatLab para Scilab, ao controlador ATOMS, de módulos obteníveis no

Mãos à obra

sítio do Scilab, ao navegador pelas variáveis (útil em programas longos e complexos), e ao histórico dos comandos.

Além dos módulos acessíveis através da janela ATOMS, é possível encontrar contribuições de terceiros, no sítio do Scilab.

O botão com o símbolo de uma roda dentada permite aceder diretamente à janela de demonstrações, que sugerimos que seja explorada, para se obter uma primeira avaliação das capacidades do Scilab.

Além do modo de utilização descrito, através da interface gráfica (o mais usado) existem outras duas formas (*modes*) de o fazer que não contemplaremos.

A janela dos gráficos será explorada no capítulo 4.

O SciNotes é um processador de texto com alguns comandos extra que facilitam a formatação do programa e a eliminação dos erros de programação. Por exemplo, controla os parênteses que vamos inserindo, e completa os comandos com mais de uma palavra, para evitar a memorização.

A janela do SciNotes tem as linhas numeradas na barra lateral esquerda.

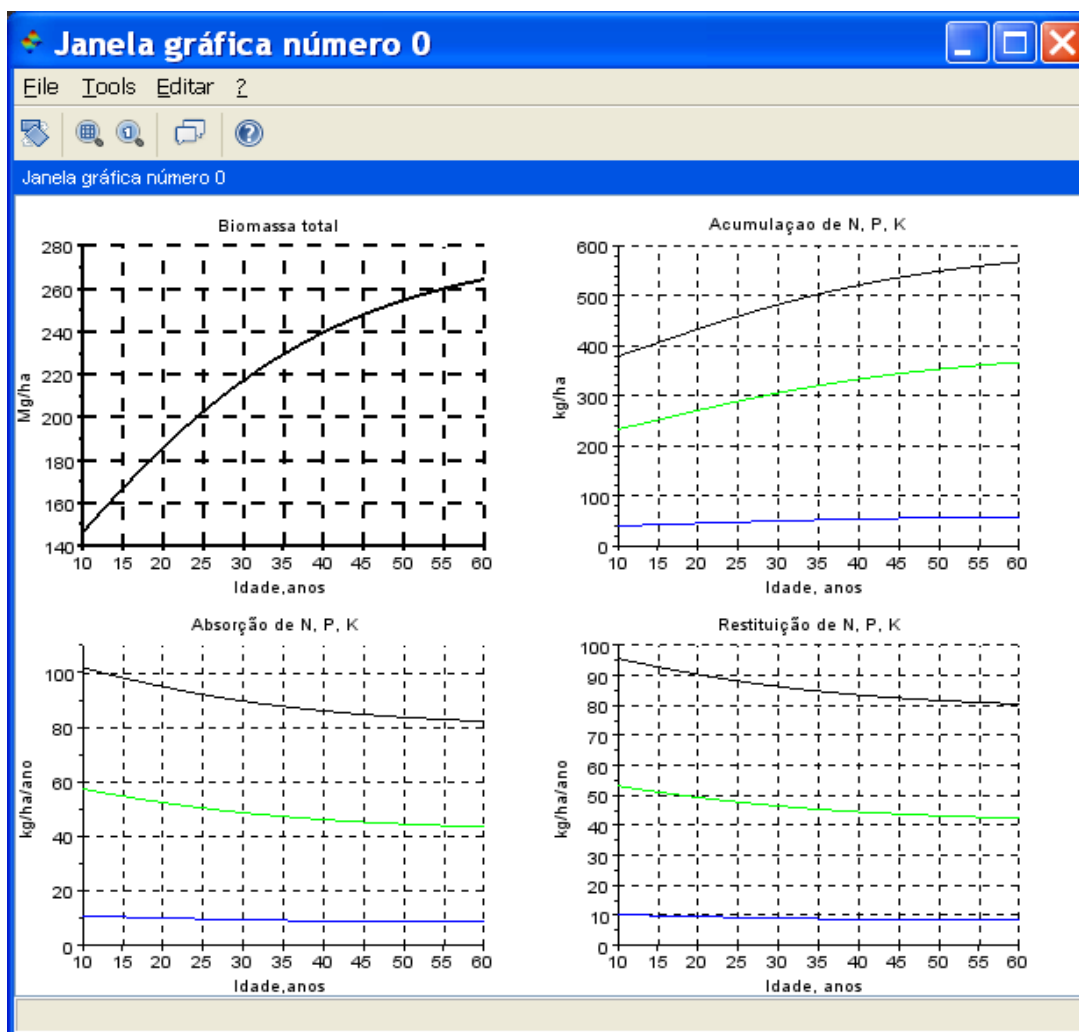
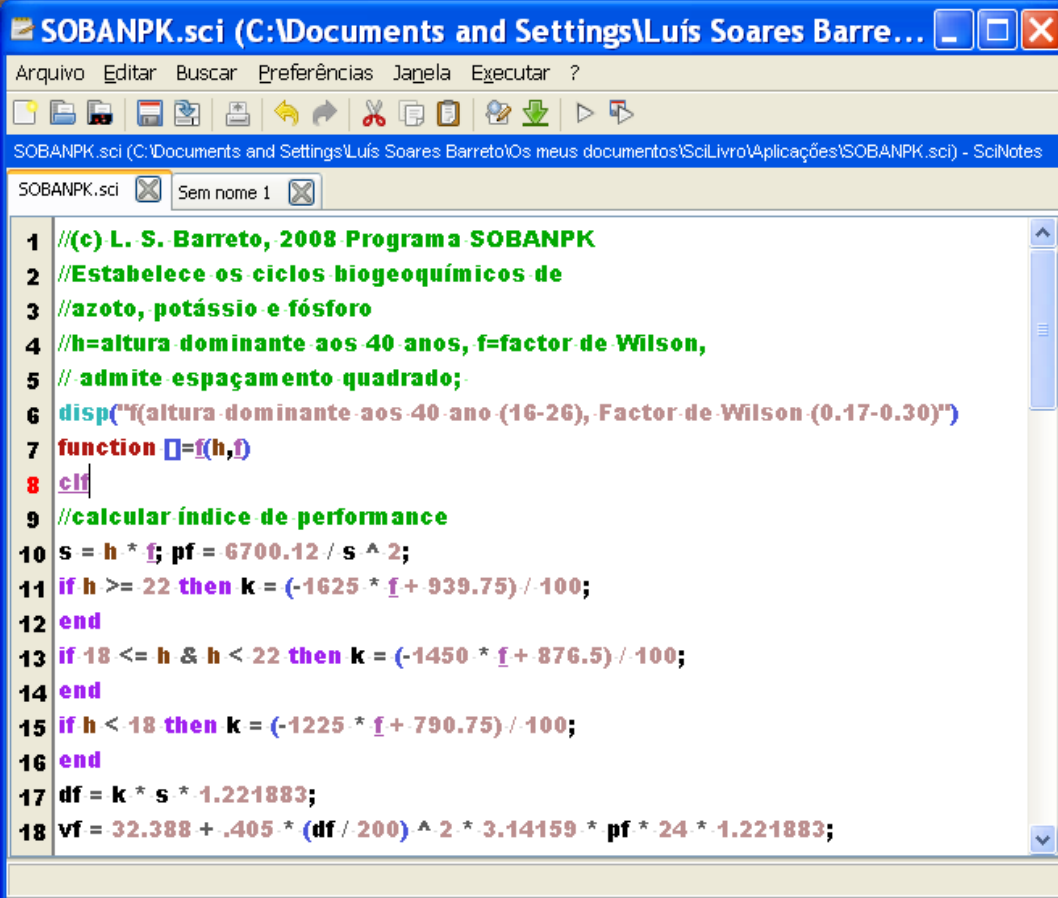


Figura 1.2. Janela de gráfico com quatro sub janelas contendo gráficos relativos à dinâmica de um pinhal bravo regular, nas idades dos 10 aos 60 anos

Mãos à obra

Se fecharmos a janela da console com o rato encerra-se o Scilab. O mesmo pode ser feito escrevendo **Exit**, **Enter/Return** ou clicando esta palavra no menu **File**.



```

1 //© L. S. Barreto, 2008 Programa SOBANPK
2 //Estabelece os ciclos biogeoquímicos de
3 //azoto, potássio e fósforo
4 //h=altura dominante aos 40 anos, f=factor de Wilson,
5 // admite espaçamento quadrado;
6 disp("f(altura dominante aos 40 anos (16-26), Factor de Wilson (0.17-0.30)")
7 function []=f(h,f)
8 clf
9 //calcular índice de performance
10 s = h * f; pf = 6700.12 / s ^ 2;
11 if h >= 22 then k = (-1625 * f + 939.75) / 100;
12 end
13 if 18 <= h & h < 22 then k = (-1450 * f + 876.5) / 100;
14 end
15 if h < 18 then k = (-1225 * f + 790.75) / 100;
16 end
17 df = k * s * 1.221883;
18 vf = 32.388 + .405 * (df / 200) ^ 2 * 3.14159 * pf * 24 * 1.221883;

```

Figura 1.3. Janela do editor de comandos e programas SciNotes, com o programa que gera os gráficos exibidos na figura 1.2

1.5 Algum conhecimento prévio necessário

Antes de iniciar uma série de sessões tutoriais convém dispor de algum conhecimento sobre certos tópicos da linguagem do Scilab, que passo a abordar.

A forma geral dos comandos do Scilab é a seguinte:

Entidade que recebe o resultado=Função do Scilab(objecto a que a função se aplica, atributos)

Um exemplo. Obter o valor do logaritmo natural de 30 e atribui-lo à variável x, com o comando **log**.

```
-->x=log(30)
```

```
x =
```

```
3.4011974
```

Mãos à obra

Outro exemplo. Usando o comando `matrix`, transformar os números inteiros de 1 a 12, numa matriz de 4 linhas e 3 colunas e atribui-la a M.

```
-->M=matrix(1:12, 4,3)
```

M =

```
1.  5.  9.
2.  6. 10.
3.  7. 11.
4.  8. 12.
```

O Scilab ordena os números por colunas, mas pode-se obter uma ordenação por linhas, como veremos adiante.

O leitor anotou que uma sequência de números inteiros seguidos tem a forma

Primeiro valor /dois pontos/último valor

Se os números não forem inteiros seguidos, o intervalo entre eles é introduzido do seguinte modo:

Primeiro valor /dois pontos/intervalo/dois pontos/último valor

Para criar o vetor linha z com os elementos 1, 1.1, 1.2,2 procede-se assim:

```
-->z=1:0.1:2
```

z =

```
1.  1.1  1.2  1.3  1.4  1.5  1.6  1.7  1.8  1.9  2.
```

Também podemos aplicar a função `log` ao vetor z e obter outro vetor x dos logaritmos:

```
-->x=log(z)
```

x =

column 1 to 7

```
0.  0.0953102  0.1823216  0.2623643  0.3364722  0.4054651  0.4700036
```

column 8 to 11

```
0.5306283  0.5877867  0.6418539  0.6931472
```

Se terminarmos uma linha com ponto e vírgula, o Scilab não escreve a saída do comando no monitor.

Do mesmo modo o vetor z pode ser objeto de outras funções que nos permitem obter informação sobre os seus elementos, como a média e o desvio padrão, por exemplo. O mesmo se passa com a matriz M.

Mãos à obra

O Scilab trata todas as variáveis como uma matriz. Um escalar, real ou complexo, é visto como uma matriz 1x1. Um vetor linha com n elementos é visto como uma matriz 1xn. Um vetor coluna como uma matriz nx1. O Scilab lida com matrizes de números, polinómios, booleanas e cadeias de caracteres ('strings').

1.5.1 Sensibilidade ao tipo de letra

O Scilab distingue entre maiúsculas e minúsculas. Se escrever `sin(2)` ele devolve-lhe o valor do seno de um ângulo; se escrever `Sin(2)` ele diz que a variável `Sin` não foi definida.

1.5.2 Ajuda

Os dois comandos mais utilizados para aceder a ajuda sobre o Scilab são:
apropos palavra-chave faz uma pesquisa a partir de uma palavra-chave.
help tópico obtém informação específica sobre um só comando ou função.

A ajuda do Scilab pode abrir-se escrevendo `help`, a partir do menu "?", clicando o botão com o mesmo símbolo, pressionando a tecla F1.

Os exemplos das entradas da ajuda estão numa caixa de texto que têm dois botões, no canto superior direito. O botão da esquerda permite executar imediatamente todo o exemplo; o da direita copia todo o exemplo para o SciNotes. Muito conveniente e prático.

1.5.3 Constantes e variáveis especiais

`%pi` 3.1415927

`%e` 2.7182818

`%i` raiz quadrada de -1. Por exemplo, para entrar o complexo $2+4i$ escreve-se `2+4*%i`

`%inf` infinito

`%eps` precisão "máquina" do Scilab

`%nan` "Not a number"

Estas variáveis não podem ser apagadas, nem alteradas.

Um exemplo:

```
-->%eps
```

```
%eps =
```

```
2.220D-16
```

1.5.4 Formato dos números

O Scilab não requer o prévio dimensionamento das variáveis e separa a parte inteira da decimal com um ponto. Por defeito os números têm dez posições (incluindo o ponto). Para aumentar este valor e passar a ter uma variável longa usa-se `format(n);variável`. Por exemplo:

```
-->format(15);%pi
```

```
%pi =
```

Mãos à obra

3.14159265359

1.5.5 Operadores aritméticos e relacionais

+ soma
 - subtração
 * multiplicação
 / divisão
 ^ potência. $3^2=9$
 < menor que
 <= menor ou igual que
 > maior que
 >= maior ou igual que
 <> ou ~= diferente de

1.5.6 Prioridade de execução dos operadores

Além dos operadores atrás introduzidos, o Scilab tem outros que serão apresentados adiante. Os operadores agrupam-se em sete grupos de igual prioridade. Se um operador tem maior prioridade que outro é executado primeiro. Os sete grupos de prioridade dos operadores do Scilab ordenados por ordem decrescente são:

(', .')

(^)

(* , / , \ , .* , ./ , .\ , .* , ./ , .\)

(+ , -)

(== , > , < , <= , >= , ~=)

(&)

(|)

A prioridade inata aos operadores pode ser alterada com recurso a parênteses. Por exemplo, $1+2^2=5$ e $(1+2)^2=9$. Do mesmo modo, $18/2+4=13$ e $16/(2+4)=3$.

1.5.7 Funções básicas

log logaritmo natural ou na base e
log10 logaritmo na base 10
log2 logaritmo na base 2
sin seno de
cos cosseno de
tan tangente de
asin arcosseno de
acos arcocosseno de
atan arcotangente de
exp(x) exponencial de x, e^x .
sqrt raiz quadrada
rand número casual entre zero e um

Mãos à obra

`gsort` ordena um conjunto de números , vetor ou matriz, numa sequência decrescente

Alguns exemplos.

```
-->exp(1)
```

```
ans =
```

```
2.7182818
```

```
-->rand
```

```
ans =
```

```
0.0683740
```

Criemos uma matriz 3x3, de números aleatórios com o comando `rand`:

```
-->A=rand(3,3)
```

```
A =
```

```
0.5608486 0.1985144 0.2312237
```

```
0.6623569 0.5442573 0.2164633
```

```
0.7263507 0.2320748 0.8833888
```

Agora achemos a raiz quadrada de cada elemento da matriz com o comando `sqrt`:

```
-->C=sqrt(A)
```

```
C =
```

```
0.7488983 0.4455495 0.4808573
```

```
0.8138531 0.7377380 0.4652561
```

```
0.8522621 0.4817414 0.9398876
```

```
-->D=gsort(A)
```

```
D =
```

```
0.8833888 0.5608486 0.2312237
```

```
0.7263507 0.5442573 0.2164633
```

```
0.6623569 0.2320748 0.1985144
```

1.5.8 Na linha de comandos

Para se mover o cursor na linha de comandos usar as teclas com setas como num processador de texto. As teclas **home** (ou a combinação `Ctrl-a`) e **end** (ou a combinação `Ctrl-e`) levam ao princípio e fim da linha respetivamente. As teclas de apagar texto usam-se com no processador de texto.

`Ctrl+p` chama a última linha de comando introduzida.

Se colocarmos o cursor no **prompt** e pressionarmos sucessivamente a tecla `↑` vamos chamando sucessivas linhas de comando, a começar na última introduzida.

Mãos à obra

Uma linha ou qualquer região da janela de comandos pode ser selecionada usando o rato, copiada e colada no **prompt** ativo ou noutro documento.

Uma linha de comandos que termine com um ponto e vírgula (;) não mostra ou ecoa o resultado na janela de comandos. Sem ponto e vírgula ecoa a operação, como se ilustrou atrás.

Uma alternativa a estas instruções é usar o menu **Edit** e clicar em **History**.

Podem-se inserir comentários precedidos de **//**.

Exemplo de inserção de um comentário, sem saída do resultado (; no fim do comando):

```
-->exp(1); //exponencial de 1
```

Num comando com várias linhas, estas terminam com três pontos, até ao **Enter** final. Numa linha, pode-se introduzir mais de um comando, separados por ponto e vírgula.

```
-->a=2;b=5;z=a+b  
z =
```

7.

Nos comandos anteriores criámos três variáveis, a, b, z. Os nomes de variáveis podem começar por uma letra ou %, seguido de outras letras, algarismos, ou caracteres especiais, como #. Não devem ter mais de 24 caracteres.

1.5.9 Manipulação e informação sobre o espaço de trabalho

Quando trabalhamos no Scilab, além das janelas visíveis, o software guarda numa área da memória, chamada “workspace” (espaço de trabalho) informação sobre as variáveis e funções existentes. Muitas vezes, nomeadamente em programas muito extensos, é necessário verificar que informação existe no espaço de trabalho para evitar repetições. Para esta finalidade, o Scilab disponibiliza os seguintes comandos:

clc() limpa a janela dos comandos.
clc(n) limpa n linhas acima da atual linha de comandos e move o cursor para lá.
clear() remove todas as variáveis da memória.
clear x y remove as variáveis x e y da memória.
whos lista as variáveis longas.
who lista as variáveis.

1.5.10 Lidar com ficheiros

Para lidar com ficheiros (abrir, guardar), mudar de diretório e imprimir, a forma mais expedita de o fazer é usar o menu **file**, como num processador de texto, e activar o comando desejado. Para este efeito também existem alguns comandos específicos que podem ser selecionados escrevendo, por exemplo, **apropos print**. Obtém-se uma janela de ajuda como se exhibe na figura 1.4. Clicando num dos comandos da lista apresentada à esquerda, o respectivo texto de ajuda aparece à direita, como é habitual

Mãos à obra

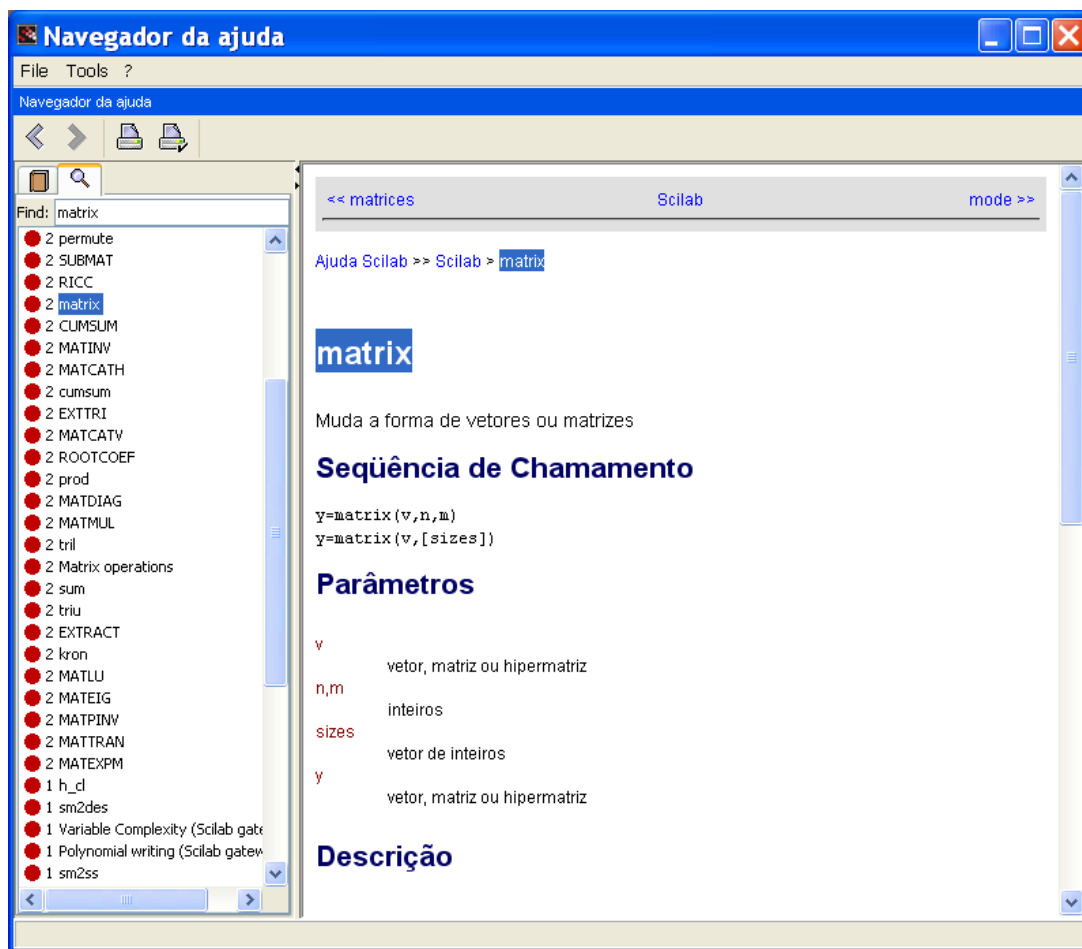


Figura 1.4. Janela da ajuda que surge depois de se ter: a) pressionado a tecla F1; b) no local para a palavra a ser procurada (Find) termos escrito “matrix”; c) de entre as varias alternativas apresentadas termos escolhido “matrix”

1.5.11 Outra forma de utilizar o Scilab

Além da forma interativa direta de submeter instruções ao Scilab na linha de comandos, a seguir ao **prompt**, na janela da console do software, há outro procedimento mais controlado de o fazer. É particularmente adequado para uma sequência de comandos interligados num algoritmo com um determinado propósito, programas e funções definidas pelo utilizador. Aqui as instruções são previamente escritas no SciNotes o processador de texto do SciLab, com as funções básicas do software simples deste tipo, e barra de ferramentas condizente.

O editor de texto SciNotes pode ser aberto quer clicando, na barra superior da console, o primeiro botão à esquerda, que representa uma folha e um lápis, quer através do menu Aplicações. Trabalhar com o SciNotes não oferece nenhuma dificuldade a quem esteja familiarizado com um processador de texto. Se passar o apontador do rato sobre os seus ícones surge a informação da função de cada um (abrir uma nova entrada de texto, abrir, abrir um ficheiro C, guardar, etc). Podem ter-se vários ficheiros abertos e passar de um para outro, clicando o separador respetivo. A

Mãos à obra

maneira mais expedita de os fechar é clicando o X que aparece no separador do ficheiro aberto.

O SciNotes faz o controlo dos parênteses abertos e facilita a utilização das principais instruções, inserido a conclusão do comando, como já foi referido.

Na secção 2.7, abordam-se as várias alternativas para executar programas a partir do SciNotes.

Vamos abordar um procedimento de arranjo da interface gráfica denominado docagem (*docking*). Como se pode verificar na figura 1.3, a janela do SciNotes tem duas barras azuis. Se clicar na inferior e mais estreita, o SciNotes pode ser alojado no espaço da console por arrastamento. Ali alojado, a mesma barra, à direita, passa a ter uma seta, que permite tirar o SciNotes para fora, e torná-lo novamente uma janela independente, e o usual botão (X) de fechar, que permite encerrar o SciNotes. Ver figura 1.4.

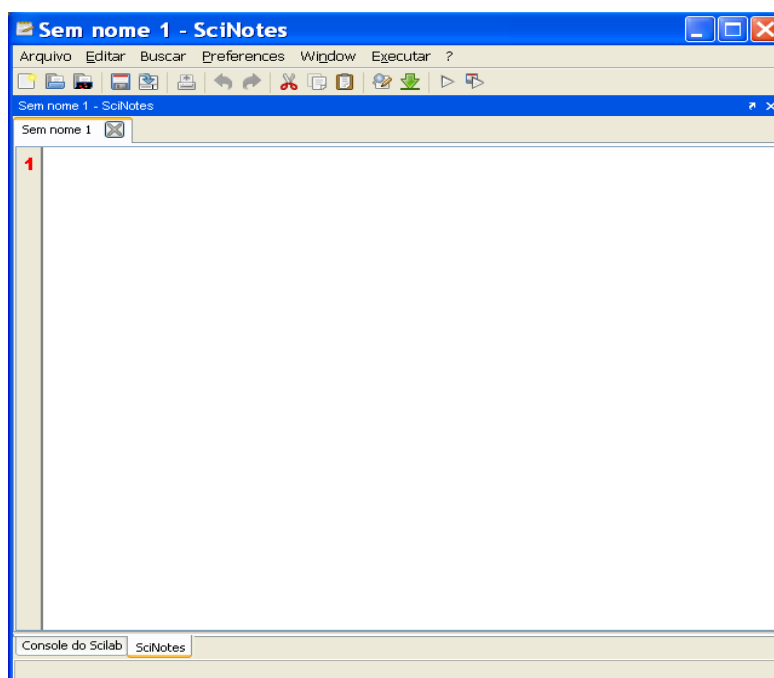


Figura 1.4. Janela do SciNotes alojada na console de modo a ocupar todo o espaço disponível. Os dois separadores em baixo, à esquerda, permitem alternar entre as respectivas janelas

A docagem é aplicável também às janelas de gráficos e da Ajuda, e permite trabalhar com uma só janela contendo sub-janelas. A barra de ferramentas adapta-se automaticamente à sub-janela ativada.

1.5.12 Guardar e imprimir todo o trabalho na janela de comandos

O ambiente de trabalho pode ser guardado, por exemplo numa disquete, no ficheiro “meuficheiro” com o comando **save**, ou clicando no menu **File**→**Save**.

```
-->save('A:\meuficheiro.sci')
```

Mãos à obra

Para carregar o ficheiro, clicar no menu **File→Load**, na janela que se abre, escolher a opção ver todos os ficheiros e fazer um duplo clique no ficheiro pretendido. Na janela do Scilab aparece:

```
-->load('D:\meuficheiro.sci');disp('file loaded');
```

```
file loaded
```

A partir de agora o utilizador pode evocar as variáveis que definiu na sessão correspondente ao ficheiro.

Também se pode seleccionar todo o ambiente de trabalho (menu **Edit→Select All**), copiar e colar num processador de texto e depois guardar o ficheiro no formato ***txt**, que o SciNotes abre, ou outro. No processador de texto, ou no SciNotes, pode eliminar os erros e outra informação não executável e passar a dispor de um ficheiro que pode cativar como se descreve na secção 2.7.

No fim do trabalho, em vez do comando save, pode usar o comando diary. O comando **diary(0)** interrompe o diário. Explore este comando na Ajuda.

Para imprimir toda a sessão de trabalho presente na janela de comandos do Scilab, basta clicar no ícone que representa uma impressora.

Sugerimos, mais uma vez, que o leitor não faça uma leitura passiva deste livro e introduza os comandos, nele apresentados, na janela do Scilab, e procure fazer cálculos que já anteriormente realizou numa calculadora, o que permite controlar os seus resultados.

Leitora, nas sociedades atuais, o conhecimento é sobretudo performativo. Sabe, quem sabe fazer.

1.6 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo

Comando	Descrição
%pi	3.1415927
-	subtração
%e	2.7182818
%eps	Precisão “máquina” do Scilab
%i	Raiz quadrada de -1. Por exemplo, para entrar o complexo 2+4i escreve-se 2+4*%i
%inf	Infinito
%nan	“Not a number”
*	Multiplicação
/	Divisão

Mãos à obra

^	Potência. $3^2=9$
+	Soma
<	Menor que
<=	Menor ou igual que
<> ou ~=	Diferente de
>	Maior que
>=	Maior ou igual que
	Arcocosseno de
apropos	Pede ajuda a partir de uma palavra-chave
asin	Arcosseno de
atan	Arcotangente de
clc()	Limpa a janela dos comandos
clc(n)	Limpa n linhas acima da actual linha de comandos e move o cursor para lá.
clear x y	Remove as variáveis x e y da memória.
clear()	Remove todas as variáveis da memória.
cos	Cosseno de
exp(x)	Exponencial de x, e^x .
format	Formata um número
help	Pede ajuda sobre um comando
log	Logaritmo natural ou na base e
log10	Logaritmo na base 10
log2	Logaritmo na base 2
matrix	Cria uma matriz
rand	Número casual entre zero e um
save	Guarda um ficheiro
SciNotes	Abre o editor de texto do Scilab
()	
sin	Seno de
sort	Ordena um conjunto de números, vetor ou matriz, numa sequência decrescente
sqrt	Raiz quadrada
tan	Tangente de
who	Lista as variáveis
whos	Lista as variáveis longas.

Capítulo 2

Exercícios de aquecimento

Este capítulo pretende ser uma transição para aplicações mais avançadas. Para não apresentarmos os conceitos no vazio, vamos servir-nos de exercícios simples de aritmética, matemática e física elementares, recorrendo a conhecimentos que adquiriu nos ensinos primário e secundário. As finalidades deste capítulo são:

- Sistematizar alguns procedimentos já anteriormente ilustrados.
- Fazer operações aritméticas com escalares
- Utilizar funções trigonométricas.
- Criar um vetor simples e utilizá-lo como objeto de algumas funções.
- Criar gráficos com procedimentos simples
- Calcular permutações, arranjos e combinações
- Criar uma função que permite obter permutações, arranjos e combinações
- Criar funções “on-line”
- Resolver um sistema de equações lineares
- Iniciar-se na utilização das cadeias de caracteres (“strings”)
- Criar e analisar uma função polinomial
- Realizar operações aritméticas com polinómios
- Limites
- Estatística elementar
- Probabilidades elementares

Exercícios de aquecimento

2.1 Cálculo aritmético com escalares

Vamos começar por reintroduzir alguns exemplos já apresentados, recorrendo ao material das secções 1.6.3 e 1.6.5.

Passemos a ilustrar operações com números reais.

Introduzimos 3 variáveis (a,b,c) e depois calculamos uma expressão numérica com elas.

A expressão numérica será:

$$d = \frac{a - b}{(2c - a)^2}$$

```
-->a=3.5;b=2/3;c=0.5;
```

```
-->d=(a-b)/(2*c-a)^2
```

```
d =
```

```
0.4533333
```

```
-->exp(log(d))
```

```
ans =
```

```
0.4533333
```

Criemos um vetor linha cujos elementos são a,b,c, e depois calculamos a soma e o produto dos seus elementos (comandos **sum**, **prod**, **max**).

```
-->v=[a b c]
```

```
v =
```

```
3.5 0.6666667 0.5
```

```
-->sum(v)
```

```
ans =
```

```
4.6666667
```

```
-->prod(v)
```

```
ans =
```

```
1.1666667
```

```
-->max(v)
```

```
ans =
```

```
3.5
```


Exercícios de aquecimento

A soma dos quadrados dos números 3.5, 2/3, 0.5 obtém-se facilmente:

```
-->sum(v^2)
ans =
12.944444
```

Criemos o vetor k e vamos distinguir os valores positivos dos negativos, com o comando **sign**.

```
-->k=[-2 3 4 -5 -8];
-->sign(k)
ans =
- 1.  1.  1. - 1. - 1.
```

Os valores absolutos do elementos do vetor k obtém-se com **abs**.

```
-->k#=#abs(k)
k# =
2.  3.  4.  5.  8.
```

O comando **int** proporciona a parte inteira de um número:

```
-->int(3.8)
ans =
3.
```

Por sua vez, o comando **modulo** proporciona o resto da divisão de um número por outro:

```
modulo(dividendo, divisor)
```

```
-->modulo(44,2)
ans =
0.
```

Podemos pedir a dimensão do vetor k, recorrendo ao comando **size**:

```
-->size(k)
ans =
1.  5.
```

Exercícios de aquecimento

Ilustremos o uso do comando **round**.

```
-->round(3.1)
```

```
ans =
```

3.

```
-->round(3.7)
```

```
ans =
```

4.

Criemos o vetor z utilizando os comandos **ceil** e **floor**:

```
-->z=[floor(3.7) 3.7 ceil(3.7)]
```

```
z =
```

3. 3.7 4.

Calcular o volume V de um cilindro com o diâmetro de 5 cm e a altura de 13 cm.

```
-->V=%pi*(5/2)^2*13
```

```
V =
```

255.25440310417070577387

Lidemos agora com números complexos, seguindo um procedimento semelhante. Sabidos os valores de a, b e c queremos calcular a expressão:

$$A = \frac{(a + 2b)^3}{cb - a}$$

```
-->a=-5+3%i; b=-2+3*5%i;c=6-2%i;
```

```
-->A=(a+2*b)^3/(c*b-a)
```

```
A =
```

- 213.51146 - 369.06334i

Alternativamente podemos usar o comando **imult**:

```
-->2+imult(5)
```

```
ans =
```

2. + 5.i

Separemos a parte real da imaginária, de A, com os comandos **real** e **imag**:

Exercícios de aquecimento

```
-->real(A)
```

```
ans =
```

```
- 213.51146
```

```
-->imag(A)
```

```
ans =
```

```
- 369.06334
```

Obtenhamos agora o módulo de A com o comando **abs**:

```
-->abs(A)
```

```
ans =
```

```
426.37412
```

Com o auxílio do comando **conj** o conjugado de A virá

```
-->conj(A)
```

```
ans =
```

```
- 213.51146 + 369.06334i
```

A altura de uma planta na idade t , $alt(t)$, é dada pela equação (de Gompertz) seguinte:

$$alt(t) = h_f R^k$$

em que $h_f=14$ cm; $R=0.2148$; $k=e^{-0.0284 t}$. Desejamos obter o vetor das alturas da planta, em centímetros, de duas em duas semanas, desde o nascimento até à idade de 140 dias. No Scilab isto obtém-se facilmente da forma seguinte:

```
-->t=0:14:140;
```

```
-->alt=14*0.2148^exp(-0.0284*t)
```

```
alt =
```

```
column 1 to 5
```

```
3.0072  4.9808255  6.9911331  8.779845  10.232157
```

```
column 6 to 10
```

```
11.340635  12.152137  12.729778  13.133257  13.411526
```

```
column 11
```

Exercícios de aquecimento

13.601808

Podemos obter os acréscimos periódicos recorrendo ao comando `diff`:

```
-->acres=diff(alt)
acres =
```

```
column 1 to 5
```

```
1.9736255  2.0103076  1.7887119  1.4523119  1.1084782
```

```
column 6 to 10
```

```
0.8115017  0.5776413  0.4034793  0.2782690  0.1902817
```

A planta tem o maior acréscimo no período entre os 14 e 28 dias.

2.2 Fazer um gráfico simples de vetores

Vamos visualizar o crescimento em altura num gráfico simples. Para obtermos mais pontos e termos uma curva mais suave, reescrevemos `t` como um vetor de maior dimensão. E vamos usar o comando `plot2d`

```
plot2d(valores do eixo horizontal, [valores do vetor])
```

Para escrever o título e as legendas dos eixos temos o comando `xtitle`

```
xtitle("Título do gráfico","legenda do eixo x","legenda do eixo y")
```

```
-->t=0:0.1:140;
```

```
-->alt=14*0.2148^exp(-0.0284*t);
```

```
-->plot2d(t,[alt])
```

Podemos agora dar um título ao gráfico, inserir as legendas dos eixos e inscrever nele uma grelha (comando `xgrid()`), como se ilustra, obtendo o gráfico da figura 2.1.

```
-->xtitle("Altura de uma planta","Idade, dias","Centímetros");
```

```
-->xgrid();
```

Podemos também fazer um gráfico dos dez acréscimos periódicos:

Exercícios de aquecimento

```
-->x=1:10;

-->plot2d(x,[acres])

-->xtitle("Acréscimos periódicos em altura","Períodos","Acréscimos, cm");

-->xgrid();
```

O gráfico dos acréscimos exibe-se na figura 2.2.

A capacidade do Scilab para fazer gráficos é muito rica, por isso lhe dedicaremos um capítulo específico adiante.

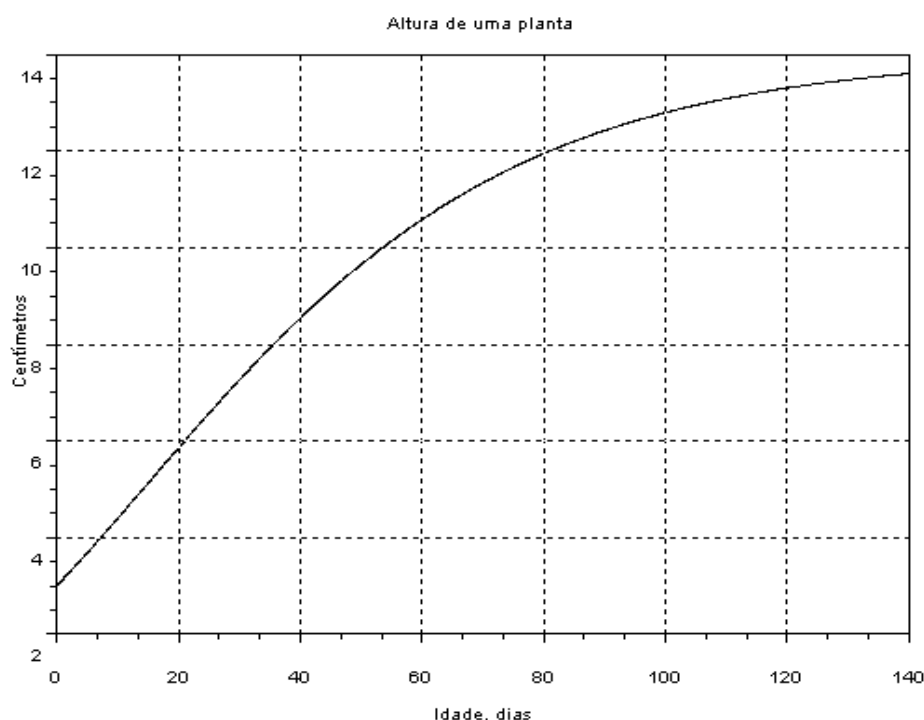


Figura 2.1. Gráfico do crescimento em altura de uma planta

Podemos agora fazer um gráfico de uma equação exponencial e da curva de Gompertz, no domínio de 0 a três com 300 valores igualmente espaçados. Começamos por criar o domínio com o comando **linspace**:

```
-->x=linspace(0,3,300);
```

x é um vetor linha de 300 colunas. A matriz a grafar tem de ter 300 linhas e duas colunas. Para isto criamos a matriz com duas linhas e 300 colunas (; separa as linhas) $[2*\exp(0.5*x);2*0.2^{(\exp(-0.8*x)-1)}]$, e depois obtemos a sua transposta usando o apóstrofo ($'$). Com os comandos seguintes obtém-se a figura 2.3.

```
-->plot2d(x,[2*exp(0.5*x);2*0.2^(exp(-0.8*x)-1)]')
```

Exercícios de aquecimento

```
-->xtitle("Curvas exponencial e de Gompertz","x","y");
```

Vamos verificar as dimensões da matriz $[2*\exp(0.5*x);2*0.2^{(\exp(-0.8*x)-1)}]$:

```
-->size([2*exp(0.5*x);2*0.2^(exp(-0.8*x)-1)])
ans =
```

300. 2.

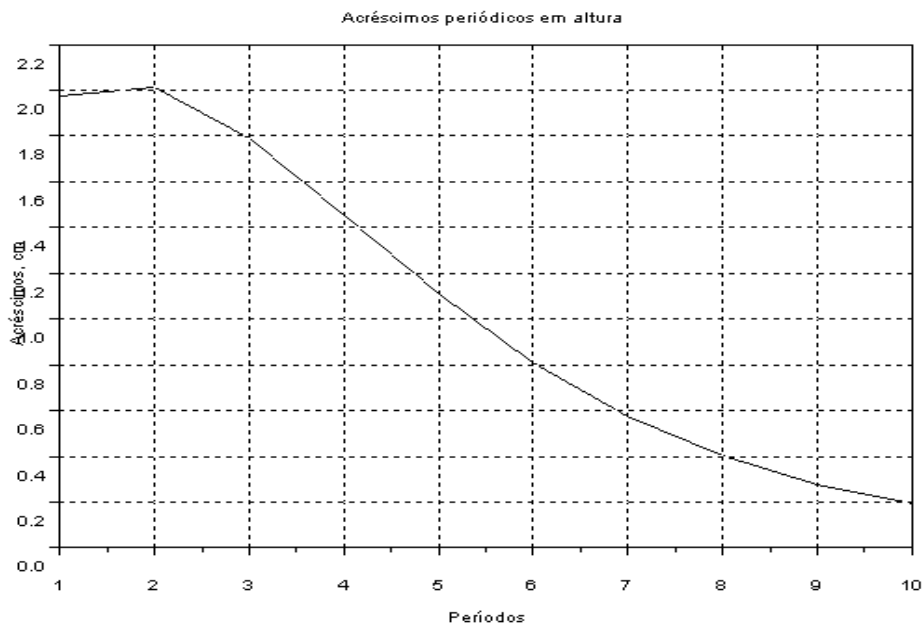


Figura 2.2. Gráfico dos acréscimos bissemanais da altura de uma planta

Vamos salvar o gráfico da figura 2.1, usando o menu **File-->Salvar** da janela do gráfico, numa disquete na drive A. Chamamos-lhe `planta.scg`.

Alternativamente, podemos usar o comando `xsave('C://planta.scg')`.

Para abrir o gráfico: a) comece por abrir uma janela de gráfico, executando o comando `clf` na console; b) no menu File desta janela clique em “carregar”, na janela que se abre, escolher a opção ver todos os ficheiros e fazer um duplo clique no ficheiro pretendido. Na janela do Scilab aparece:

```
-->load('C:\planta.scg');disp('file loaded');
```

file loaded

Para fechar a janela de um gráfico clicar no botão X do canto superior direito, ou no menu **File->Close**.

Para limpar a janela de um gráfico, clique no menu **Editar->Limpar figura**. Ou na console de comandos entrar com `clf(número da janela do gráfico)`. No caso de só

Exercícios de aquecimento
existir uma janela de gráfico basta o comando `clf`. O comando `xbase` caiu em desuso e deve ser substituído por `clf` quando for encontrado.

2.3 Análise combinatória

O comando `prod` permite-nos calcular o fatorial de um inteiro. Suponhamos que queremos $6!$. Para isso criamos o vetor dos números inteiros de 1 a 6, e depois utilizamos o comando `prod`.

```
-->prod([1:6])  
ans =
```

720

O fatorial do número n também se pode obter com o comando `factorial(n)`, referindo-se gamma à função gama. $4! = 24$, vem

```
-->z=factorial(4)  
z =
```

24.

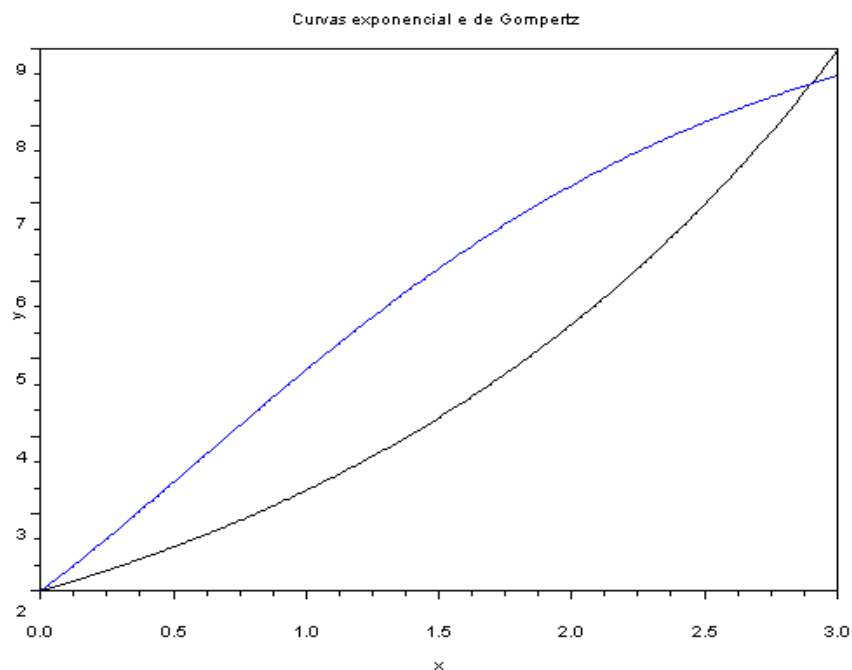


Figura 2.3. Gráfico de uma curva exponencial e outra de Gompertz

Exercícios de aquecimento

Agora, o número de arranjos de 6 objetos 2 a 2 é dado por:

```
-->n=6;r=2;

-->n2=n-r;

-->ar62=prod(1:n)/prod(1:n2)
ar62 =

30.
```

Para calcularmos o número de combinações de 6 objetos 2 a 2 procedemos deste modo:

```
-->co62=ar62/prod(1:r)
co62 =

15.
```

2.4 Cálculo trigonométrico

O Scilab expressa os ângulos em radianos. A biblioteca de funções trigonométricas do Scilab é bastante rica, como se pode constatar na Ajuda. Vamos ilustrar alguns comandos.

Verificar a igualdade $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$ (comandos **sin** e **cos**), sem saída do resultado. Atribuímos o cálculo da expressão a **a** e depois comparamo-la com 1, usando **==**. Se for verdadeira o Scilab devolve **T** (de “true”- verdadeiro), se for falsa a saída é **F**.

```
-->x=2;

-->a=sin(x)^2+cos(x)^2;

-->a==1
ans =

T
```

A igualdade foi comprovada.

Para valores de x no intervalo $[-2\pi, 2\pi]$, criemos um gráfico das funções $\cos^2 x$ e $\cos x^2$, na figura 2.4.

```
-->x=[-2*%pi:0.01:2*%pi];

-->M=[cos(x)^2;cos(x^2)];

-->plot2d(x,[M])
```


Exercícios de aquecimento

Para obter informação sobre as funções trigonométricas hiperbólicas, entre com

--> `apropos hyperbolic`

Dada a função $f(x)=3 \cos x + x$, fazer o seu gráfico no domínio $D_f=[0, 8\pi]$, e achar o valor mínimo da função. Vamos criar cem mil pontos no domínio.

--> `x=linspace(0,8*pi,100000); //Domínio`

--> `f=3*cos(x)+x; //Valores da função`

--> `min(f) //Obtenção do mínimo de f`
`ans =`

- 0.0266714

Introduzimos agora o comando `plot`.

--> `plot(f)`

--> `xtitle("Gráfico de f(x)=3*cos(x)+x","Número do ponto","f")`

--> `xgrid()`

Na figura 2.5, verifica-se que comando `plot(f)` não revela os valores de x , mas a ordem dos pontos de zero a cem mil.

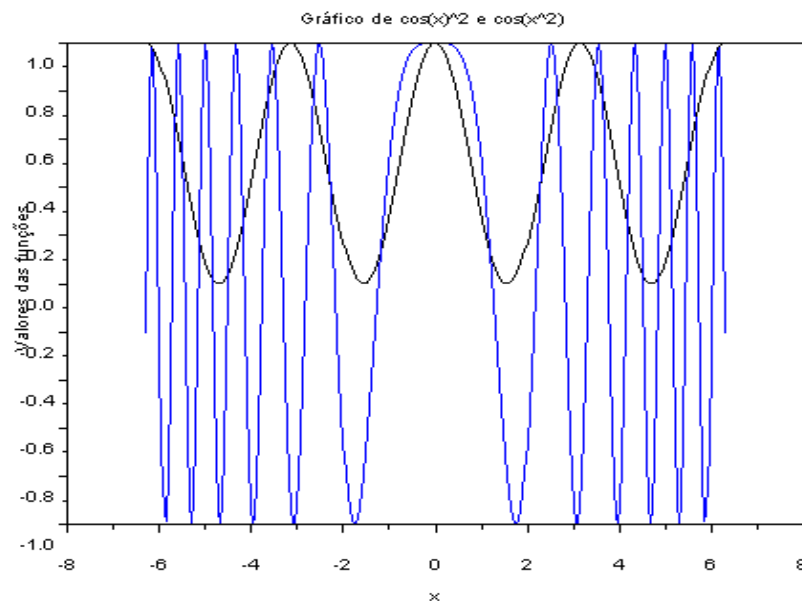


Figura 2.4. Gráficos das funções trigonométricas $\cos^2 x$ (menor amplitude) e $\cos x^2$

Exercícios de aquecimento

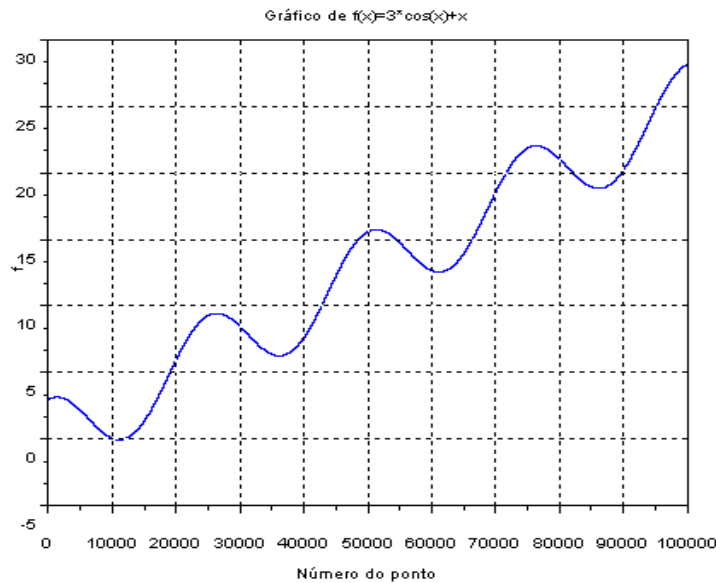


Figura 2.5. Gráfico da função trigonométrica $f(x)=3 \cos x + x$

2.5 Resolvendo alguns problemas de física

As energias renováveis estão em foco, por isso introduzo um problema ligado à energia hidráulica.

Uma barragem com o comprimento de 100 m (L), de forma retangular, sustém uma albufeira com 30 m de altura de água (H). Pretendemos calcular a pressão hidrostática na parede da barragem.

A expressão que nos dá a pressão pretendida (F, N) é a seguinte

$$F = g \rho_a L \frac{H}{2}$$

sendo $L=100$ m, $H=30$ m, $g=9,81$ m s⁻², $\rho_a=1000$ kg m⁻³. Podemos proceder agora ao cálculo de F.

-->L=100; H=30; g=9.81; roa=1000;

-->F=g*roa*L*H/2

F =

14715000.

Passemos à termodinâmica. Um aeróstato cheio com hélio (gás monoatômico) tem o volume de 400 m³ (V), sob uma pressão de 10⁵ Pa (p). Devido ao calor do Sol, a sua temperatura subiu de 18 (t₁) para 30 (t₂) graus Celsius. Deseja-se saber em quanto aumentou a energia interna do hélio.

Exercícios de aquecimento

A diferença entre as energias internas aos 18 e 30 graus Celsius (ΔU , J), é dada pela equação seguinte:

$$\Delta U = \frac{3}{2} pV \left(\frac{T_2}{T_1} - 1 \right)$$

Calculemos ΔU .

```
-->3/2*10^5*400*((273.15+30)/(273.15+18)-1)
ans =
```

2472952.1

Por fim, o clássico problema da cinemática, do projétil de um canhão, ignorada a resistência do ar.

Um canhão disparou um projétil, sob um ângulo com a horizontal de 45 graus (α), com a velocidade inicial de 380 m s^{-1} (v_0). Desejamos saber o tempo de voo do projétil, a altura máxima que atinge e o seu alcance.

O tempo de voo (t_v , s) do projétil é dado pela relação:

$$t_v = \frac{2v_0 \text{sen} \alpha}{g} \quad \text{segundos}$$

O tempo de ascensão é igual a metade de t_v , da a simetria da trajetória parabólica do projétil.

A altura máxima (h_m , m) vem dada por:

$$h_m = \frac{v_0^2 \text{sen}^2 \alpha}{2g} \quad \text{metros}$$

O alcance do tiro (l , m) obtém com a equação seguinte:

$$l = \frac{v_0^2 \text{sen}(2\alpha)}{g} \quad \text{metros}$$

Os cálculos no Scilab produzem um vetor sol com a solução completa do problema:

```
-->vo=380;a=%pi/4;g=9.81;
```

```
-->tv=2*vo*sin(a)/g;hm=vo^2*sin(a)^2/(2*g);l=vo^2*sin(2*a)/g;
```

```
-->sol=[tv hm l]
```

```
sol =
```

54.780953 3679.9185 14719.674

Exercícios de aquecimento

2.6 Uma anotação preliminar sobre cadeias de caracteres (“strings”)

As cadeias de caracteres (ou simplesmente **strings**) são texto entre aspas que não é calculado nem avaliado, a não ser que se use um comando específico para o efeito. Associadas ao comando `disp` são úteis para tornar mais inteligível a saída dos resultados.

- Uma variável `x` pode ser transformada numa **string** com o comando `string(x)`.
- Uma expressão contendo variáveis numéricas sob a forma de **strings** é avaliada pelo comando `evstr`.
- O comando `eval` avalia uma matriz de “strings”

Exemplo da aplicação de `evstr` associado ao comando `plot2d`. O gráfico inserto na figura 2.6 simula o crescimento do volume em pé de um pinhal bravo

```
-->t=10:10:80;V='380*0.4076^exp(-0.05*(t-10))';
```

```
-->plot2d(t,[evstr(V)])
```

```
-->xtitle("Crescimento do volume de um pinhal bravo","Idade, anos","m.c./ha")
```

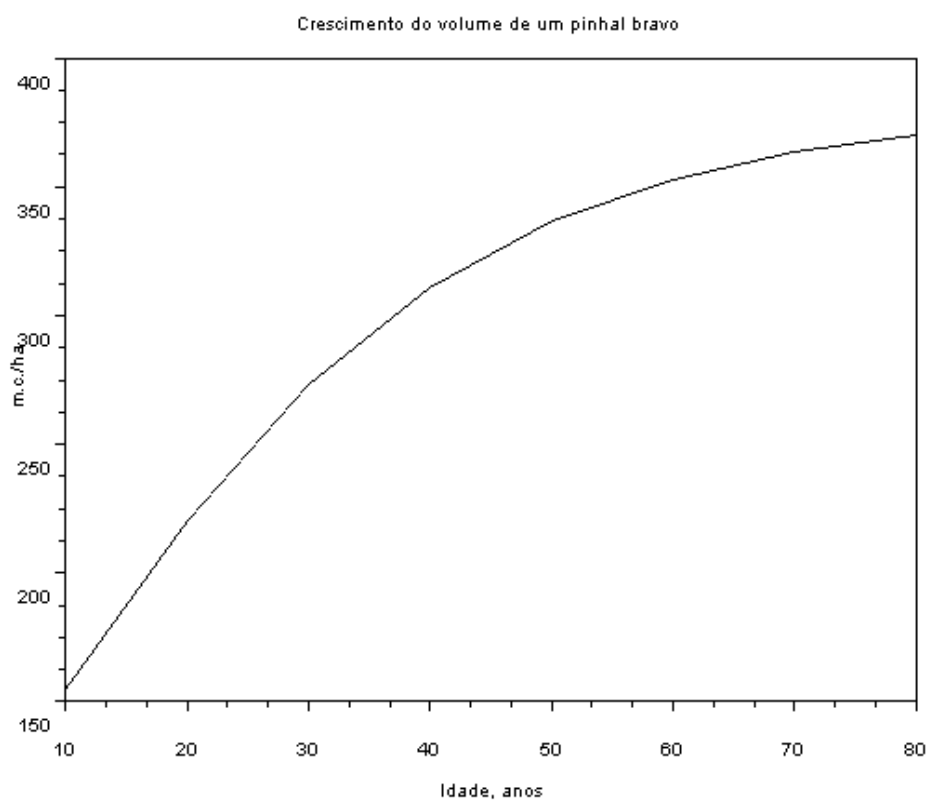


Figura 2.6. Simulação do crescimento do volume em pé de um pinhal bravo

Exemplo da aplicação de `eval`.

Exercícios de aquecimento

```
-->Z=['2*x^2+5*y^3+x*y+30','2*x^2+5*y^3+x*y+40'];
```

```
-->x=2;y=5;
```

```
-->[h]=eval(Z)
```

```
h =
```

```
673. 683.
```

2.7 Criar uma função simples

Vamos aproveitar o material da secção 2.3 (análise combinatória) combinatória que nos vai permitir obter os arranjos e combinações de n r a r.

Para isto temos que usar o comando **function** que tem a seguinte estrutura:

```
function [argumentos de saída]= nome da função(argumentos de entrada)
comandos para execução
endfunction
```

Abra o SciNotes escreva as seguintes instruções (ver secção 2.3)

```
function [c]=combi(n,r)
f1=prod(1:n);n2=n-r;
f2=prod(1:n2);f3=prod(1:r);
a=f1/f2;
c=a/f3;
disp(["Permutação:" string(f1)])
disp(["Arranjos:" string(a) ])
disp(["Combinações:" string(c)])
endfunction
```

Salve esta função, com o nome combi.sci, usando o menu **File** do SciNotes, no seu disco, na localização que lhe for mais conveniente.

Após isto, tem quatro alternativas para executar o programa ou script:

- Manter-se no SciNotes e clicar o botão de execução



- Manter-se no SciNotes, abrir o menu executar, e clicar em 'arquivo sem eco' para não repetir todos os comandos na console.
- Teclar CTRL+SHIFT+E
- Com a console ativada, abrir o menu **File** e clicar em 'executar...'. Abre-se uma janela para localizar e abrir o ficheiro combi.sci.

Exercícios de aquecimento

Na console aparece a respetiva indicação de execução. Pode agora entrar com o comando:

```
-->combi(5,2)
```

A saída do Scilab será:

```
!Permutação: 120 !
```

```
!Arranjos: 20 !
```

```
!Combinações: 10 !  
ans =
```

```
10.
```

A função `combi` criada pode ter utilidade, por exemplo, para resolver certos problemas do cálculo das probabilidades.

Quando se está a escrever um programa no SciNotes, ele pode ser testado à medida que é criado. Para isso proceda do seguinte modo:

1. Ponha o cursor no fim do último comando que quer correr. Entre com a combinação `Ctrl+E` ou
2. Clique no espaço do SciNotes com o botão direito do rato. Abre-se um menu com várias opções (que deixo à sua curiosidade explorar), clique na primeira “avaliar até ao cursor com eco”. Também pode selecionar os comandos que quer correr, proceder com no ponto anterior, ou no menu do botão direito, clicar na primeira opção, agora com a entrada “avaliar seleção com eco”.

Quando se acaba de escrever um programa no SciNotes, o último botão à direita, que tem no ícone o triângulo de correr sobreposto ao de guardar o script, permite executar estas duas tarefas com um só clique.

2.8 Achar a solução de um sistema de equações lineares

Seja o sistema de equações lineares

$$0,5 x_1 + 3x_2 + 1,5 x_3 = 2$$

$$0,6 x_1 + 2x_2 - 2 x_3 = 5$$

$$2 x_1 - 4x_2 + 12 x_3 = 3$$

Deste sistema pode-se extrair uma matriz 3x3, com os coeficientes das variáveis de acordo com a tabela

Exercícios de aquecimento

0,5	3	1,5
0,6	2	-2
2	-4	12

e o vetor coluna

2
5
3

Vamos introduzir a matriz no Scilab, atribuindo-a à variável A, separando as linhas por ;. O vetor coluna será a variável b. Os elementos dos vetores tanto podem ser separados por espaços como por vírgulas.

O comando a utilizar será $X=lsq(A,b)$, que utiliza o método dos mínimos quadrados.

```
-->A=[0.5,3,1.5;0.6,2,-2;2,-4,12];
```

```
-->b=[2,5,3]';
```

```
-->X=lsq(A,b)
```

```
X =
```

```
5.8238636
0.0482955
- 0.7045455
```

Vamos verificar o erro associado à solução achando a seguinte diferença:

```
-->b-(A*X)
```

```
ans =
```

```
1.0D-14 *
- 0.5773160
- 0.1776357
- 0.3552714
```

O erro é virtualmente zero, sendo $x_1=5.8238636$, $x_2=0.0482955$ e $x_3=-0.7045455$.

O vetor coluna b também podia ter sido entrado com os elementos separados por ponto e vírgula, [2;3;5], em vez de transpor um vetor linha.

Exercícios de aquecimento

2.9 Análise de uma função polinomial

O Scilab tem uma biblioteca denominada “Polynomial calculations”, recheada de ferramentas para lidar com polinómios. Vamos tirar benefício de algumas delas, nesta secção.

Usamos o comando **poly**.

`poly([coeficientes do polinómio a começar na constante], "nome da variável", "coeff")`

Criemos o polinómio do quarto grau $y=3 - 2x - 12x^2 - 2x^3 + 2x^4$ com o comando

```
-->y=poly([3 -2 -12 -2 2],"x","coeff")
```

y =

$$3 - 2x - 12x^2 - 2x^3 + 2x^4$$

Criemos um gráfico do função $y(x)$, na figura 2.7, no domínio de -2 a 3,2. Para isso temos de primeiro avaliar o polinómio no domínio usando o comando **horner**. A sequência de comandos é a seguinte:

```
-->x=[-2:0.1:3.2];
```

```
-->k=[horner(y,x)];
```

```
-->plot2d(x,k')
```

```
-->xtitle("Função polinomial","x","y");
```

```
-->xgrid()
```

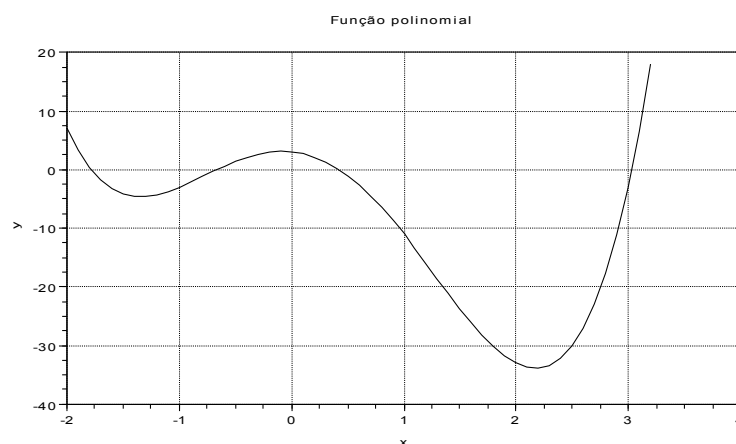


Figura 2.7. Gráfico da função polinomial definida

Exercícios de aquecimento

Para obter as suas raízes usamos o comando `roots(y)`

```
-->zery=roots(y)
```

```
zery =
```

```
0.4165815
- 0.6652887
- 1.7844029
3.0331101
```

Para derivar numericamente o polinómio usamos o comando `derivat`.

```
-->d=derivat(y)
```

```
d =
```

```
          2    3
- 2 - 24x - 6x + 8x
```

que tem as raízes

```
-->zerd=roots(d)
```

```
zerd =
```

```
- 0.0853624
- 1.3438946
2.1792569
```

Calculamos agora o polinómio nos pontos extremos

```
-->extr=horner(y,zerd)
```

```
extr =
```

```
3.0846341
- 4.6069015
- 33.93867
```

Vamos, de modo semelhante, na figura 2.8, traçar o gráfico da primeira derivada.

```
-->m=[horner(d,x)];
```

```
-->plot2d(x,m');
```

```
-->xtitle("Primeira derivada","x","Derivada");
```

```
-->xgrid()
```

Passemos ao cálculo da segunda derivada.

Exercícios de aquecimento

```
-->dd=derivat(d)
```

```
dd =
```

$$- 24 - 12x + 24x^2$$

Os zeros da segunda derivada dão-nos os pontos de inflexão:

```
-->inflex=roots(dd)
```

```
inflex =
```

```
- 0.7807764
```

```
1.2807764
```

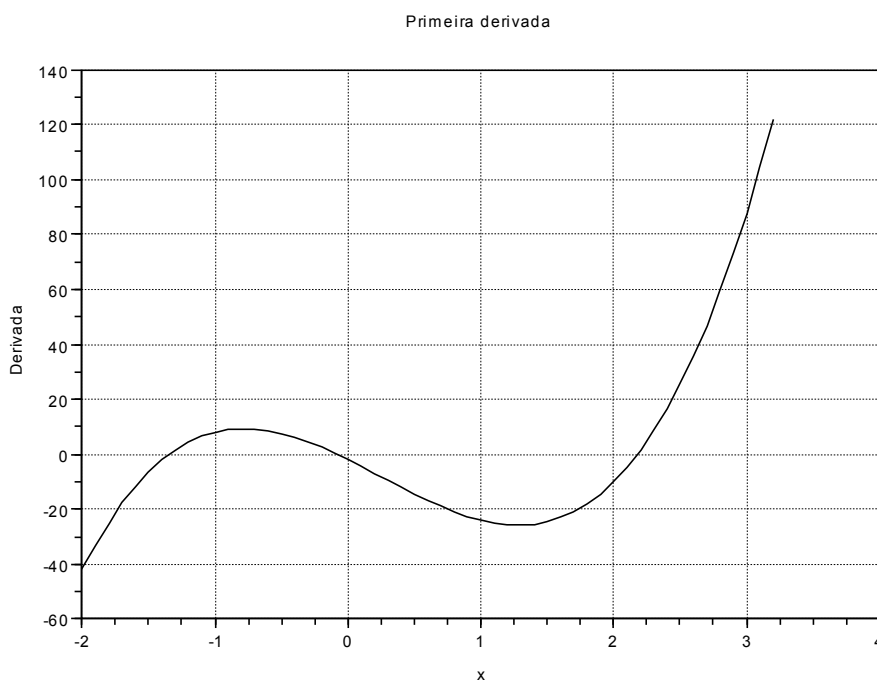


Figura 2.8. Gráfico da primeira derivada do polinómio y

Tracemos o gráfico da segunda derivada (figura 2.9).

```
-->x=[-2:0.1:3.2];
```

```
-->n=[horner(dd,x)];
```

```
-->plot2d(x,n');
```

```
-->xtitle("Segunda derivada","x","Derivada");
```

Exercícios de aquecimento

```
-->xgrid()
```

Avaliemos o polinómio nos pontos de inflexão:

```
-->x=[inflex];
```

```
-->infl=horner(y,x)
```

```
infl =
```

```
- 1.0585946
```

```
- 18.066405
```

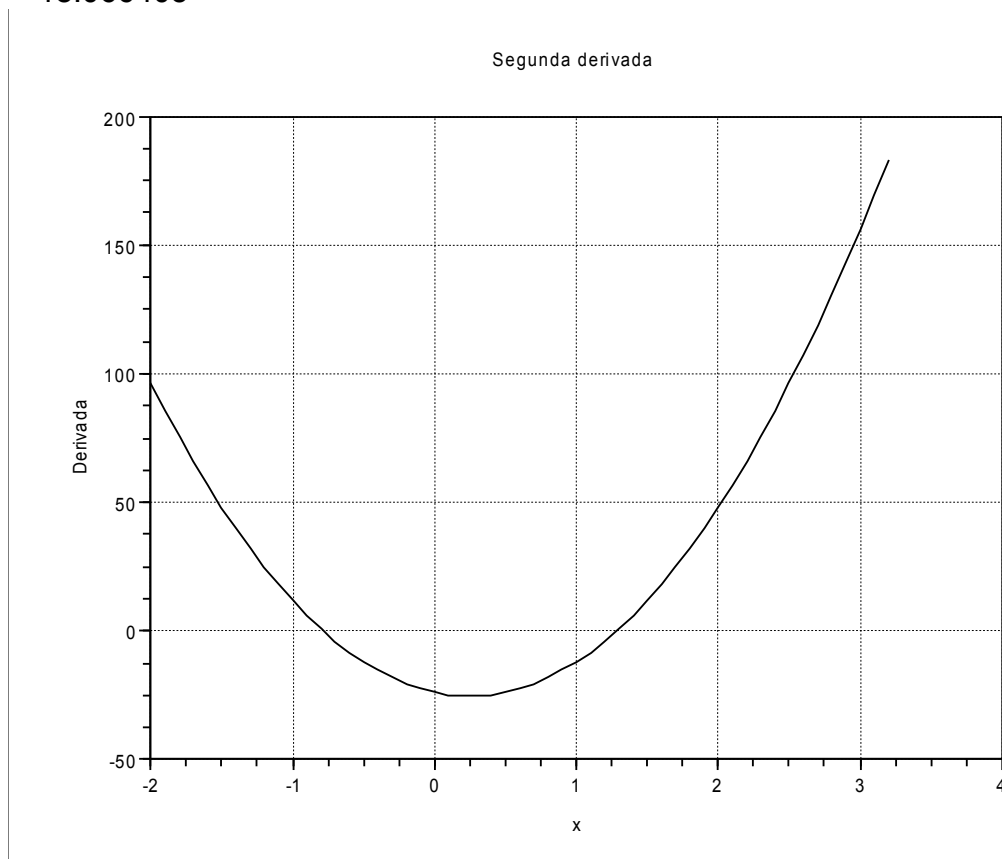


Figura 2.9. Gráfico da segunda derivada do polinómio

2.10 Operações com polinómios

Vamos criar dois polinómios e realizar com eles operações aritméticas. A leitora já está em condições de interpretar, por si, os comandos seguintes:

```
-->a=poly([5 2 9 8 1],"x","coeff") //criar o polinómio a
```

```
a =
```

Exercícios de aquecimento

$$5 + 2x^2 + 9x^3 + 8x^4 + x$$

```
-->b=poly([5 -3 8],"x","coeff") //criar o polinómio b
b =
```

$$5 - 3x^2 + 8x^3$$

```
-->soma=sum(a,b) //somar os dois polinómios
soma =
```

$$5 + 2x^2 + 9x^3 + 8x^4 + x$$

```
-->sub=a-b //subtrair b de a
sub =
```

$$5x^2 + x^3 + 8x^4 + x$$

```
-->mult=a*b //multiplicar os polinómios
mult =
```

$$25 - 5x^2 + 79x^3 + 29x^4 + 53x^5 + 61x^6 + 8x^7$$

Para dividir os polinómios usamos o comando **pdiv**.

```
-->div=pdiv(a,b) //dividir os dois polinómios
div =
```

$$1.4394531 + 1.046875x^2 + 0.125x^3$$

```
-->poten=a^3 //potência de a
poten =
```

$$125 + 150x^2 + 735x^3 + 1148x^4 + 1878x^5 + 2802x^6 + 2835x^7 + 2676x^8 + 2082x^9 + 950x^{10} + 219x^{11} + 24x^{12} + x^{13}$$

Por último criemos a fração $z=a/b$, e façamos o seu gráfico no domínio -5 a 5, na figura 2.10.

Exercícios de aquecimento

```
-->z=a/b
```

```
z =
```

$$\frac{5 + 2x^2 + 9x^3 + 8x^4}{5 - 3x + 8x^2}$$

Antes de grafarmos z, ele tem de ser calculado com o comando horner.

```
-->x=[-5:0.01:5];
```

```
-->plot2d(x,[horner(z,x)])
```

```
-->xtitle("Gráfico duma fracção polinomial","x","z")
```

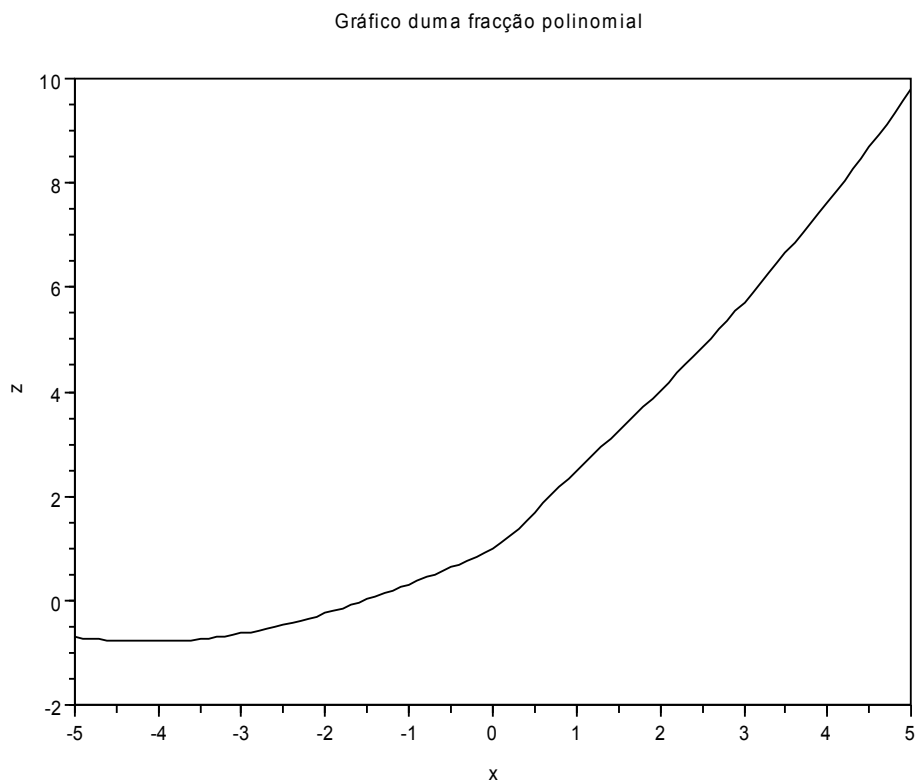


Figura 2.10. Gráfico da fracção polinomial z

Também podemos obter um polinómio com raízes pré definidas:

```
-->poly([1 2], 'x')
```

Exercícios de aquecimento

ans =

$$2 - 3x + x^2$$

-->roots(ans)

ans =

1.

2.

2.11 Limites

Nesta secção, apresentarei uma breve incursão sobre o tópico limites de funções.

A função

$$f(x) = \frac{\text{seno}(x)}{x}$$

é uma indeterminação no ponto $x=0$. Recorrendo à regra de l'Hopital, mostra-se que o seu valor quando x tende para zero é 1.

Numericamente, podemos aproximar o valor deste limite, com os comandos seguintes:

```
-->x=[-.001 -.0001 -.00001 -.000001 -.0000001 0.0000001 0.000001 0.00001 0.0001 0.001];
```

```
-->limite=[sin(x)/x]
```

limite =

0.9999998

Por sua vez, a função racional

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x - 2}$$

redunda numa indeterminação para $x=2$. Apliquemos o mesmo procedimento:

```
-->x=[1.99 1.999 1.9999 1.99999 1.999999 2.000001 2.00001 2.0001 2.001 2.01];
```

```
-->[limite]=[x^2-4)/(x-2)]
```

limite =

Exercícios de aquecimento

4.

Usando um procedimento que introduziremos adiante, podemos escrever os valores da função para o domínio considerado (vetor x) como um vetor coluna, e fazer os seu gráfico, na figura 2.11.

```
-->disp([lim])
```

```
3.99
3.999
3.9999
3.99999
3.999999
4.000001
4.00001
4.0001
4.001
4.01
```

2.12 Estatística elementar

Criemos um vetor linha com 5000 elementos aleatórios, extraídos de uma população de valores com distribuição normal de média 2 e desvio padrão 3. O comando que o permite isto é **grand**:

```
Y=grand(dimensões da matriz de valores pretendida, 'nor', média, desvio padrão)
```

```
-->dados=grand(1,5000,"nor",2,3);
```

O gráfico da nossa amostra pode ser obtido como se ilustra na figura 2.12. Este gráfico não é muito informativo, adiante inseriremos outro.

```
-->plot(dados)
```

Vamos ordenar a nossa amostra casual por ordem crescente, com o comando **gsort**.

```
[x]=gsort(dados,'g','i');
```

Obtenhamos um vetor com os elementos mínimo, mediana, média e desvio padrão, com os comandos **min(x)**, **median(x)**, **mean(x)**, **max(x)**, **st_deviation(x)**.

```
-->anal=[min(x), median(x), mean(x), max(x),st_deviation(x)]
anal =
```

```
- 10.220008  1.9318621  1.957948  12.118696  2.9556666
```

Exercícios de aquecimento

A média (1,957948) e o desvio padrão (2,9556666) são virtualmente os teóricos (2 e 3).

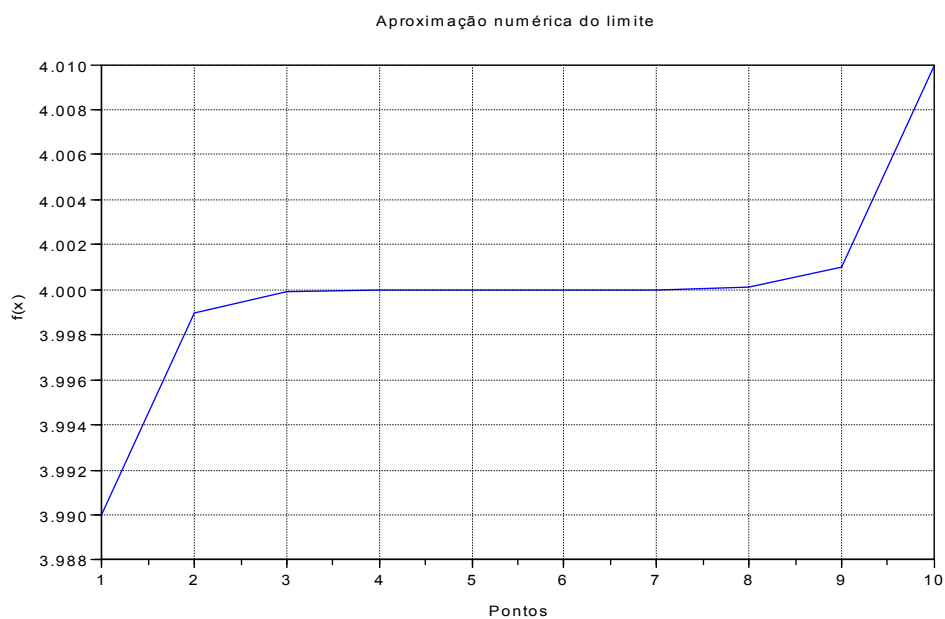


Figura 2.11. Aproximação numérica do limite da função $f(x)=(x^2-4)/(x-2)$

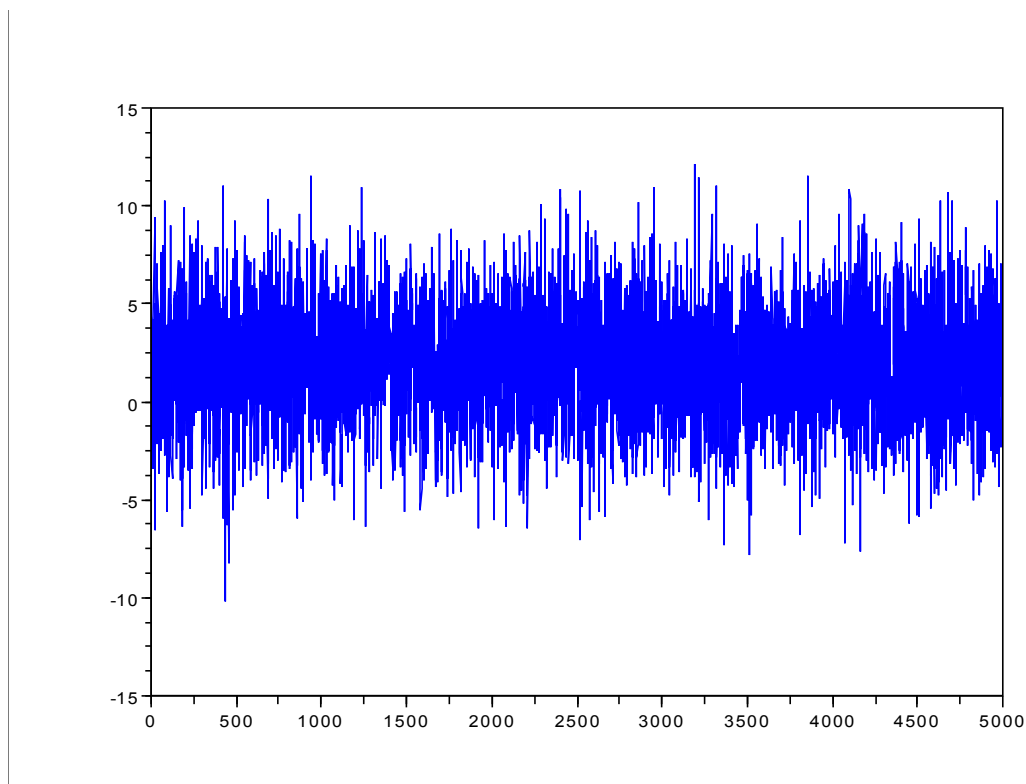


Figura 2.12. Gráfico da amostra dados

Exercícios de aquecimento

A sequência de comandos seguinte gera uma amostra casual semelhante à anterior, inscreve um histograma (comando `histplot`) da amostra e sobrepõe-lhe a curva normal correspondente, como se verifica na figura 2.13, mais informativa que a figura anterior.

```
histplot(valor mínimo: intervalo : valor máximo)
```

```
c=grand(1,5000,"nor",2,3); //amostra
miu=mean(c);st=(st_deviation(c)); //média e desvio padrão
var=st^2; //variância
x=-20:1:20; //domínio
nor=1/(sqrt(var*2*%pi))*exp(-(x-miu)^2/(2*var)); //curva normal
plot2d(x,[nor])
xtitle("Comparação normal-amostra casual","Valores","Frequência")
histplot([-20:1:20],c) //histograma
```

Copie os comandos anteriores e cole-os na janela de comandos do Scilab e obterá o gráfico da figura 2.13. Alternativamente, cole-o no SciNotes, e salve o ficheiro com o nome `norcomp.sci`, numa disquete (ou outro suporte), e pode passar a corre-lo com o comando **Exec**, como já se viu anteriormente (secção 2.7).

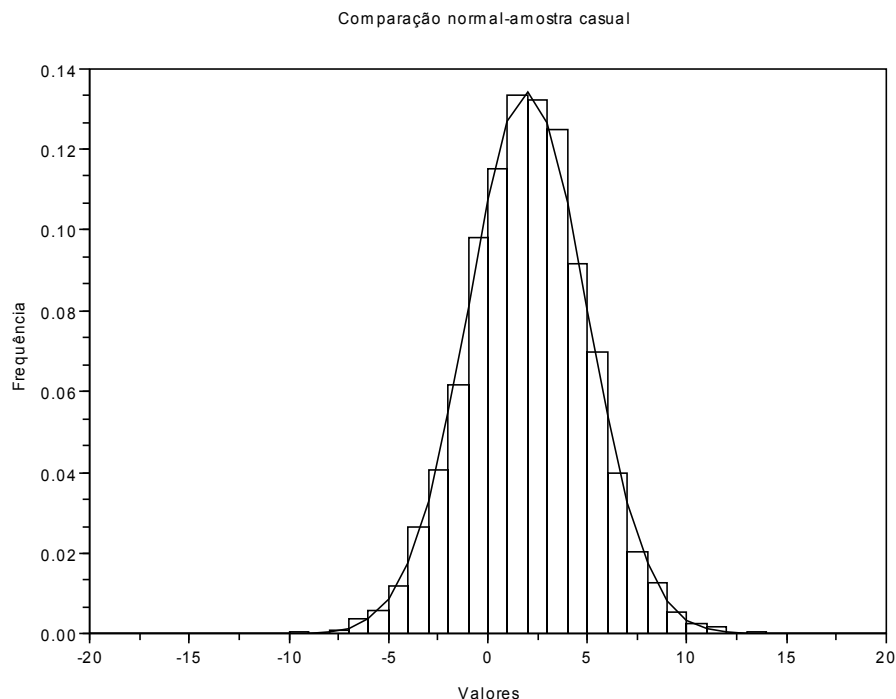


Figura 2.13. Comparação entre o histograma de uma amostra de distribuição normal e a curva normal associada

Exercícios de aquecimento

2.13 Probabilidades elementares

Começemos pela distribuição binomial.

O comando `binomial` permite obter as probabilidades desta distribuição, conhecidos n e p . Um exemplo, com $n=12$ e $p=0,2$. O resultado é apresentado sob a forma de um gráfico de linhas verticais criado pelo comando `plot2d3`. Vamos inserir o comando

```
Binomial(p,n)
```

no comando `plot2d3`, para obter o gráfico da figura 2.14.

```
-->plot2d3(0:12,binomial(0.2,12))
```

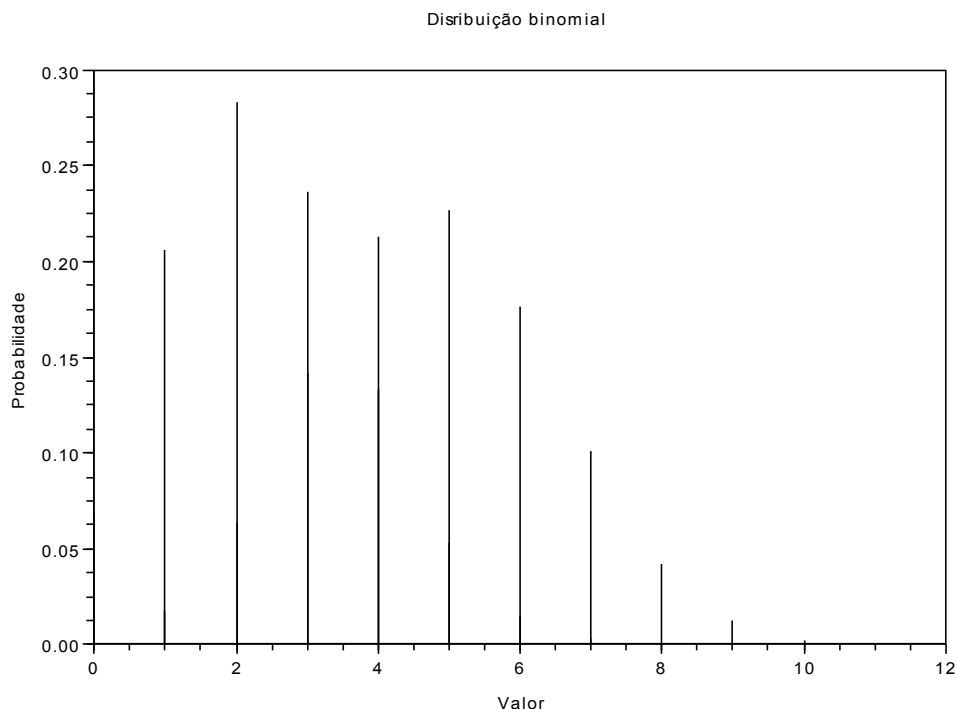


Figura 2.14. Gráfico da distribuição discreta binomial, $n=12$, $p=0,2$

Na inspeção de um produto, são tiradas amostras de 10, que são classificados em aceites ou rejeitados. Verificou-se que 10% dos objectos são rejeitados. Qual é a probabilidade de não mais do que um seja rejeitado?

Temos $n=10$, $p=0.1$, $S=1..$

Vamos recorrer ao comando `cdfbin`.

```
[P,Q]=cdfbin("PQ", S, n, p, 1-p)
```

```
-->[P,Q]=cdfbin("PQ",1,10,0.1,0.9)
```

Exercícios de aquecimento

Q =

0.2639011

P =

0.7360989

A probabilidade pedida é $P=0.7360989$.

O comando `cdfbin` tem outras alternativas de utilização que pode verificar inserindo `help cdfbin`

Agora a distribuição normal.

Vamos aqui apresentar uma função que pede que se insira no **prompt** $f(\textit{média}, \textit{desvio padrão}, \textit{valor da variável})$, e fornece a probabilidade do valor da variável e probabilidade de ocorrência de valores iguais ou inferiores à variável (probabilidade acumulada). Recorremos ao comando `cdfnor`.

```
//distribuição normal
disp("f(média, desvio padrão, valor da variável)")
function [Pr]=f(m,dp,x)
var=string(x);// transformar a variável numa "string"
Pr=(1/(sqrt(2*pi)*dp))*exp(-((x-m)^2)/(2*dp));//calcular a probabilidade
pr=string(Pr); //transforma a probabilidade numa "string"
disp(["Probabilidade de", var, "ocorrer:", pr]) // output do resultado
[P,Q]=cdfnor("PQ",x,m,dp);ac=string(P); //calcular a prob. acumulada
disp(["probabilidade acumulada até", var, ":", ac]) //saída do resultado
endfunction
```

Esta função, a que chamamos `disnor.sci`, é salva e depois executada a partir do SciNotes. O valor da variável é zero, na distribuição normal com média zero e variância um ($N(0,1)$).

```
-->-->exec('C:\Documents and Settings\Luís Soares Barreto\Os meus documentos\scifiles\disnor.sci', -1)
```

```
f(média, desvio padrão, valor da variável)
```

```
-->f(0,1,0)
```

```
!Probabilidade de 0 ocorrer: 0.3989423 !
```

```
!probabilidade acumulada até 0 : 0.5 !
```

```
ans =
```

```
0.3989423
```

De modo semelhante, ao comando `cdfbin`, o comando `cdfnor` tem outras alternativas de utilização que pode escrutinar inserindo `help cdfnor`.

Exercícios de aquecimento

Ainda quatro comandos afins ao tema desta secção. Inevitavelmente, como em todos os textos introdutórios à teoria das probabilidades, vamos recorrer a jogos de dados.

Suponhamos que lançamos um dado 120000 vezes e queremos saber as frequências dos valores saídos, para verificar se está viciado. Façamos uma simulação deste procedimento. Para isso criamos o vector **a** com os algarismos de 1 a 6, e dele tiramos 120000 amostras aleatórias de um elemento de **a**, com o comando **sample** que colecionamos no vector **P**. Depois usamos o comando **tabul** para obtermos uma tabela de frequências dos valores de **P**. Esclareçamos os comandos:

```
x=sample(número de objectos na amostra, vetor ou matriz a ser amostrado)
```

```
f=tabul(matriz de onde se extrai a tabela de frequências)
```

Eis a listagem deste procedimento:

```
P=[];
a=[1 2 3 4 5 6];
for i=1:120000
P=[P sample(1,a)];
end
h=tabul(P);
disp(h)
```

A saída que obtemos é a seguinte:

```
6. 20171.
5. 20069.
4. 19994.
3. 19952.
2. 20133.
1. 19681.
```

É altamente provável que o dado não esteja viciado, pois era esperado que as frequências dos valores fossem todas iguais a 20000 (120000/6).

O comando **sample** amostra com reposição, o comando **samplewr** amostra sem reposição.

Agora, o comando **unique**. Este comando extrai componentes únicos de um vetor ou matriz, permitindo obter informação sobre a ocorrência de valores diferentes. Ei-lo:

```
x=unique(vetor ou matriz)
```

Valores no vector



Suponhamos o vetor [7 7 7] teremos x=[7] (vetor de tamanho (**size**) (1,1)), pois só ocorre um valor. Agora ao vetor [1 7 7] corresponderá x=[1 7], pois ocorrem dois

Exercícios de aquecimento

objectos diferentes (1 e 7) (size(x)=(1 2)). Por fim seja o vector [1 2 3] a que corresponde x=[1 2 3] (size(x)=(1 3)).

Suponhamos o seguinte jogo. São lançados três dados, simultaneamente. Os prémios do jogo são os seguintes: a) Se saírem três 6 ganha-se 100 euros; b) se saírem três outros valores iguais, por exemplo três 4, ganha-se 50 euros; c) se saírem dois números iguais ganha-se 10 euros. Donde, se os três dados exibirem números diferentes não se ganha nada. A simulação deste jogo, para 100000 participações, é feita com os seguintes comandos (os comandos `for` e `if` (se) explanam-se no capítulo 7):

```
P=[]; //criar um vector para guardar os ganhos das jogadas (G)
a=[1 2 3 4 5 6]; //criar um dado
for i=1:100000 //criar um ciclo de 100 mil jogadas
D=sample(3,a); //lançar os três dados e registar o resultado
S1=size(unique(D)); //verificar a semelhança entre os números saídos
if D==[6,6,6] then //verificar se saíram três seis, se sim
G=100; //atribuir o prémio, senão
elseif S1(2)==1 then //verificar se saíram outros três números iguais, se sim
G=50; //atribuir o prémio, senão
elseif S1(2)==2 then //verificar se saíram dois números iguais, se sim
G=10; //atribuir o prémio, senão
else // não atribuir prémio nenhum
G=0;
end //acabar a verificação do resultado da jogada
P=[P G]; //guardar os resultados das jogadas
end //depois das 100 mil jogadas, encerrar o jogo
h=tabul(P); // fazer a tabela das frequências
clf // limpar a janela de gráficos
plot2d3(h(:,1),h(:,2)) //fazer um gráfico de linhas verticais
disp(h) //exibir a tabela de frequências
p=h(:,2)/100000; //achar as probabilidades de cada resultado sair
disp(p) //exibir as probabilidades de ocorrência dos resultados
```

A saída numérica é a seguinte:

```
100.  475.
 50.  2255.
 10.  41552.
 0.   55718.
```

```
0.00475
0.02255
0.41552
0.55718
```

As probabilidades de perder são sensivelmente superiores a 50%. O gráfico criado, depois de manipulado como se exporá no capítulo 4, insere-se na figura 2.15.

Exercícios de aquecimento

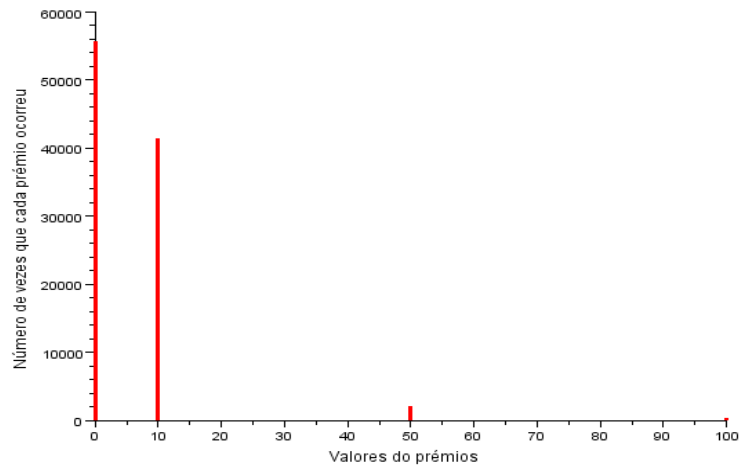


Figura 2.15. Ganhos do jogo de dados

Como dissemos no capítulo 1, o Scilab trata os escalares, reais ou complexos, como matrizes 1×1 . Dizendo de forma enfática, para o Scilab tudo são matrizes. Por isso, não admira que muitas das funções aplicáveis a escalares também o sejam para matrizes, incidindo sobre os seus elementos, um a um, fornecendo assim matrizes de resultados das mesmas dimensões que as iniciais. Isto já foi ilustrado com os comandos `log`, `sign` e `abs`. Podem ainda aplicar-se a matrizes os comandos `exp`, `sqrt`, `int`, `real`, `imag`, `conj`, `floor`, `ceil`, `round`, `modulo` e as funções trigonométricas.

O leitor deve criar matrizes de números reais e complexos, e ensaiar a aplicação dos comandos citados sobre elas.

2.14 Criar uma função “on-line”

É possível criar funções no programa ou sequência de comandos que se esteja a criar, ditas “on-line” que podem ser facilmente chamadas. Para isto, usa-se o comando `deff`:

```
deff(['variáveis de saída']=nome da função('variáveis de entrada.'),['expressões a calcular'])
```

Um exemplo para calcular funções trigonométricas:

```
-->deff('[x1,x2,x3]=trig(a,b,c)',['x1=sin(a)';'x2=cos(b)';'x3=tan(c)'])
```

```
-->[x1,x2,x3]=trig(1,1.5,2)
```

Exercícios de aquecimento

x3 =

- 2.1850399

x2 =

0.0707372

x1 =

0.8414710

-->x1,x2

x1 =

0.1411200

x2 =

0.2836622

-->x3

x3 =

- 1.5574077

-->a=3;b=5;c=-1;

-->[x1,x2,x3]=trig(a,b,c)

x3 =

- 1.5574077

x2 =

0.2836622

x1 =

0.1411200

Estas funções podem ser guardadas com ficheiros *.sci, e chamadas com **Load**, ou **Exec**, do menu **File**. As funções “on-line” são importantes por abrirem a possibilidade de utilização de outros comandos, como veremos adiante.

Depois de apresentarmos o quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo, vamos aprofundar o nosso conhecimento sobre a construção e manipulação de vetores e matrizes.

2.15 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo

Comando	Descrição
[]	Enquadra os elementos de um vetor ou matriz. Z=[] cria uma matriz vazia onde mais tarde se pode inserir os elementos

Exercícios de aquecimento

'	A seguir a uma matriz fornece a sua transposta
==	Igualdade de comparação
abs	Valor absoluto ou o módulo de um número complexo
cdfbin	Função da probabilidade acumulada de uma distribuição binomial
cdfnor	Função da probabilidade acumulada de uma distribuição normal
ceil	Arredonda para o inteiro superior
clf	Apaga o conteúdo numa janela de gráfico
conj	Fornece o conjugado de um número complexo
deff	Cria funções "on-line"
derivat	Avaliação numérica da derivada
diff	Dá a diferença entre elementos seguidos de um vetor e a derivada numérica de uma função
disp	Exibe variáveis
eval	Avalia uma matriz de "strings"
evstr	Avalia uma variável que esteja sob a forma de texto
factorial	Calcula n!
floor	Arredonda para o inteiro inferior
grand	Gera uma amostra de números casuais com uma distribuição definida
gsort	Ordenar por ordem crescente
histplot	Cria um histograma
horner	Avalia um polinómio para um valor da sua variável
imag	Permite obter a parte imaginária de um número complexo
imult	Multiplica um número por i
int	Extrai a parte inteira de um número
int	Retorna a parte inteira de um número
linspace	Cria um vetor de valores igualmente espaçados
lsq	Aplica o método dos mínimos quadrados
max	Máximo
mean	Média de uma amostra
median	Mediana de uma amostra
modulo	Dá o resto da divisão de um número por outro
pdiv	Divisão de polinómios
plot	Obtenção de um gráfico simples
plot2d	Permite traçar um gráfico no espaço a duas dimensões
poly	Define um polinómio
prod	Produto
real	Permite obter a parte real de um número complexo
roots	Calcula as raízes de um polinómio
round	Arredonda um número para o inteiro mais próximo
sign	Sinal. Os números positivos são assinalados com 1, e os negativos com -1.
sample	Amostragem com reposição
samwr	Amostragem sem reposição
size	Fornece as dimensões de um vetor ou matriz
st_deviation	Desvio padrão
string	Transforma uma variável numa cadeia de texto ou "string"
sum	Soma dos elementos de um vetor ou duma matriz
tabul	Cria uma tabela de frequências dos valores de um vetor ou matriz
unique	Extrai componentes únicos de um vetor ou matriz
xgrid()	Insera uma grelha num gráfico
xtitle	Insera o título e as legendas dos eixos num gráfico

Capítulo 3

Vetores e matrizes

Grande parte da capacidade e poder do Scilab vem da sua elevada aptidão para lidar com matrizes. O Scilab é um software, em grande extensão, baseado em matrizes, por isso justifica-se que nos ocupemos deste tópico num capítulo específico. Nele, vamos abordar os seguintes temas:

- Criar vetores e matrizes
- Conhecer matrizes especiais que o Scilab cria facilmente
- Identificar elementos de vetores e matrizes
- Manipular matrizes, como acrescentar e eliminar elementos
- Realizar operações com vetores e matrizes
- Analisar matrizes
- Resolver sistemas de equações lineares no contexto da álgebra matricial

O Scilab têm um elenco rico de comandos para lidar e criar matrizes. Recomendamos à leitora que os veja com o comando [apropos matrix](#).

Vetores e matrizes

3.1 Recapitular a criação de vetores e matrizes

3.1.1 vetores

Como já vimos um vetor pode ser criado de diversas maneiras. Aqui se apresentam.

Todos os seguintes comandos produzem o mesmo vetor linha:

```
-->a=[1 2 3 4];
```

```
-->a=[1, 2, 3, 4];
```

```
-->a=[1:4];
```

```
-->a=matrix(1:4,1,4);
```

```
-->a=matrix([1 2 3 4],1,4)
```

```
a =
```

```
1. 2. 3. 4.
```

Todos os seguintes comandos criam o mesmo vetor coluna:

```
-->acol=a';
```

```
-->acol=[1:4]';
```

```
-->acol=[1; 2; 3; 4];
```

```
-->acol=matrix(1:4,4,1);
```

```
.
```

```
-->acol=matrix([1 2 3 4],4,1)
```

```
acol =
```

```
1.
2.
3.
4.
```

Introduzimos na secção 2.4 o comando `linspace` para criar um vetor de números igualmente espaçados num dado intervalo. O comando `logspace` permite obter um vetor de números correspondentes aos logaritmos na base 10 do intervalo especificado, igualmente espaçados. Um exemplo:

```
-->logspace(2,3,5)
```

```
ans =
```

```
100. 177.82794 316.22777 562.34133 1000.
```

Vetores e matrizes

3.1.2 Matrizes

Eis várias maneiras de criar uma matriz:

```
-->amat=[1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];
```

```
-->amat=[1, 2, 3; 4, 5, 6; 7, 8, 9];
```

```
-->amat=matrix([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9],3,3);
```

```
-->amat=matrix([1:9],3,3)
```

amat =

```
1. 4. 7.
2. 5. 8.
3. 6. 9.
```

O comando `matrix` ordena os valores coluna a coluna, se os quisermos ordenados por linhas pedimos a transposta:

```
-->mat=matrix([1:9],3,3)'
```

mat =

```
1. 2. 3.
4. 5. 6.
7. 8. 9.
```

Se a matriz for muito longa, passa-se para a linha seguinte como habitualmente acabando a linha com três pontos e continuando na seguinte.

3.2 Criar matrizes especiais

3.2.1 Com 1's na diagonal principal

Seja uma matriz 3x3, com 1's na diagonal principal:

```
-->diag1=eye(3,3)
```

diag1 =

```
1. 0. 0.
0. 1. 0.
0. 0. 1.
```

3.2.2 De zeros

Par obter uma matriz 3x3 de elementos todos iguais a zero:

```
-->sozeros=zeros(3,3)
```

sozeros =

Vetores e matrizes

```
0. 0. 0.  
0. 0. 0.  
0. 0. 0.
```

3.2.3 De números casuais

Este tipo de matriz já foi ilustrado na sub-secção 1.5.5.

```
-->casu=rand(3,3)
```

```
casu =
```

```
0.2113249 0.3303271 0.8497452  
0.7560439 0.6653811 0.6857310  
0.0002211 0.6283918 0.8782165
```

3.2.4 Com um vetor na diagonal

Desejamos criar uma matriz com o vetor a, atrás definido, na diagonal:

```
-->diag(a)
```

```
ans =
```

```
1. 0. 0. 0.  
0. 2. 0. 0.  
0. 0. 3. 0.  
0. 0. 0. 4.
```

3.2.5 Um vetor com a diagonal de uma matriz

Vamos utilizar a matriz amat, atrás criada:

```
-->diag(amat)
```

```
ans =
```

```
1.  
5.  
9.
```

3.2.6 Um vetor com a primeira diagonal de uma matriz acima da principal

```
-->diag(amat,1)
```

```
ans =
```

```
4.  
8.
```

Vetores e matrizes

3.3 Identificar os elementos de um vetor ou matriz

O procedimento para identificar elementos de um vetor ou matriz é o seguinte:

nome do vetor ou matriz(*número da linha*, *número da coluna*)

Por exemplo o elemento da linha 2 e coluna 3 da matriz amat:

```
-->amat(2,3)
ans =
```

8.

Para extrair os elementos de uma linha de uma matriz usa-se o comando:

Nome da matriz(*número da linha*, *primeira coluna:última coluna*)

Seja o caso da segunda linha da matriz amat:

```
-->linha2=amat(2,1:3)
linha2 =
```

2. 5. 8.

Para extrair os elementos de uma coluna de uma matriz usa-se o comando

Nome da matriz(*primeira linha:última linha*, *número da coluna*)

Para extrair a primeira coluna de amat escrevemos:

```
-->coluna1=amat(1:3,1)
coluna1 =
```

1.
2.
3.

No caso do vetor linha a, para obter o terceiro elemento, tanto podemos escrever

```
-->a(1,3);
```

como

```
-->a(3)
ans =
```

3.

Vetores e matrizes

Analogamente para o vetor coluna `acol`:

```
-->acol(3,1);
```

```
-->acol(3)
ans =
```

3.

3.4 Manipular vetores e matrizes

Ocupemo-nos da alteração de vetores e matrizes existentes.

3.4.1 vetores

Desejamos acrescentar um elemento a um vetor linha existente:

```
-->c4=[2 4 6 8];
```

```
-->ce=[5];
```

```
-->c5=[c4 ce]
c5 =
```

2. 4. 6. 8. 5.

Eliminar um elemento a um vetor linha

```
-->c4(:,2)=[]
c4 =
```

2. 6. 8.

Repetir o mesmo procedimento com um vetor coluna:

```
-->v1=[5 6 7]';
```

```
-->v2=[8];
```

```
-->v4=[v1;v2]
v4 =
```

5.

6.

Vetores e matrizes

- 7.
- 8.

```
-->v4(2,:)=[]
```

v4 =

- 5.
- 7.
- 8.

```
-->v4(2:3,:)=[]
```

v4 =

- 5.

3.4.2 Matrizes

Veamos como adicionar uma linha a uma matriz.

```
-->A=matrix([1:12],4,3)
```

A =

1. 5. 9.
2. 6. 10.
3. 7. 11.
4. 8. 12.

```
-->linha=[13:15];
```

```
-->A=[A;linha]
```

A =

1. 5. 9.
2. 6. 10.
3. 7. 11.
4. 8. 12.
13. 14. 15.

Adicionar uma coluna:

```
-->colun=[16:20];
```

```
-->A=[A,colun]
```

A =

1. 5. 9. 16.
2. 6. 10. 17.

Vetores e matrizes

```
3. 7. 11. 18.
4. 8. 12. 19.
13. 14. 15. 20.
```

Eliminar a 3 linha da matriz A.

```
-->A(3,:)=[]
A =
```

```
1. 5. 9. 16.
2. 6. 10. 17.
4. 8. 12. 19.
13. 14. 15. 20.
```

Eliminar as colunas de 1 e 2 da matriz a:

```
-->A(:,1:2)=[]
A =
```

```
9. 16.
10. 17.
12. 19.
15. 20.
```

Eliminar a segunda e quarta linhas da matriz A:

```
-->A([2 4],:)=[]
A =
```

```
9. 16.
12. 19.
```

3.5 Operações com vetores e matrizes

3.5.1 Vetores

Sejam dois vetores linha com as mesmas dimensões, então é possível realizar as seguintes operações com eles:

Adição

```
-->a=[13. 14. 15. 20.];
```

```
-->b=[2. 6. 10. 17.];
```

```
-->a+b
```


Vetores e matrizes

ans =

15. 20. 25. 37.

Subtração

-->a-b

ans =

11. 8. 5. 3.

Multiplicação elemento a elemento:

-->a.*b

ans =

26. 84. 150. 340.

Divisão elemento a elemento:

-->a./b

ans =

6.5 2.3333333 1.5 1.1764706

Repare no ponto antes do sinal de multiplicar e dividir.

Do mesmo modo posso calcular uma potência de um vetor:

-->b.^a

ans =

1.0D+13 *

8.192D-10 0.0078364 100. 4.064D+11

Por fim o produto escalar de dois vetores:

-->a*b'

ans =

600.

O Scilab executa a multiplicação de um vetor por um escalar. Ilustremos

-->a=[1:5];

-->b=3*a

b =

Vetores e matrizes

3. 6. 9. 12. 15.

```
-->c=a';
```

```
-->d=2*c
d =
```

2.
4.
6.
8.
10.

3.5.2 Matrizes

Se duas matrizes forem do mesmo tamanho podem ser adicionadas e uma subtraída da outra.

```
-->M=matrix([1:9],3,3);
```

```
-->N=matrix([10:18],3,3);
```

```
-->P=M+N
P =
```

11. 17. 23.
13. 19. 25.
15. 21. 27.

```
-->Q=M-N
Q =
```

- 9. - 9. - 9.
- 9. - 9. - 9.
- 9. - 9. - 9.

Se a matriz A tiver um número de linhas igual ao número de colunas de B, então a operação $A*B$ é possível.

```
-->A=matrix([2:2:24],3,4);
```

```
-->B=matrix([1:2:23],4,3);
```

```
-->C=A*B
C =
```

236. 588. 940.

Vetores e matrizes

268. 684. 1100.
300. 780. 1260.

Se a matriz E e F forem quadradas e tiverem a mesma dimensão a operação A/B é possível e é igual ao produto de E pela inversa de F.

Aproveitamos para introduzir um comando para gerar números aleatórios com distribuição uniforme entre limites por nós escolhidos, e não entre zero e um como o comando `rand`.

Y=grand(dimensões da matriz de valores pretendida, "unf", valor mais baixo, valor máximo)

```
-->E=grand(3,3,"unf",0,2)
```

E =

```
1.6294474 1.6700172 1.8267517
0.2709540 0.2539736 0.4420681
1.8115839 1.9377355 1.2647185
```

```
-->F=grand(3,3,"unf",0,2)
```

F =

```
0.6163341 0.5569964 1.9857626
0.1950808 0.3767640 1.9150137
1.0944412 1.093763 1.9929227
```

```
-->G=E/F
```

G =

```
- 1.0933805 - 0.1258587 2.1270103
0.0678591 - 0.0704704 0.2219193
- 2.28301 - 0.0402763 2.9481145
```

Como a matriz E é quadrada podemos calcular E^2 que é igual a E*E.

```
-->E^2
```

ans =

```
6.4169106 6.6851072 6.0251838
1.3111639 1.3736115 1.166331
5.7680614 5.9681999 5.7654379
```

Os símbolos relacionais podem ser usados para comparar os elementos de duas matrizes. Um exemplo:

```
-->E<F
```

ans =

Vetores e matrizes

```
F F T
F T T
F F T
```

Como destacámos no final do capítulo 2, muitos dos comandos que se aplicam a escalares pode ser aplicados a matrizes. Um exemplo:

```
-->sin(E)
ans =
```

```
0.9982805  0.9950816  0.9674219
0.2676508  0.2512521  0.4278097
0.9711505  0.9334298  0.9535227
```

Convém introduzir uma anotação sobre os comandos `exp`, `log` e `sqrt`. Como dissemos incidem individualmente sobre cada elemento da matriz, com sobre um escalar isolado e os comandos `expm`, `logm`, `sqrm`.

O comando `expm(E)` calcula e^E .

```
-->exp(E)
ans =
```

```
5.101055  5.3122591  6.21367
1.3112148  1.2891378  1.5559217
6.1201332  6.943011  3.5420955
```

```
-->expm(E)
ans =
```

```
18.790997  18.475466  17.271767
3.5145105  4.6300492  3.5139609
16.655774  17.355739  16.601059
```

O comando `logm(E)` calcula $\log(E)$ tal que $E=e^{\log(E)}$.

```
-->log(E)
ans =
```

```
0.4882409  0.5128339  0.6025394
- 1.3058062 - 1.3705249 - 0.8162914
0.5942015  0.6615200  0.2348496
```

```
-->logm(E)
ans =
```

```
- 1.0360764 + 1.6402894i  4.4605244 - 1.5605189i  1.5593685 - 1.439862i
1.3078812 - 0.3001921i - 3.51656 + 2.8295601i - 0.3749895 - 0.2879067i
1.0123651 - 1.3849357i  0.5631634 - 1.4395615i  0.0748286 + 1.8133358i
```

Vetores e matrizes

`sqrm(E)` calcula \sqrt{E} .

```
-->sqrt(E)
```

```
ans =
```

```
1.2764981 1.2922914 1.3515738
0.5205324 0.5039580 0.6648820
1.3459509 1.3920257 1.124597
```

```
-->sqrtm(E)
```

```
ans =
```

```
0.9128043 + 0.1831078i 0.9488079 + 0.1464902i 0.8754476 - 0.2302457i
0.1825192 + 0.0924804i 0.1897183 + 0.2028180i 0.1750496 - 0.1442129i
0.8420519 - 0.2911514i 0.8752648 - 0.3725548i 0.8075907 + 0.3963682i
```

3.6 Analisar matrizes

Vamos calcular o determinante, a inversa, o traço, os valores e vetores próprios da matriz E.

Para o cálculo do determinante usamos o comando `det`.

```
-->det(E)
```

```
ans =
```

```
0.0113583
```

A inversa de E obtém-se com o comando `inv`.

```
-->inv(E)
```

```
ans =
```

```
- 47.137912 125.69327 24.151051
40.337323 - 109.92166 - 19.841108
5.7176488 - 11.626924 - 3.4037874
```

Para o traço de E usa-se `trace`.

```
-->trace(E)
```

```
ans =
```

```
3.1481395
```

Vetores e matrizes

O comando para obter os vetores e valores próprios de E escreve-se `[Ab,X,bs]=bdiag(E, 1/%eps)`. A diagonal de Ab dá-nos os valores próprios. A matriz X é a dos vetores próprios.

```
-->[Ab,X,bs]=bdiag(E,1/%eps);
```

```
-->disp("Valores próprios da matriz=")
```

Valores próprios da matriz=

```
-->disp(diag(Ab))
```

```
3.6485329
- 0.4940928
- 0.0063007
```

```
-->disp("vetores próprios da matriz=")
```

vetores próprios da matriz=

```
-->X
```

X =

```
0.7051855 - 0.3996759 - 0.5164079
0.1410049 - 0.2823142  0.4483045
0.6505258  0.7227022  0.0525726
```

O comando `spec` também permite obter os valores próprios de uma matriz:

```
-->vpropo=spec(E)
```

vpropo =

```
3.6485329
- 0.0063007
- 0.4940928
```

Podemos também obter o polinómio característico da matriz com o comando `poly`;

```
-->car=poly(E,"x")
```

car =

```
          2  3
- 0.0113583 - 1.8225889x - 3.1481395x + x
```

Aplicando o comando `roots`, introduzido no capítulo 2, obtemos novamente os valores próprios:

Vetores e matrizes

```
-->roots(car)
ans =
```

```
- 0.0063007
- 0.4940928
 3.6485329
```

3.7 Novamente os sistemas de equações lineares

Vamos abordar a solução de sistemas de equações lineares no contexto da álgebra linear. Sugiro que recapitule a secção 2.8. Suponhamos um sistema com a matriz A e o vetor b abaixo introduzidos no Scilab.

```
-->A=[0.5,3,1.5;0.6,2,-2;2,-4,12];
```

```
-->b=[2,5,3];
```

Vamos recorrer ao comando **linsolve** que resolve o sistema $A*x+b=0$.

```
-->[x,kerA]=linsolve(A,b)
kerA =
```

```
[]
x =
```

```
- 5.8238636
- 0.0482955
 0.7045455
```

Verifiquemos a precisão da solução.

```
-->b+A*x
ans =
```

```
1.0D-14 *
0.0222045
- 0.6217249
- 0.1776357
```

O erro é negligenciável. Também é possível usar o sinal de divisão à direita (\backslash) para resolver o sistema. A equação resolvida é $Ax=b$, por isso os sinais da solução não são os mesmos.

```
-->xd=A\b
xd =
```

Vetores e matrizes

5.8238636

0.0482955

- 0.7045455

Se efetuarmos o produto $A \cdot x$ obtemos b:

```
-->A*xd
```

```
ans =
```

2.

5.

3.

A matriz inversa de A também pode ser aqui utilizada:

```
-->inv(A)*b
```

```
ans =
```

5.8238636

0.0482955

- 0.7045455

O comando `\` é preferível a `inv(A)*b` pois é mais rápido e numericamente mais estável, o que no caso de grandes sistemas de equações pode ser importante.

Consulte a ajuda do comando `linsolve` (`help linsolve`).

3.8 Outra aplicação da álgebra linear

A utilização de vetores e matrizes permite instruções compactas e evitar o uso de ciclos ("loops") o que redundaria em programas mais simples e de execução mais rápida. Vou ilustrar esta asserção com o ajustamento da equação de uma reta.

Por outras palavras, dispondo de um vetor dos valores da variável y , linearmente dependente dos elementos do vetor x , deseja-se estimar os parâmetros a e b na sua relação $y = a + b \cdot x$, e avaliar a qualidade do ajustamento. Esta tarefa é realizada pelos seguintes comandos:

```
// Ajusta a regressão linear y=a+b*x
//Para a geométrica usar x= log(x) e y=log(y);
// Para a exponencial fazer y=log(y)
disp("y=a+b*x");
//dados
x=[1 2 3 4 5 6];
y=[3.2 5.4 8 9.1 11.5 13.8];
n=6;
//Cálculos intermédios
j=sum(x);k=sum(y);l=sum(x^2);
```


Vetores e matrizes

```

m=sum(y^2);rx=sum(x.*y);
//cálculos de a e b
b = (n * rx - k * j) / (n * 1 - j ^ 2);
a = (k - b * j) / n;
//Preparar as saídas de a e b
a1=string(a);b1=string(b);
//exibir os valores de a e b
disp(["a=" a1 "b=" b1])
//Estatísticos de avaliação do ajustamento
j = b * (rx - j * k / n); m = m - k ^ 2 / n; k = m - j; r2 = j / m;
rr=string(r2);co=string(sqrt(r2));err=string(sqrt(k/(n-2)));
disp(["R quadrado= ", rr])
RSS=m-j;R2aj=1-((RSS/(n-2))/(m/(n-1)));
disp(["R quadrado ajustado:", string(R2aj)])
disp(["coef. de correlação.= " co ])
disp(["erro padrão de estimativa=" err])
F=j/(RSS/(n-2));
disp(["F:", string(F)])
dfe=n-2;dfm=1;
[P,Q]=cdf("PQ",F,dfm,dfe);
disp(["p:",string(Q)])
den=sum((x-mean(x))^2);
s2=RSS/(n-2);varb=s2/den;
vara=s2*(1/n+(mean(x)^2)/den);
disp(["Variância de a:", string(vara)])
disp(["Variância de b:", string(varb)])
tb=b/sqrt(varb);ta=a/sqrt(vara);
disp(["t de b:",string(tb)]);
disp(["t de a:",string(ta)])
//fazer um gráfico dos dados e da regressão
z=a+b*x;
d=x';
[M]=[y;z];
plot2d(d,[M]);
xtitle("Dados e ajustamento","x","y")

```

Selecione este texto, copie-o e cole-o no SciNotes. Guarde-o com um nome a sua escolha como um ficheiro *.sci. Na janela de comandos execute-o. Obterá a saída seguinte e o gráfico da figura 3.1.

$y=a+b*x$

!a= 1.26 b= 2.0685714 !

!R quadrado= 0.9931338 !

Vetores e matrizes

!R quadrado ajustado: 0.9914172 !

!coef. de correlação.= 0.9965610 !

!erro padrão de estimativa= 0.3597618 !

!F: 578.56071 !

!p: 0.0000177 !

!Variância de a: 0.1121714 !

!Variância de b: 0.0073959 !

!t de b: 24.053289 !

!t de a: 3.7620921 !

exec done

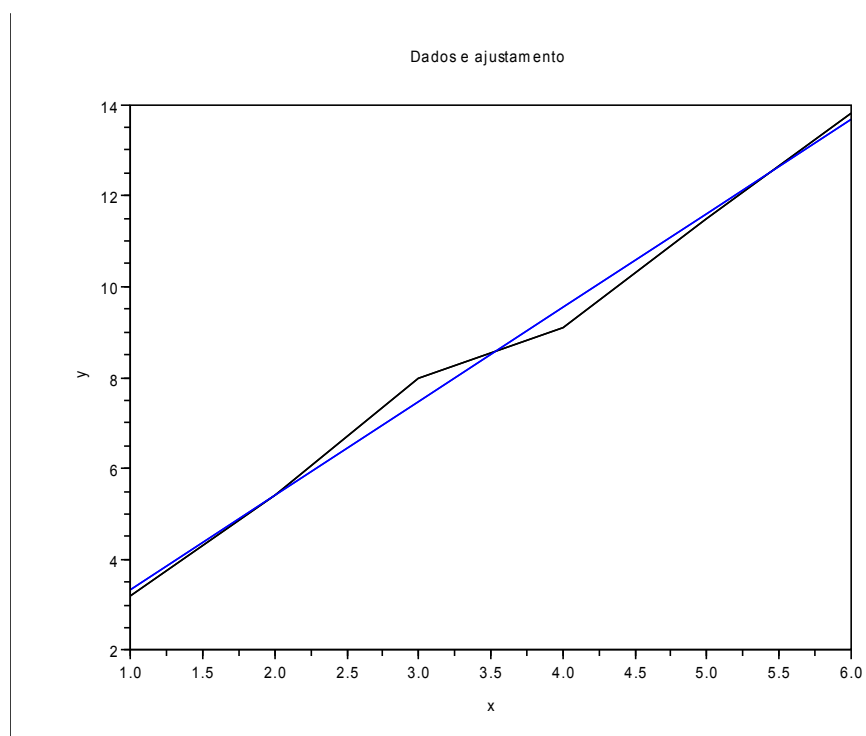


Figura 3.1. Dados e reta ajustada

3.9 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo

Comando	Descrição
<code>\</code>	Divisão direita de uma matriz
<code>.*</code>	Multiplicação elemento a elemento
<code>./</code>	Divisão elemento a elemento
<code>.\</code>	Divisão direita elemento a elemento
<code>bdiag</code>	Valores e vetores próprios de uma matriz
<code>det</code>	Determinante de uma matriz
<code>diag</code>	Diagonal principal de uma matriz
<code>expm</code>	Exponencial de uma matriz
<code>eye</code>	Matriz de zeros com 1's na diagonal principal
<code>inv</code>	Inversa de uma matriz
<code>linsolve</code>	Solução de um sistema de equações lineares
<code>logm</code>	Logaritmo de uma matriz
<code>logspace</code>	vetor de números correspondentes aos logaritmos na base 10 do intervalo especificado, igualmente espaçados
<code>ones</code>	Matriz de 1's. Sintaxe igual à do comando zeros
<code>poly</code>	Polinómio característico de uma matriz
<code>spec</code>	Valores próprios de uma matriz
<code>sqrm</code>	Raiz quadrada de uma matriz
<code>trace</code>	Traço de uma matriz
<code>zeros</code>	Matriz só de zeros

Capítulo 4

Gráficos

A panóplia de recursos do Scilab para lidar com gráficos é muito variada e potente e é impossível cobri-la toda num texto introdutório. Nalguma extensão, ampliaremos agora a abordagem iniciada no capítulo 2, sob a perspectiva de tirar o máximo benefício da interface gráfica das janelas dos gráficos. Iremos assim:

- Expandir a criação de gráficos de duas dimensões
- Inserir texto na área do gráfico
- Introduzir os gráficos a três dimensões
- Obter as coordenadas de pontos numa curva num gráfico
- Utilizar os menus e botões da janela dos gráficos para facilmente os formatar
- Fazer gráficos com marcas ou símbolos gráficos no traçado das curvas

4.1 Continuando a criar gráficos de duas dimensões (2D)

Na secção 2.13 introduzimos o comando `plot2d3` (saída na figura 2.14) o que faz supor que existem pelo menos os comandos `plot2d1` e `plot2d2`. De facto, assim é, e não só.

O comando `plot2d` pode ser chamado de duas maneiras:

- `plot2d(x,[y])`
- `plot2d(x,[y], atributos opcionais)`

Vamos usar os menus e botões da janela dos gráficos para introduzir os atributos opcionais. Vejamos agora as variantes de `plot2d` existentes:

- `plot2d1` é uma forma obsoleta em desuso
- `plot2d2` faz o gráfico e uma função de escada. Se entrarmos com `plot2d2()`, para obtermos uma demonstração, a saída é o gráfico da figura 4.1.
- `plot2d3` desenha o gráfico com barras verticais, como vimos na figura 2.14.
- `plot2d4` insere setas na linha do gráfico. Se entrarmos com `plot2d4()`, para obtermos uma demonstração, a saída é o gráfico da figura 4.2.

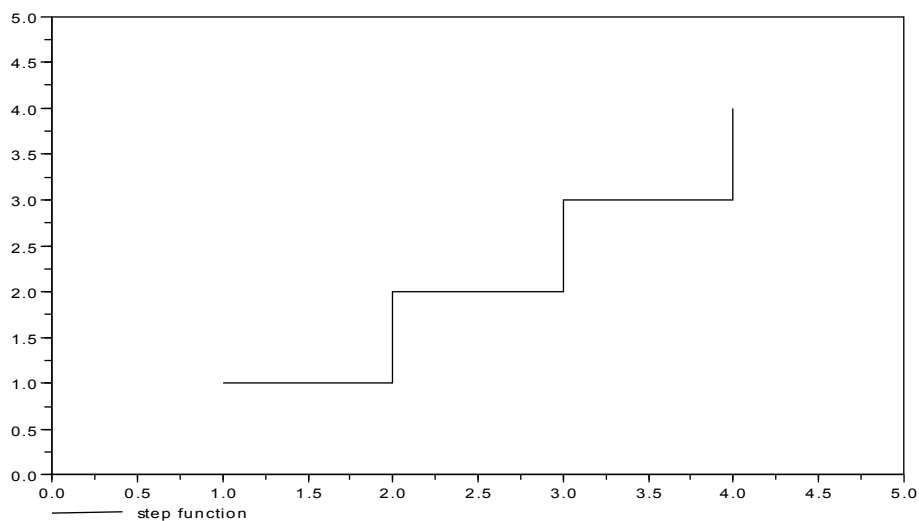


Figura 4.1. Gráfico criado pelo comando `plot2d2`

4.1.1 Identificação de pontos numa curva de um gráfico

Suponha o leitor que antes de fazer a análise da função polinomial da secção 2.9, inscrita na figura 2.7., queria identificar alguns dos pontos de interesse no seu gráfico.

O comando `locate` permite fazer isto. Recriemos o gráfico com os comandos

```
-->y=poly([3 -2 -12 -2 2],"x","coeff");
```

```
-->x=[-2:0.1:3.2];
```

Gráficos

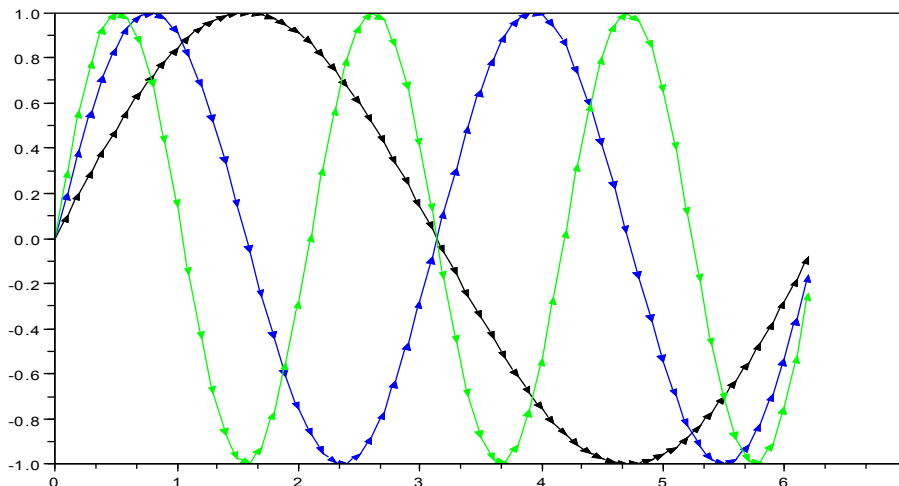
`-->plot2d(x,[horner(y,x)'])``-->xgrid():`

Figura 4.2. Gráfico criado pelo comando plot2d4

Agora só nos falta usar o comando `locate`, para podermos localizar os pontos com o rato:

```
x=locate([número de pontos, opção (dígito)])
```

Queremos identificar 9 pontos e marcá-los com X (opção=1), até clicarmos o último. O comando a usar é:

`-->x=locate(9,1)`

x =

column 1 to 5

```
- 1.7734375 - 1.3125   - 0.7578125 - 0.6875   - 0.078125
- 0.1796407 - 4.6107784 - 0.8982036 - 0.1796407  3.1736527
```

column 6 to 9

```
0.421875  1.1796875  2.1875   3.03125
- 0.0598802 - 15.628743 - 34.071856 - 0.0598802
```

Compare a pontaria dos meus cliques, com os pontos obtidos analiticamente, na secção 2.9. Antes de clicar o nono ponto, o aspeto do gráfico é o da figura 4.3.

Gráficos

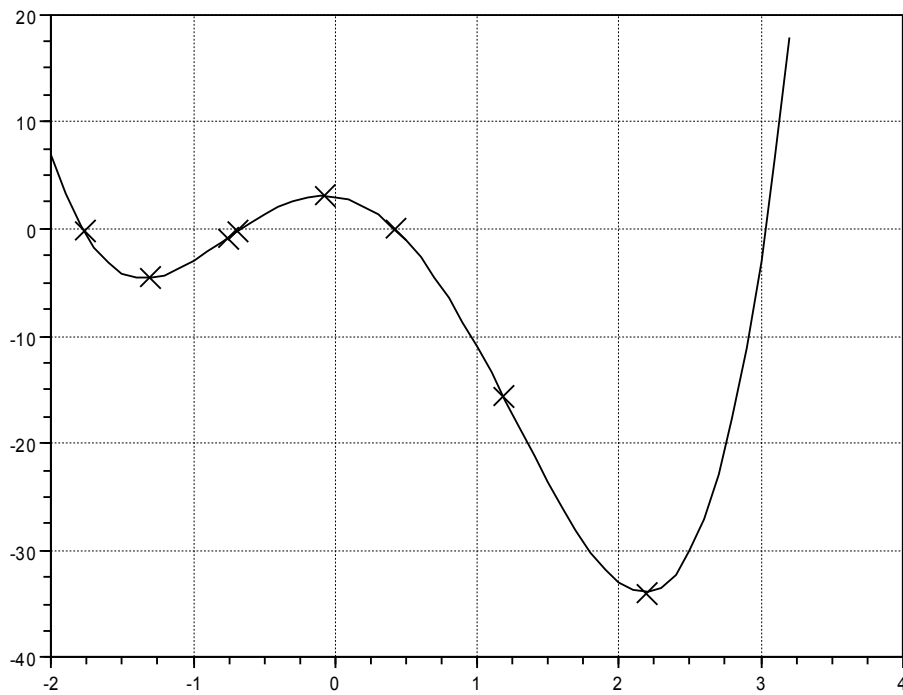


Figura 4.3. Gráfico da função polinomial da secção 2.9, submetida ao comando `locate`, ao fim da seleção do oitavo ponto

4.2 Escrever no espaço do gráfico e identificar curvas

Na figura 2.3, apresentamos duas curvas, exponencial e de Gompertz, sem qualquer identificação. Nesta secção e na seguinte vamos sanear esta lacuna.

Recriemos as curvas.

```
-->x=linspace(0,3,300);
```

```
-->plot2d(x,[2*exp(0.5*x);2*0.2^(exp(-0.8*x)-1)]');
```

```
-->xgrid()
```

O comando a que vamos recorrer usa como localização, as escalas dos eixos do gráfico, x e y, por esta ordem. É o **xstring**:

```
xstring(valor de x, valor de y, 'texto')
```

Gráficos

```
-->xstring(0.1,7,'Curvas exponencial e de Gompertz');
```

```
-->xstring(0.75,5,'Gompertz')
```

```
-->xstring(2,5,'Exponencial')
```

O aspeto final do gráfico é o da figura 4.4.

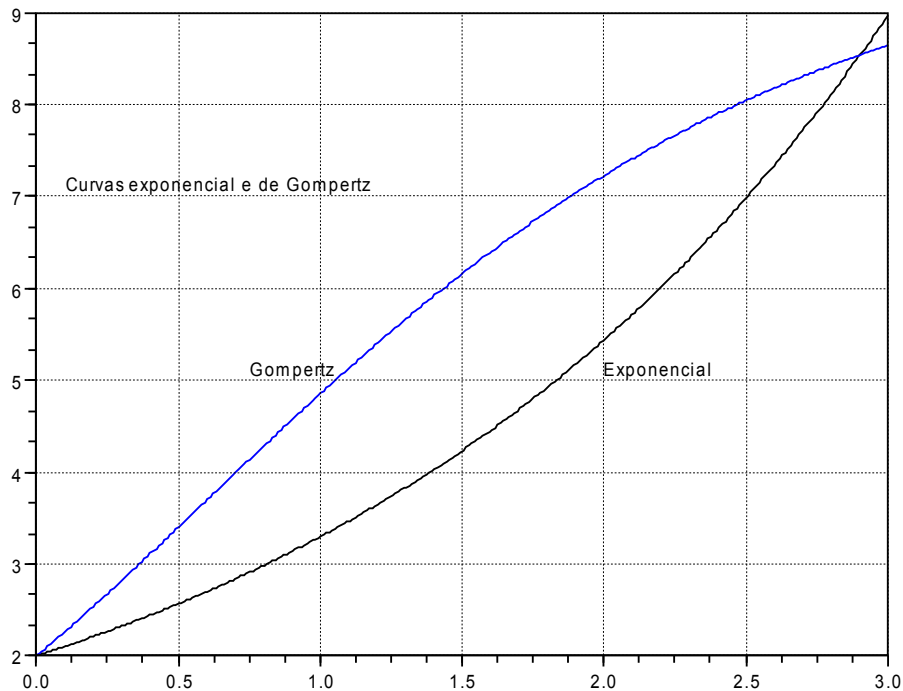


Figura 4.4. Gráfico com legendas, de uma curva de Gompertz e outra exponencial

4.3 Escrever no espaço do gráfico as legendas das curvas

Agora queremos inscrever a legendas das curvas no espaço do gráfico, com uma moldura, num ponto que escolhemos depois de arrasta a moldura e fazer um clique com o rato, no sítio desejado. Vou usar o comando **legend**

```
hl=legend(['nome da 1ª curva';'nome da 2ª curva'],a=5);
```

```
-->hl=legend(['Exponencial';'Gompertz'],a=5);
```

hl corresponde à expressão handle da biblioteca de gráficos.

Gráficos

Depois deste comando e de ter clicado no canto inferior direito da área do gráfico, ele fica com o aspecto da figura 4.5.

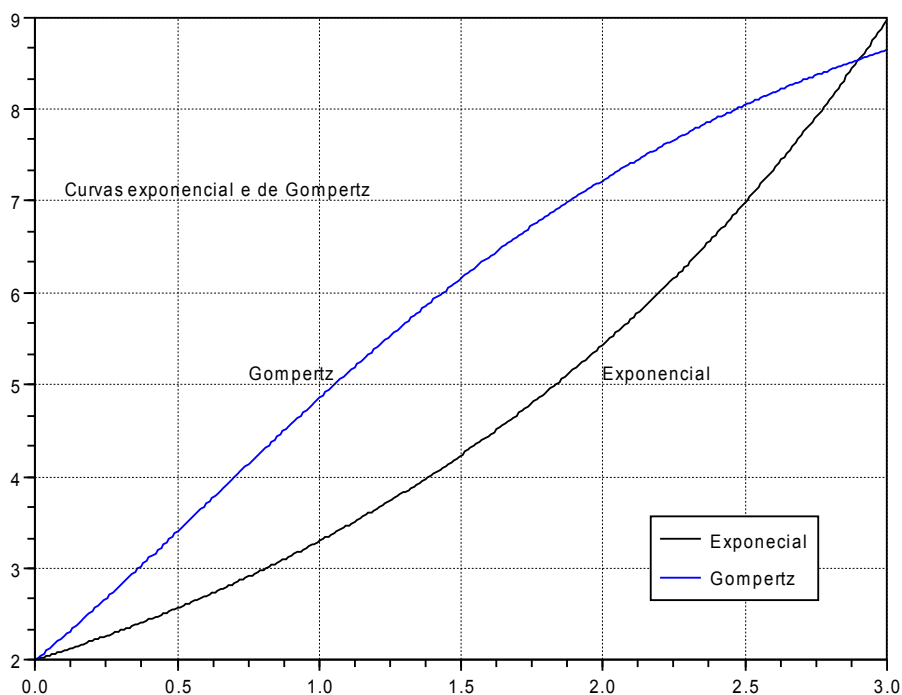


Figura 4.5. O gráfico com as legendas das curvas, no canto inferior direito.

4.4 Formatar gráficos 2D com os menus e botões da sua janela

Os programadores do Scilab criaram a interface de edição dos gráficos com o propósito de a tornar mais fácil e nós vamos tirar partido dela.

Usemos os comandos já introduzidos na secção 2.7, para inserir a num só gráfico, obtendo a figura 4.6, que queremos formatar.

Comecemos com um gráfico que só tem os eixos e as curvas, sem mais nenhum texto, como o da figura 4.6, obtido inserido no mesmo gráfico a função polinomial e as suas derivadas, abordadas na secção 2.7. Detenhamo-nos no que a janela do gráfico exhibe, para além da figura a que serve de suporte (figura 4.6).

4.4.1 Os menus da barra superior

Comecemos pelos menus da barra superior.

O menu **Arquivo** permite o habitual e pouco mais:

Nova figura– abrir uma nova janela de gráfico em branco.

Carregar – abrir um ficheiro de um gráfico. Por exemplo, se quisermos comparar dois gráficos estando na janela de um deles, abrimos outra com **Nova figura** e depois nesta

Gráficos

nova janela usamos o **Carregar** para abrir o outro gráfico. Podemos redimensionar as janelas e arrumá-las lado a lado.

Salvar – guardar o gráfico.

Exportar para – guardar em formatos tais como postscript e Latex .

Copiar para a área de transferência – copiar para a memória para eventualmente ser colado, por exemplo, numa página de processador de texto.

Configuração de página – Configurações para imprimir

Imprimir – imprime.

Fechar – fechar a janela do gráfico

O menu “**Tools**” exhibe:

Mostrar/esconder a barra de ferramentas – fazer aparecer ou desaparecer a barra de ferramentas.

Ampliar – ampliar uma região do gráfico.

Afastar – anular a ampliação.

2D/3D Rotation – Proceder à rotação dos gráficos

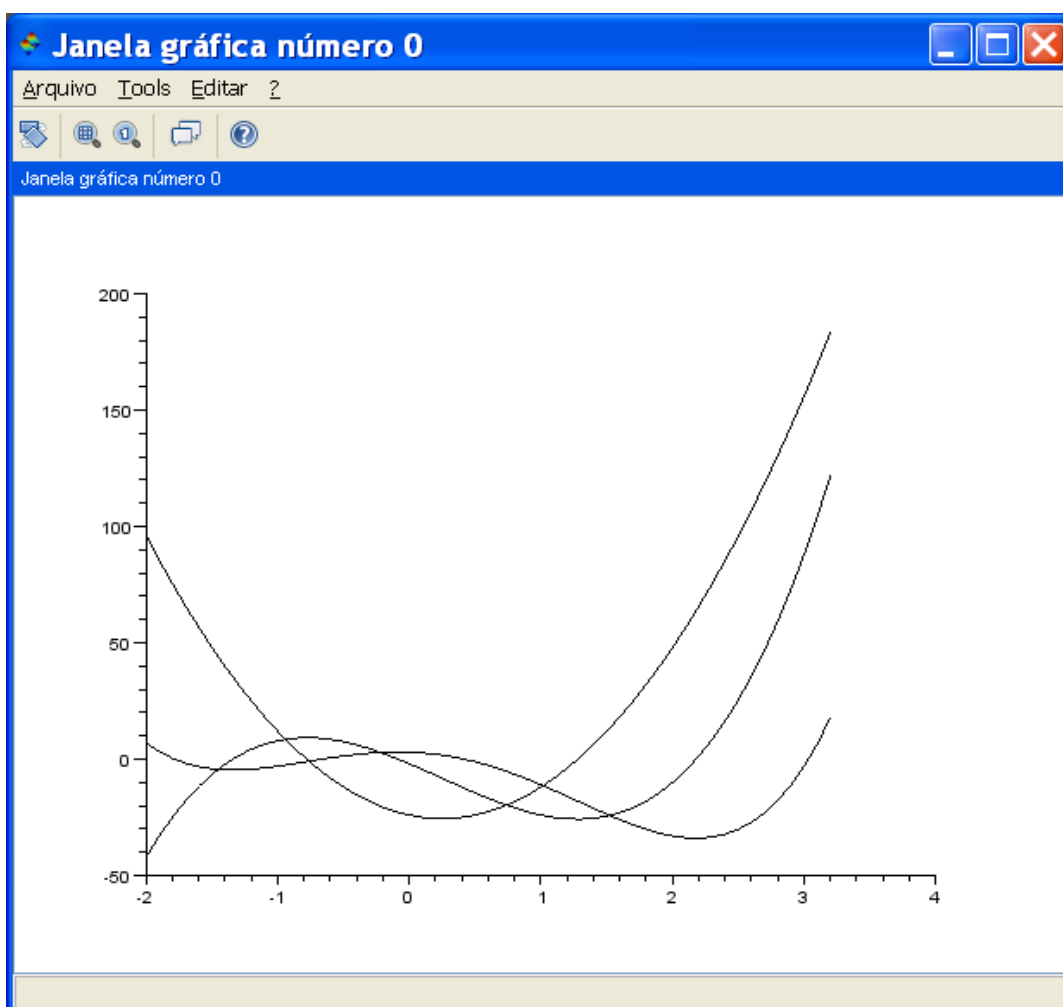


Figura 4.6. O gráfico antes de ser formatado

Gráficos

O menu **Editar** tem o seguinte:

Selecionar como figura actual– quando se tem mais de uma janela de gráfico seleciona a que vai ser objeto de comandos.

Redesenhar a figura – Redesenhar a figura (em desuso)

Limpar a figura – limpa a janela do gráfico

Propriedades da figura – abre uma janela de alteração das propriedades da figura

Propriedades dos eixos – abre uma janela que permite formatar os eixos

Iniciar apanhado das entidades – activa a possibilidade de escolher uma curva com um clique e abrir o seu editor de propriedades (**Polyline editor**), a abordar adiante

Terminar apanhador de entidades – encerra a possibilidade de escolher uma curva

Iniciar gerenciador *datatip* – clicando sobre a curva com o botão da esquerda, obtêm-se as coordenadas do ponto e ele fica assinalado, com um quadrado

Parar gerenciador *datatip* – desactiva a função de pontos, atrás referida

4.4.2 Os botões da barra de ferramentas

Da esquerda para a direita:

O primeiro permite rodar o gráfico; o segundo activa o zoom, que cria a possibilidade de desenhar uma área a ser ampliada; o terceiro reestabelece o tamanho do gráfico ampliado; o quarto permite alternar a activação e desactivação do comando *datatip*

4.4.3 Formatar os eixos, título e atributos gerais

Numa iniciação ao software, não aconselho que se mexa nas propriedades da figura. Por isso começemos pelos eixos do gráfico. No menu **Editar** fazemos um clique na entrada **Propriedades dos eixos** (figura 4.7).

À direita do selecionador dos elementos do gráfico (“Objects Browser”), surge um conjunto de separadores, sob o título “Object Properties” (propriedades dos objetos).

Gráficos

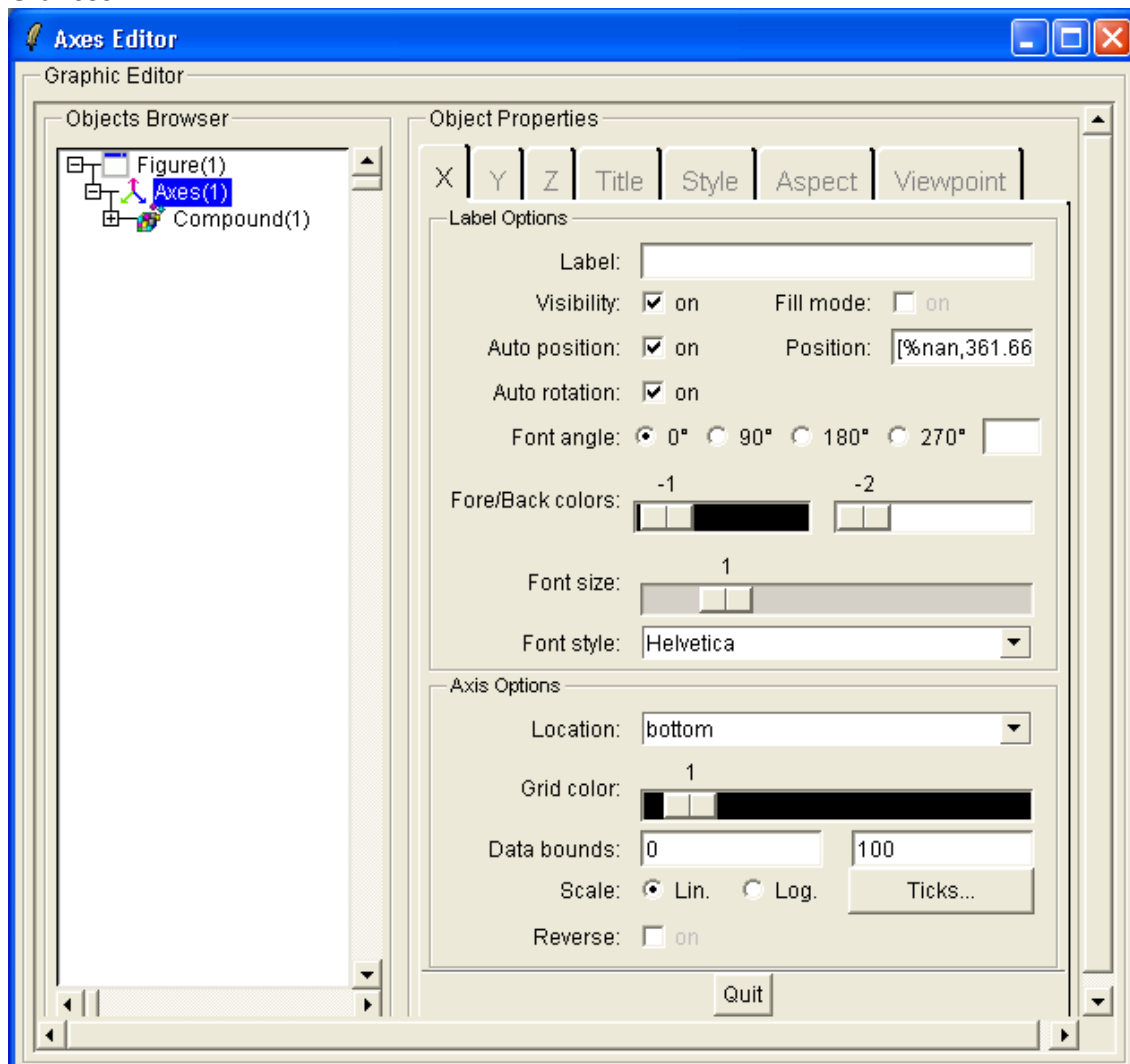


Figura 4.7. Figura do editor de gráfico

Os separadores dos três eixos (X, Y, Z) são iguais em possibilidades de intervenção por parte do utilizador. Estão reunidas em dois grupos:

1- **Label Options** que permitem formatar a legenda quanto ao tipo de letra, posição e sua orientação.

2- **Axis Options** que incidem sobre o eixo (posição, espessura do traço, cor da grelha correspondente, escala linear ou logarítmica, limites da escala, marcações da escala). Sejam menos sintéticos. Comecemos pelas opções para a legenda (**Label Options**):

- No espaço para entrada de texto (caixa de texto), em frente de “**Label**”, clica-se, escreve-se a legenda do eixo, e depois pressiona-se **Enter/Return**. O botão de escolha ou opção **Visibility** deve ser ativado.
- Se escolhermos **Fill mode on**, é traçado um retângulo à volta da legenda, cujo fundo pode ser colorido, como veremos abaixo.
- Sugiro que se mantenha o botão **Auto-position on**, e a legenda é inserida a meio do comprimento do eixo.

Gráficos

- No entanto, na caixa de texto em frente a **Position**, permite escrever a posição da legenda, referenciada à escala do eixo. Não se esqueça de pressionar **Enter/Return**.
 - Os botões de opção **Font angle** permitem orientar a legenda. Sem qualquer intervenção, a legenda é escrita ao longo do eixo.
 - Na linha seguinte, os botões deslizante denominados **Fore/Back colors** permitem escolher a cor das letras (o da esquerda) e da caixa da legenda, se ativámos **Fill mode**.
 - O deslizante **Font size** permite escolher o tamanho da letra.
 - A entrada **Font style**, como em qualquer processador de texto, permite escolher o tipo de fonte. Por defeito é o Helvética.
- Vejam as opções de formatação para o eixo (**Axis Options**).
- **Location** permite três posições para o eixo: no topo, em baixo, no meio.
 - **Data bounds** permite alterar os limites da escala do eixo.
 - **Grid color**, se o gráfico tem grelha, permite escolher a cor das linhas correspondentes à escala do eixo.
 - **Scale** oferece a possibilidade de escolher uma escala linear ou logarítmica.
 - **Ticks** abre uma janela que permite alterar as marcações no eixo.
 - **Reverse** põe a escala com o valor máximo onde por defeito fica o mínimo.

O separador para inserir o título do gráfico tem só as **Label Options** idênticas às dos eixos, e que se utilizam da mesma maneira.

O separador **Style**:

- Deve ter o botão de opção **Visibility ativado** para se ver o gráfico na sua janela.
- **Font style** permite escolher o tipo de letra das escalas dos eixos.
- **Font color** a cor dos algarismos das escalas.
- **Font size** o tamanho do tipo de letra escolhido atrás.
- **Fore color** refere-se a cor do traço dos eixos.
- **Back color** a cor de fundo ou do espaço definido pelos eixos.
- **Thickness** à espessura do traço dos eixos.

Nesta fase de aprendizagem ignoramos **Hidden color** e **Line style**.

No separador **Aspect**, sugerimos que a leitora, por si, verifique o efeito de activar os botões de opção **Auto clear**, **Auto scale** e **Box. Isoview**, **Tight limits**. **Cube scaling** só se aplica aos gráficos 3D. Ignore o resto do separador.

O separador **Viewpoint**, nos gráficos 3D, permite definir a elevação e o azimute do gráfico. Estes dois conceitos esclarecem-se na figura 4.8. Se num gráfico 2D clicarmos no botão 3D, ele aparece no plano definido pelos eixos x e y, do gráfico a 3D.

Tente agora, no seu computador: a) criar o gráfico da figura 4.6; b) inscrever um título, legendas dos eixos, alterar os seus tipos de letra, tamanhos, pelo menos. Mas sugiro que se aventure a mais.

4.4.4 Formatar o traçado das curvas e as entidades no espaço dos eixos

Na janela do editor do gráfico, clique em **compound(1)** e depois em **Polyline(3)**. Surte-lhe o editor das linhas das curvas do gráfico, denominado **Polyline Editor**, como se exhibe na figura 4.6, que permite formatar a curva da função, a primeira grafada.

Gráficos

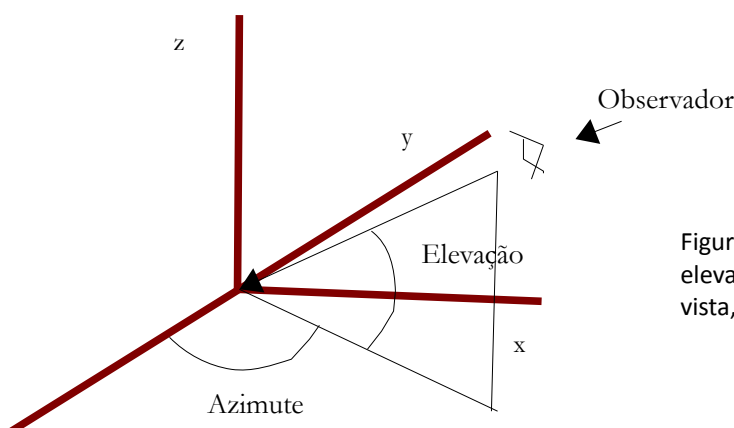


Figura 4.8. Azimute e elevação do ponto de vista, nos gráficos 3D

O editor das curvas (**Polyline Editor**) tem três separadores: **Style**, **Data**, **Clipping**. Vamos ignorar o último.

Começemos pelo mais curto, no número de opções.

4.4.4.1 Editar os dados de uma curva

O **Data** tem uma caixa de texto, que é simultaneamente um menu. Por defeito dá informação sobre a estrutura dos dados, no nosso caso uma matriz ([53x2 double array]). Se clicarmos no botão à direita desta informação, aparece uma caixa onde surge **Edit data**. Se clicarmos em **Edit data**, aparece uma espécie de folha de cálculo com os valores das variáveis (ver figura 4.10), que permite alterá-los. Clique na célula cujos valores quiser alterar, ela fica com o fundo a amarelo, e introduza os novos valores e pressione **Enter/Return**. Este procedimento é repetido em cada célula a alterar. No fim, clique no botão, acima e à esquerda, **Refresh**, para sair e fechar.

4.4.4.2 Editar uma curva

Ocupemo-nos agora do separador **Style**. Vejamos, então, as opções de controlo, ignorando **Interp. mode**.

- **Visibility** é um um botão que permite fazer desaparecer e aparecer a linha da área dos eixos.
- **Closed** fecha a curva traçando uma reta entre os seus extremos.
- **Fill mode** com a opção **Close** ativada permite preencher o espaço entre a curva e reta com uma cor que se escolhe abaixo, no deslizante
- **Background**.

Existem dois grupos de editor. Ou escolhemos uma linha continua, ativando **Line mode**, ou de uma série de marcas (por exemplo, triângulos, estrelas, cruces, etc.), selecionando o botão **Mark mode**, que fica mais abaixo. Concretremo-nos na curva desenhada por linha (**Line mode**).

- **Polyline style** tem uma caixa de texto que permite escolher vários tipos de representação dos valores (por exemplo, em escada, com setas), clicando no seu botão à direita.

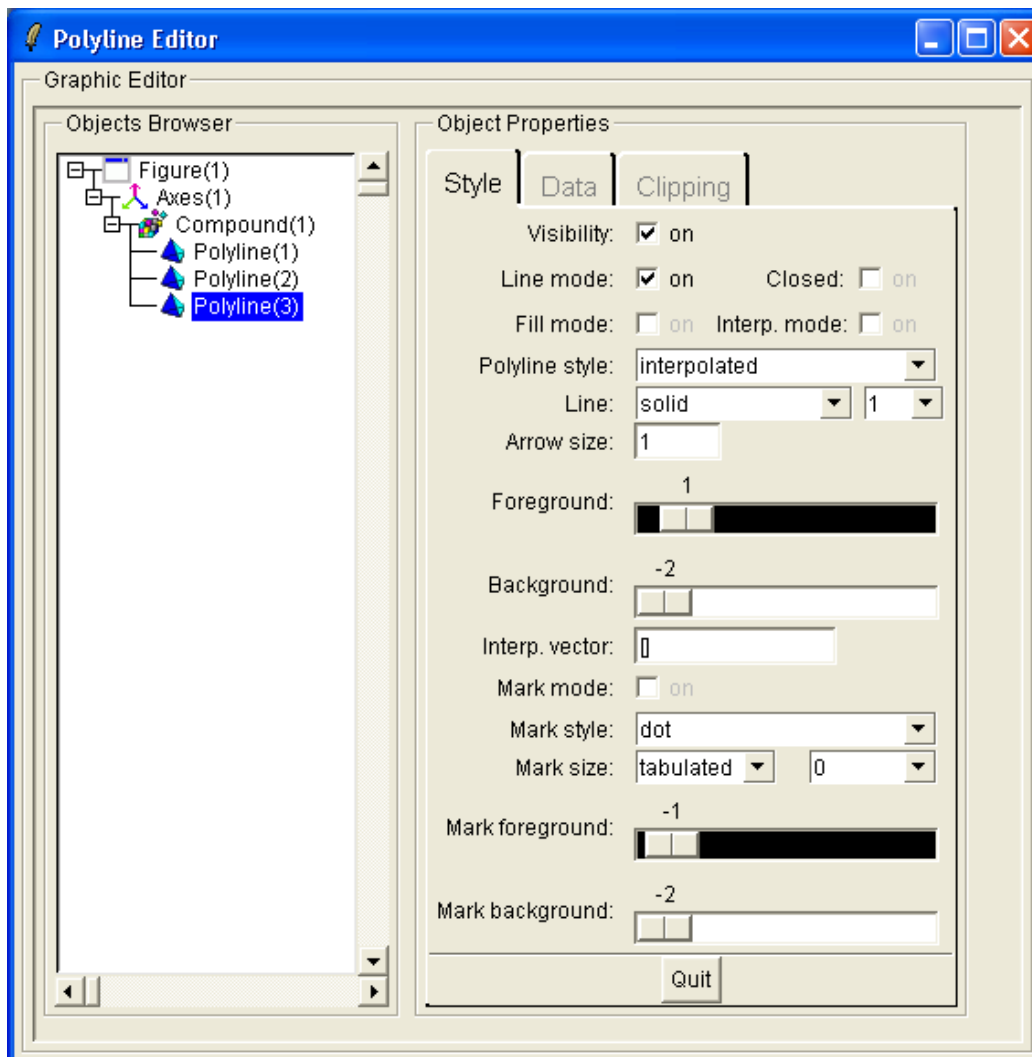
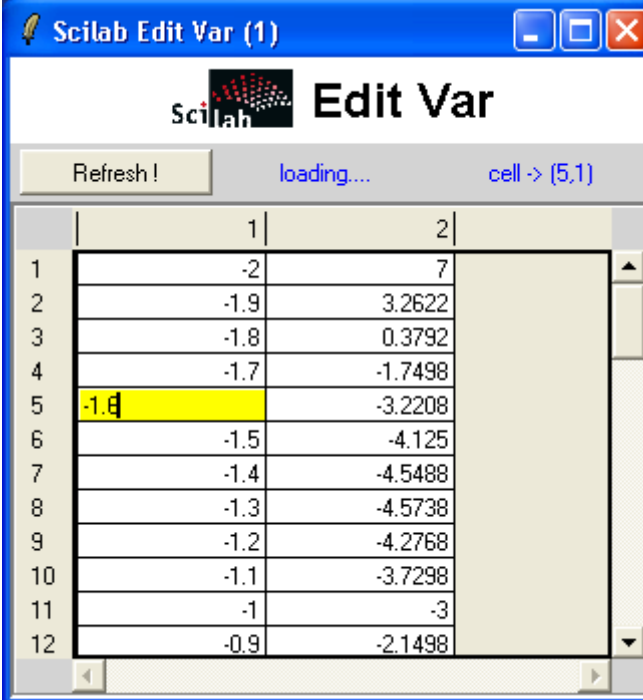


Figura 4.9. Editor do gráfico pronto a iniciar a formatação da curva da função polinomial

- Se tivermos escolhido o estilo correspondente a uma linha simples (**interpolated**), como na figura 4.6, na caixa de texto **Line** é possível escolher entre uma linha contínua e vários tipos de ponteados e tracejado.
- **Arrowed size** permite escolher o tamanho das setas, se tivermos escolhido em **Polyline style**, uma linha com setas (**Arrowed**).
- **Foreground** tem um botão deslizante que permite escolher a cor da linha. Ignoramos também **Interp. vetor**.
Em **Mark mode**, podemos:
 - Escolher o símbolo da marca em **Mark style**.
 - A caixa de texto pode alterar a marca selecionada para pontos (**point**) ou mantê-la (**tabulated**).
 - Ao lado pode-se escolher o tamanho das marcas.
 - **Mark foreground** escolhe as cores das linhas da marca.

Gráficos

- **Mark background** escolhe a cor de enchimento da marca. Por exemplo, uma estrela pode ser desenhada com uma linha verde, e preenchida com uma cor azul.



Scilab Edit Var (1)

Scilab Edit Var

Refresh | loading... cell -> (5,1)

	1	2
1	-2	7
2	-1.9	3.2622
3	-1.8	0.3792
4	-1.7	-1.7498
5	-1.6	-3.2208
6	-1.5	-4.125
7	-1.4	-4.5488
8	-1.3	-4.5738
9	-1.2	-4.2768
10	-1.1	-3.7298
11	-1	-3
12	-0.9	-2.1498

Figura 4.10. Editor dos dados (**Edit Var**) da curva da função polinomial, com uma célula selecionada para ser alterada

Função polinomial e suas derivadas

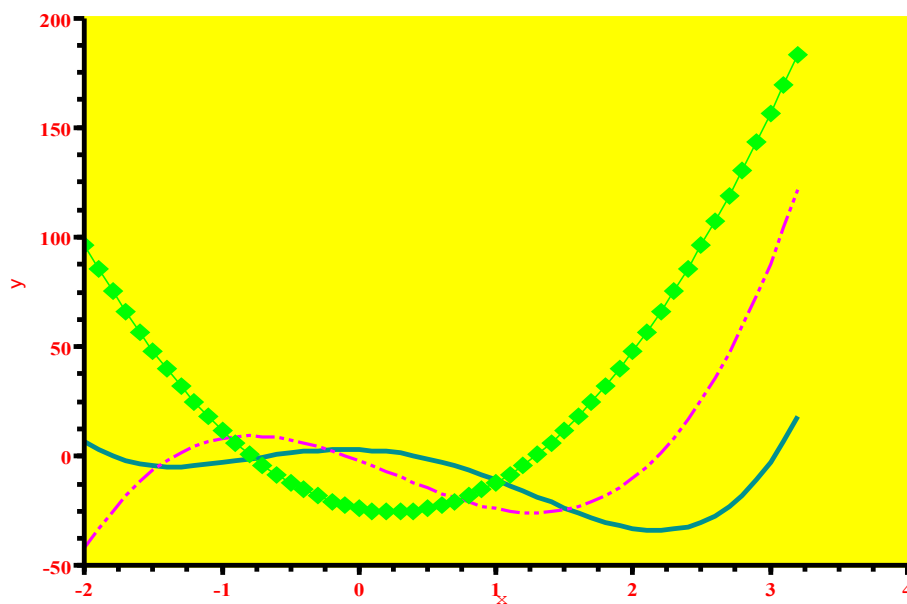


Figura 4.11. O aspecto do gráfico da figura 4.6, depois de modificado com o auxílio do editor de gráfico (**Graphic Editor**)

Gráficos

Chegados aqui, sugiro ao leitor que, como se diz, “ponha as mãos na massa”. Recrie o gráfico da figura 4.6, e use o editor do gráfico, que merece ser bem explorado. Para acicatar a sua iniciativa, deixo-lhe a figura 4.11. Compare-a com a figura 4.6.

Se a leitora ativar o editor de gráfico para a figura 4.5, obtém o que se exhibe na figura 4.12, depois de abrir toda a árvore da figura (clique em todos os sinais “+”).

A árvore apresenta dois “Axes”. O “Axes(1)” corresponde à moldura, texto e linhas da legenda que está inserida em baixo, à direita, no espaço dos eixos, que também pode ser formatada.

O “Áxis(2)” além da formatação mencionada na descrição do editor de gráfico, acabada de fazer, permite editar o texto inserido no espaço dos eixos (Text(3), Text(4), Text(5)). Experimente também este caso de formatação de gráfico.

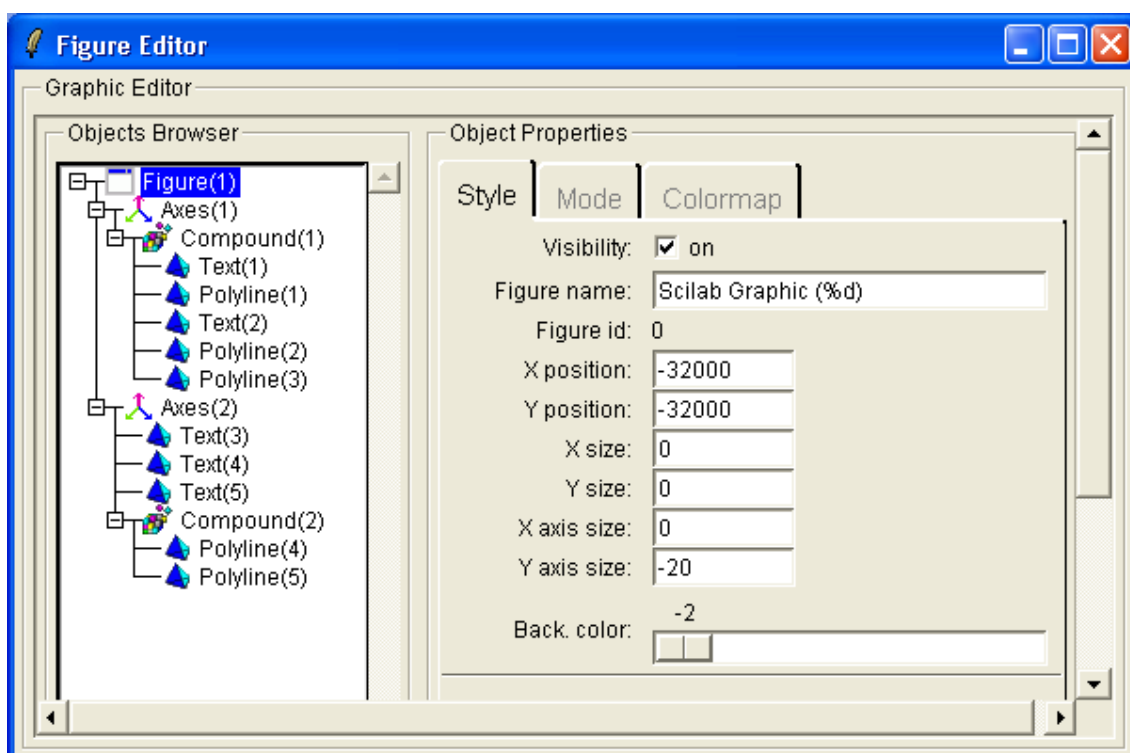


Figura 4.12. Editor de gráfico associado à figura 4.5

4.5 Outras possibilidades de criar facilmente gráficos a duas dimensões

O Scilab ainda apresenta os seguintes comandos para gráficos a duas dimensões, além do `plot2d` e `histplot`:

`fplot2d`: faz o gráfico de uma curva definida por uma função.

`champ`: cria um campo de vetores de duas dimensões.

`champ1`: permite colorir os vetores do campo.

`fchamp`: campo de vetores associado a uma equação diferencial ordinária (EDO)

`contour2d`: traça as curvas de nível de uma superfície num gráfico 2D.

Gráficos

fcontour2d: traça as curvas de nível de uma superfície definida por uma função num gráfico 2D.

grayplot: cria uma superfície num gráfico a duas dimensões usando cores.

fgrayplot: cria uma superfície definida por uma função num gráfico a duas dimensões usando cores.

pie: cria um gráfico circular, como se ilustra na figura 4.13.

sgrayplot: suaviza uma superfície num gráfico a duas dimensões usando cores, como se ilustra na figura 4.14.

sfgrayplot: suaviza uma superfície definida por uma função num gráfico a duas dimensões usando cores.

errbar : acrescenta barras verticais de erros a um gráfico 2D.

Matplot : cria uma quadricula preenchida a cores.

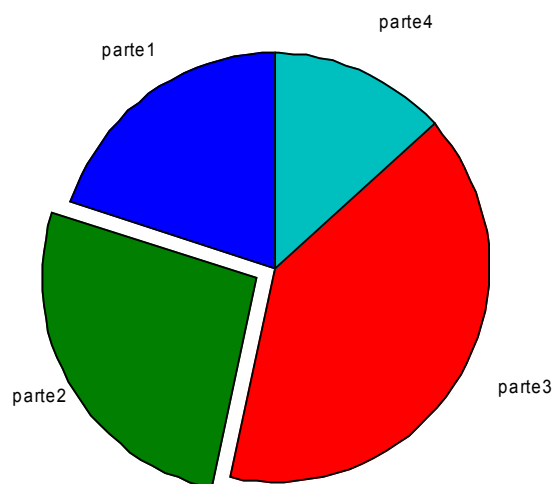


Figura 4.13. Exemplo de um gráfico circular

O Scilab tem ainda comandos para criar tipos particulares de gráficos a duas dimensões, tais como:

xpoly: desenha uma linha ou um polígono.

xpolys: desenha um conjunto de linhas ou polígonos.

xrpoly: desenha um polígono regular.

xsegs: desenha segmentos de reta não ligados.

xfpoly: preenche um polígono.

Gráficos

[xfpolys](#): preenche um conjunto de polígonos.

[xrect](#): desenha um retângulo.

[xfrect](#): preenche um retângulo.

[xrects](#): desenha ou preenche um conjunto de retângulos.

[xarc](#): desenha parte de uma elipse.

[xarcs](#): desenha partes de um conjunto de elipses.

[xfarc](#): preenche parte de uma elipse.

[xfarcs](#): preenche partes de um conjunto de elipses.

Para obter mais informação e exemplos de uso dos comandos, como já sabe, entre com [help nome do comando](#). Copie os exemplos da Ajuda, e cole-os na janela de comandos para ver o que produzem e poder interpretar melhor o significado das instruções que têm.

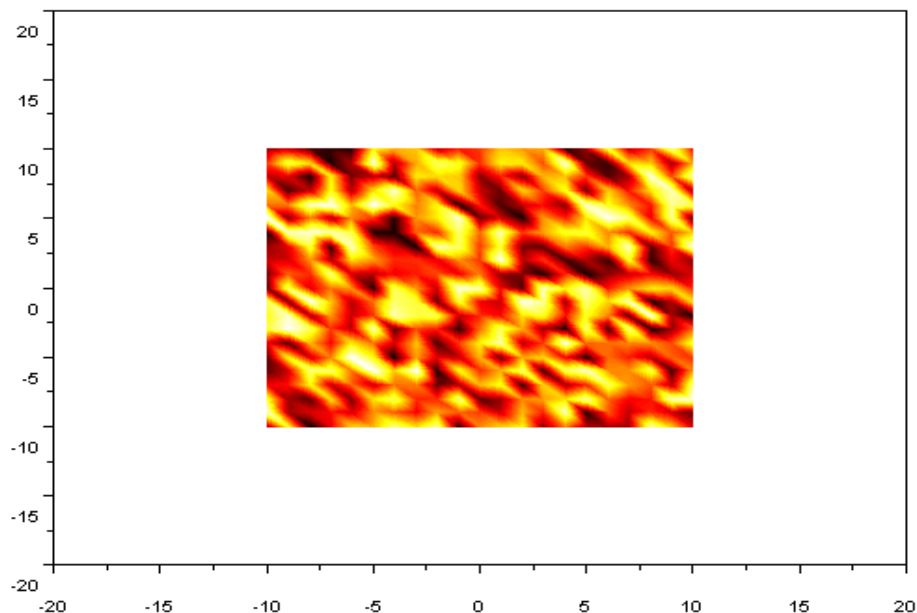


Figura 4.14. Gráfico obtido com o comando Sgrayplot

4.6 Inserir vários gráficos na mesma janela

Desde o capítulo 1, dada a figura 1.2, que o leitor sabe que se pode inscrever mais de um gráfico numa janela. O comando que permite criar um vetor ou uma matriz de gráficos (caso da figura 1.2) é o seguinte [subplot](#):

```
subplot(número de linhas com gráficos, número de colunas com gráficos,  
número de ordem do gráfico)
```

Abaixo deste comando insere-se o comando que cria o gráfico na célula da matriz de gráficos, como por exemplo, [plot2d\(x,\[y\]\)](#).

Gráficos

Se quisermos dois gráficos lado a lado teremos:

`subplot(1,2,1)`

Comando para criar o gráfico 1

`subplot(1,2,2)`

Comando para criar o gráfico 2



Gráfico 1 Gráfico2

Se quisermos um gráfico a cima e outro abaixo:

`subplot(2,1,1)`

Comando para criar o gráfico 1

`subplot(2,1,2)`

Comando para criar o gráfico 2



Gráfico 1

Gráfico2

O último exemplo: uma matriz de quatro gráfico:

`subplot(2,2,1)`

Comando para criar o gráfico 1

`subplot(2,2,2)`

Comando para criar o gráfico 2

`subplot(2,2,3)`

Comando do gráfico 3

`subplot(2,2,4)`

Comando do gráfico 4



Gráfico 1 Gráfico 2

Gráfico 3 Gráfico 4

Vejamos um exemplo de aplicação, grafando a variação da densidade das árvores, os crescimentos em diâmetro, altura e volume do tronco, de um pinhal bravo. Repare na instrução `boxed=1`, no comando `xtitle`, que cria uma caixa nos títulos e legendas. Os gráficos foram depois de criados, foram formatados com o editor de gráficos.

```
// tabela de produção do pinheiro bravo, dos 10 aos 80 anos
//den=densidade, árvores/hectare, gráfico 1
//dap=diâmetro à altura do peito médio, cm, gráfico 2
//alt=altura média, metros, gráfico 3
//vol=volume do tronco, metros cúbicos/ha, gráfico 4
//t=Idade em anos
//Modelo KHABA de L. S. Barreto
//quatro equações de Gompertz
clf()
t=10:1:80;
den=314*6.18^exp(-0.05*(t-10));
```

Gráficos

```

dap=34*0.4^exp(-0.05*(t-10));
alt=24*0.4^exp(-0.05*(t-10));
vol=400*0.4^exp(-0.05*(t-10));
subplot(2,2,1)
plot2d(t,[den])
xtitle('Densidade','Idade, anos','àrv./ha',boxed=1)
subplot(2,2,2)
plot2d(t,[dap])
xtitle('Diâmetro médio','Idade, anos','cm',boxed=1)
subplot(2,2,3)
plot2d(t,[alt])
xtitle('Altura média','Idade, anos','m',boxed=1)
subplot(2,2,4)
plot2d(t,[vol])
xtitle('Volume em pé','Idade, anos','m.c./ha',boxed=1)

```

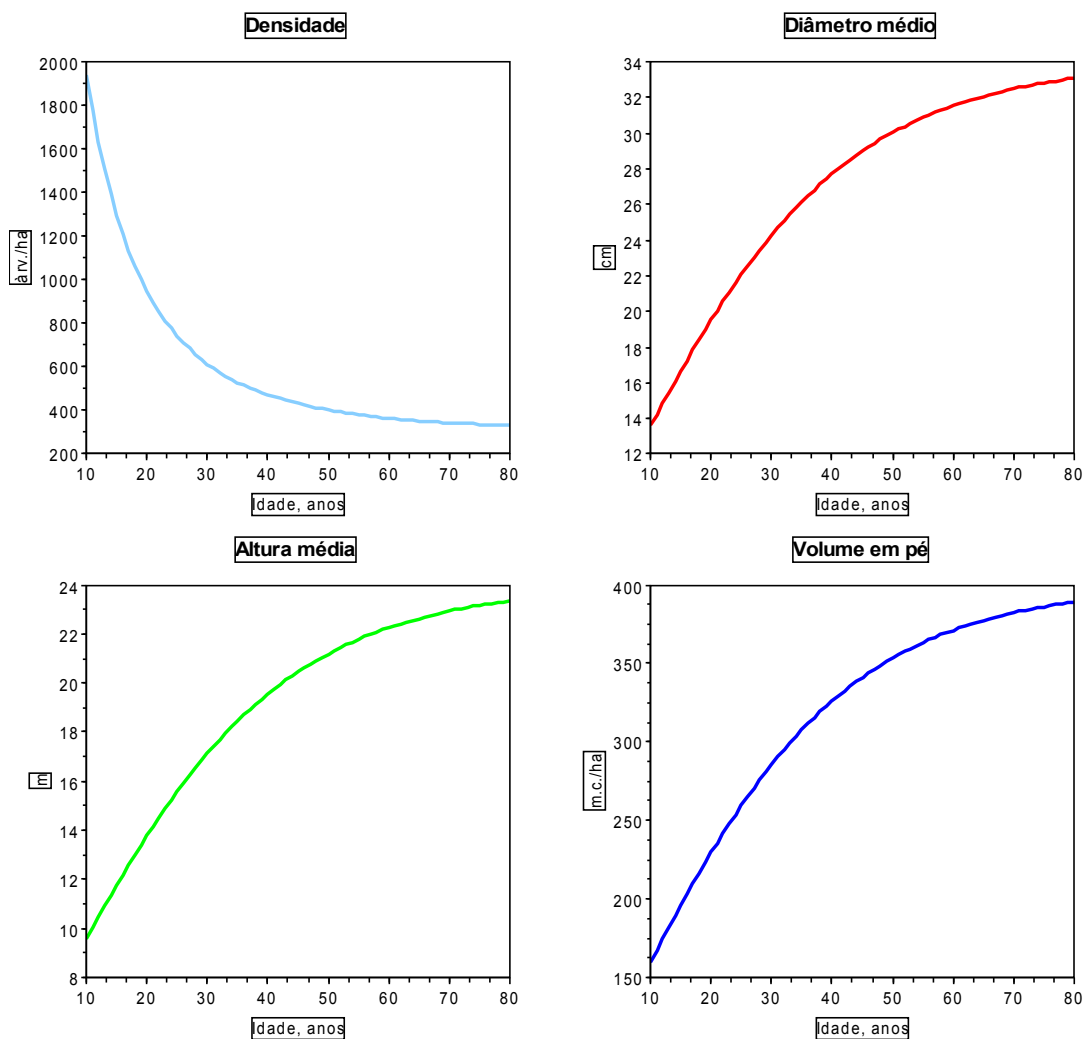


Figura 4.15. Tabela de produção do pinhal bravo, criada usando o comando subplot

Gráficos

4.7 Gráficos a três dimensões (3D)

Um dos comandos tidos como mais empregues pelos utilizadores do Scilab, é o `plot3d`, que apresenta variantes tal como o `plot2d`. Enumeremos esta família de comandos:

plot3d: faz um gráfico de uma superfície 3D.

plot3d1: faz um gráfico 3D de uma superfície cinzento ou com níveis a cores.

plot3d2: faz um gráfico 3D de uma superfície definida por retângulos.

plot3d3: faz um gráfico 3D de uma superfície em rede ("mesh") definida por retângulos.

mesh: faz um gráfico 3D definido por uma rede.

Para usar o comando `plot3d`, criamos primeiro os vetores de valores de x , y e z . Agora com a existência do editor do gráfico, basta escrever:

```
plot3d(x,y,z)
```

e depois fazer a formatação desejada com o editor de gráficos. A listagem de comandos seguinte cria uma janela com uma matriz de quatro gráficos que ilustram as variantes de `plot3d`, exibida na figura 4.16, com os títulos editados. Os exemplos foram tirados da ajuda do Scilab.

```
clf() //limpa qualquer janela de gráfico aberta
//dados para a função z=f(x,y)
//usada pelos comandos plot3d e plot3d1
t=[0:0.3:2*%pi]';
z=sin(t)*cos(t);
//dados para os comandos plot3d2 e plot3d3
u = linspace(-%pi/2,%pi/2,40);
v = linspace(0,2*%pi,20);
X = cos(u)*cos(v);
Y = cos(u)*sin(v);
Z = sin(u)*ones(v);
//inserir 4 gráficos na mesma janela
subplot(2,2,1)
plot3d(t,t,z) //comando plot3d
xtitle("plot3d","x","y","z")
subplot(2,2,2)
plot3d1(t,t,z) //comando plot3d1
xtitle("plot3d1","x","y","z")
subplot(2,2,3)
plot3d2(X,Y,Z); // comando plot3d2
xtitle("plot3d2","X","Y","Z")
subplot(2,2,4)
plot3d3(X,Y,Z) // comando plot3d3
xtitle("plot3d3","X","Y","Z")
```

4.8 Formatar gráficos 3D com os menus e botões da sua janela

Se chamarmos o editor de gráfico da janela da figura 4.16, e abrirmos as árvores dos quatro conjuntos de eixos obtemos o que se exhibe na figura 4.17. Como de costume, o “Axis1” corresponde ao gráfico 4 ([plot3d3](#)), o “Axis2” ao gráfico 3 ([plot3d2](#)), o “Axis3” ao gráfico 2 ([plot3d1](#)), e o “Axis4” ao gráfico 1 ([plot3d](#)).

A formatação dos eixos, chamada clicando em “Axis” é idêntica à descrita para os gráficos 2D. O aspecto distintivo relevante surge no separador “Viewpoint” que permite alterar a elevação e azimute do observador virtual, e reduzir o gráfico a duas dimensões.

Os gráficos 1 e 2, não criam retângulos por isso são identificados por Plot3d. O comando [plot3d2](#), do gráfico 3 cria uma superfície de retângulos (“facets”), por isso surge Fac3d. O gráfico 4 cria dois conjuntos de linhas (“polylines”) “Compound(1)” e “Compound(2)”. O primeiro com 40 linhas e o segundo com 20 linhas, que se editam como nos gráficos 2D.

Cliquemos, no “Axis4” em Plot3d. Surge-nos a janela da figura 4.18, que têm aspetos comuns ao da figura 4.10, referida a gráficos 2D e que se usam da mesma maneira. O aspeto mais inovador desta janela diz respeito aos botões de opção de “Color flag” que permitem passar do aspecto do gráfico um para o dois e vice-versa.

Gráficos

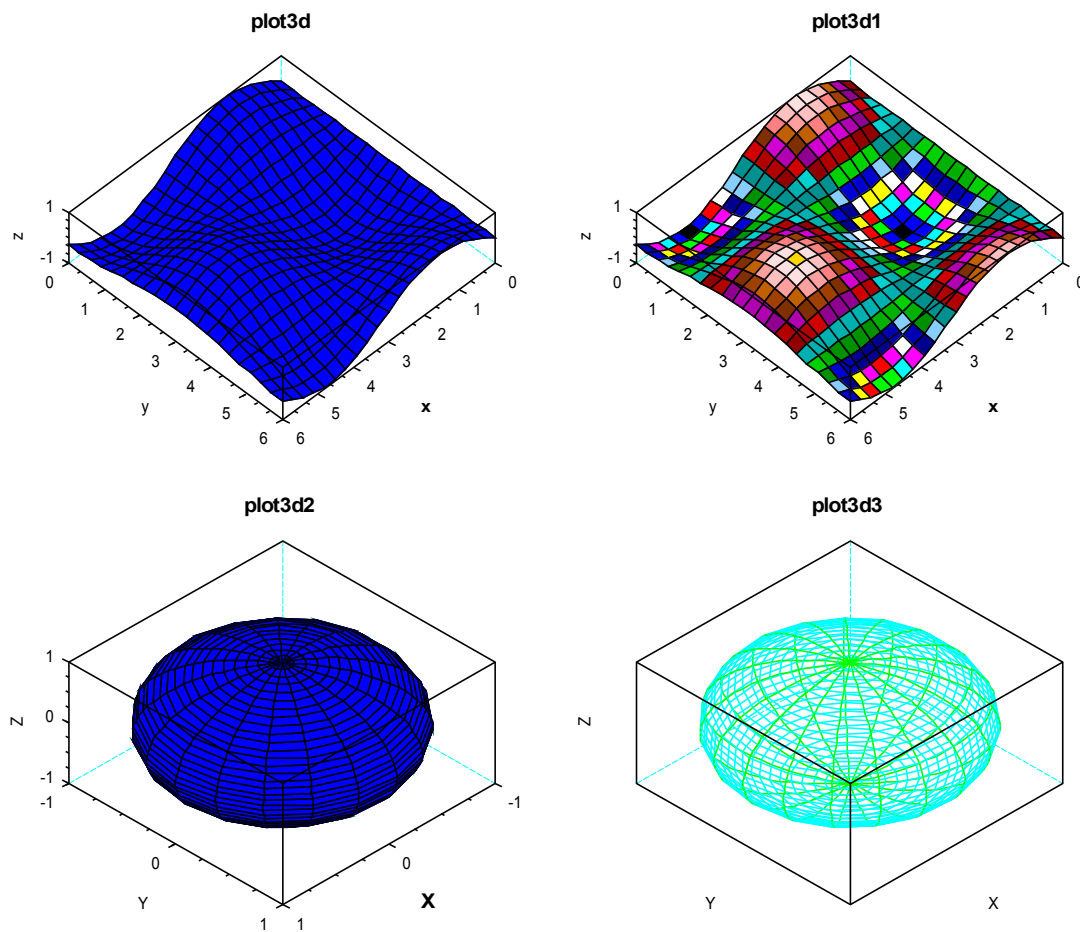


Figura 4.16. Gráficos a 3D básicos

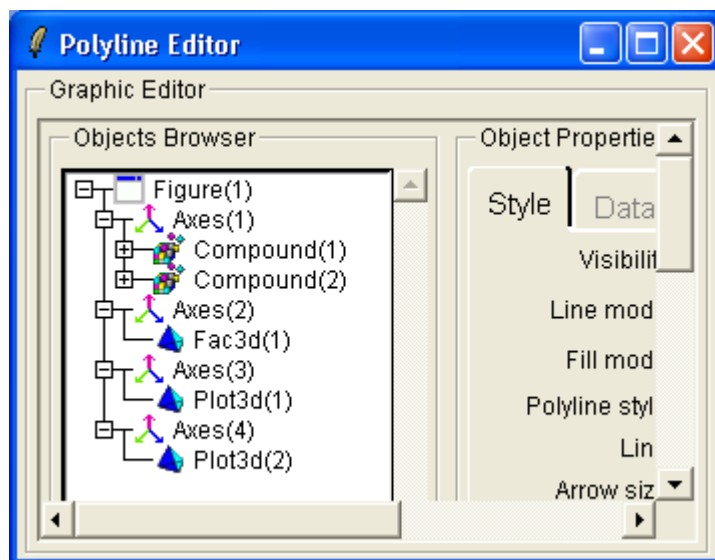


Figura 4.17. O navegador no gráfico com os “ramos” “Axis” abertos

Como fizemos para os gráficos 2D, sugerimos que a leitora explore as possibilidades do editor de gráficos com o gráfico da figura 16. Sem preocupações de

Gráficos

estética nem de design gráfico, mais uma vez para lhe estimular a iniciativa, deixamos-lhe a figura 4.19, resultado de um exercício de formatação do gráfico em questão.

A “Hidden color” corresponde à face inferior da superfície criada, se esta tiver porções visíveis.

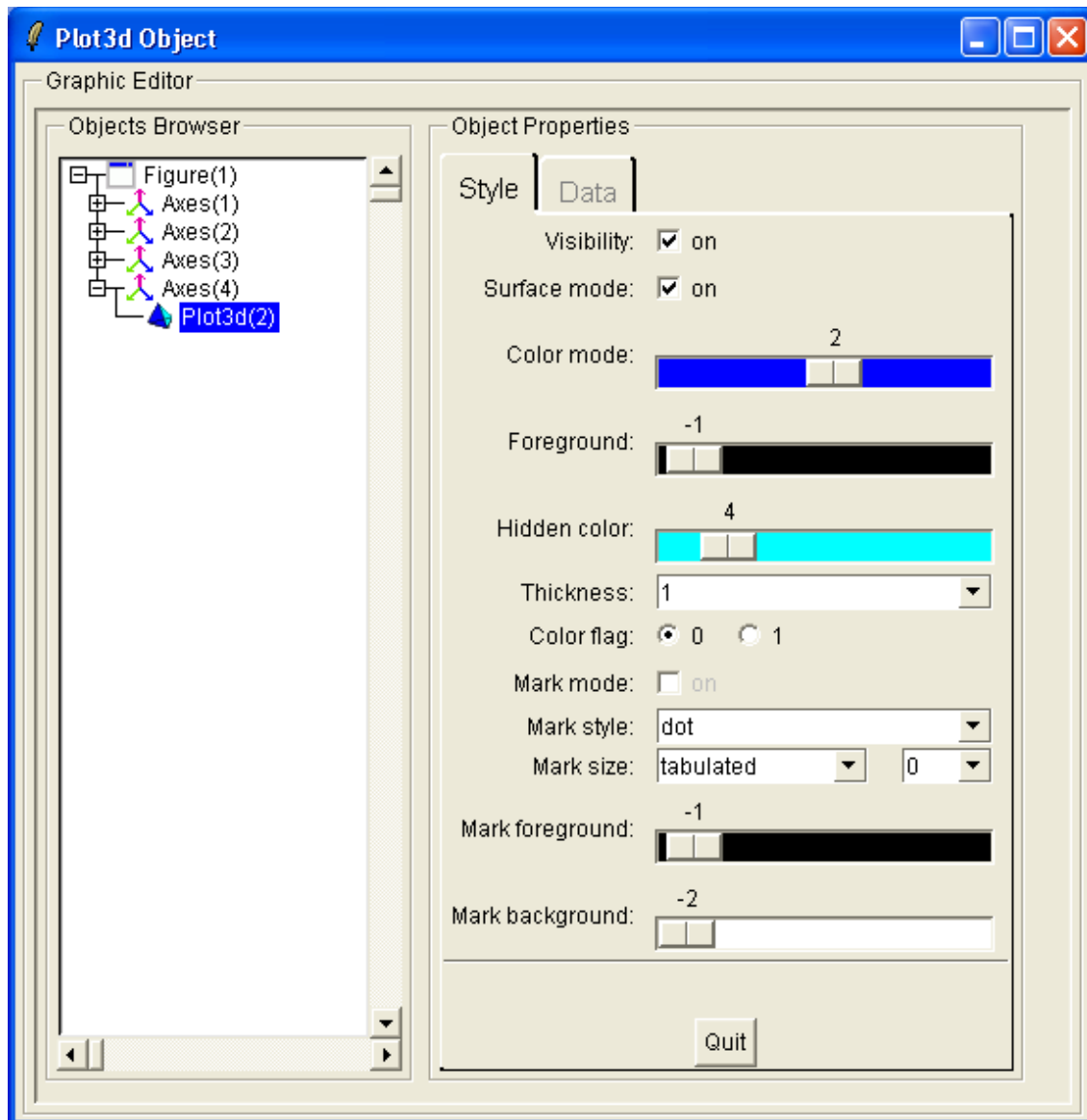


Figura 4.18. Editor do Plot3d do gráfico 4, da figura 4.16

Sugiro ao leitor/a que copie da ajuda do Scilab para o comando `mesh`, o exemplo que lá vem, e execute-o, na janela de comandos. Depois abra ao editor do gráfico e utilize uma cor diferente da branca para a página inferior da superfície (deslizante da “Hidden color”).

Gráficos

4.9 Outras possibilidades de criar facilmente gráficos 3D

À semelhança do que se passa com os gráficos 2D, o Scilab ainda apresenta outros comandos para se obterem gráficos 3D. Eis alguns:

fplot3d: faz um gráfico 3D de uma superfície definida por uma função.

fplot3d1: faz um gráfico 3D de uma superfície definida por uma função com níveis de cinzento ou cor.

param3d: faz o gráfico de uma curva.

param3d1: faz o gráfico de curvas.

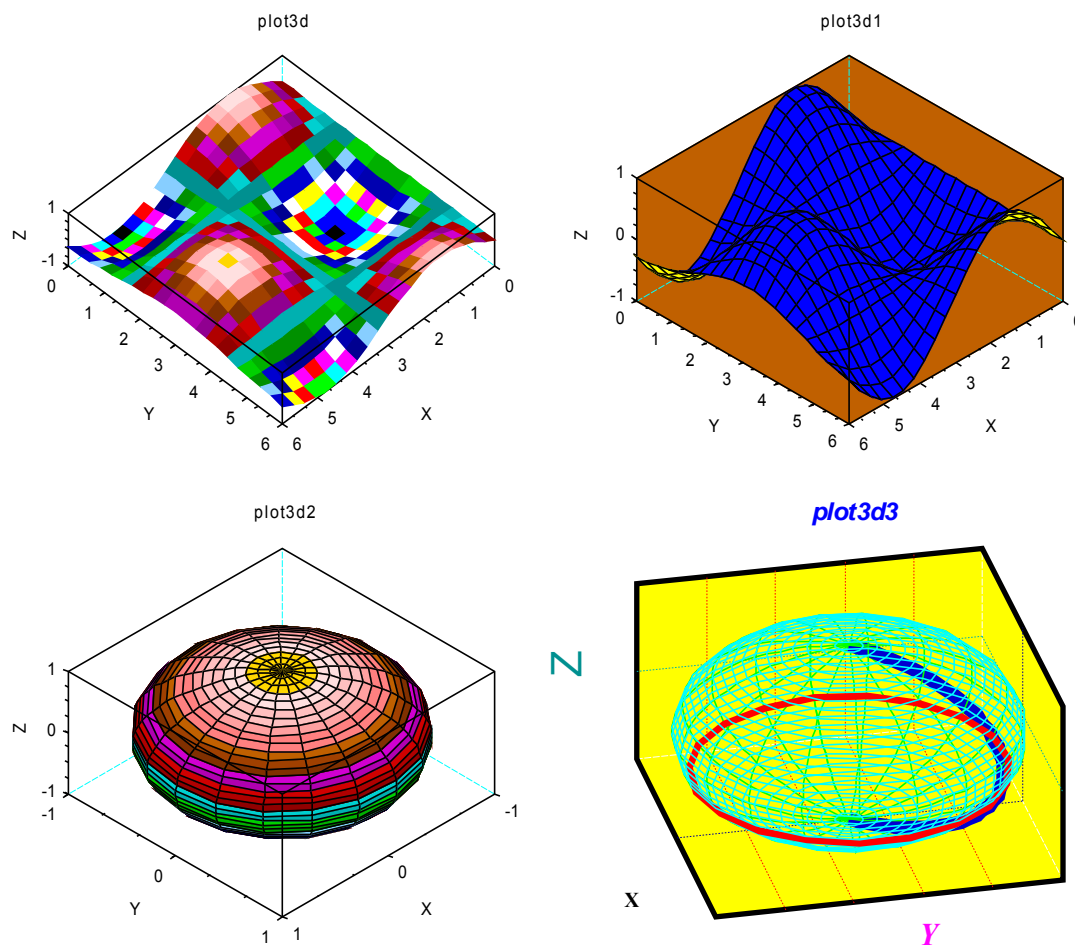


Figura 4.19. Os gráficos da figura 4.16 depois de submetidos a alguns actos de formatação usando o editor de gráficos

contour: insere curves de nível num gráfico 3D.

fcontour: insere curvas de nível no gráfico de uma superfície definida por uma função.

hist3d: histogram em 3D.

Se não quisermos inserir mais de um gráfico numa janela (usando subplot), recorreremos ao comando

Gráficos

`xset('windows', i)`

$i=0,1,2,\dots$, para abrir uma sequência de janelas. O comando deve anteceder cada instrução que cria o gráfico (`plot2d`, `plot3d`, ou qualquer outra).

Gráficos

4.10 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo

Comando	Descrição
champ	Cria um campo de vetores de duas dimensões
champ1	Permite colorir os vetores do campo
contour2d	Traça as curvas de nível de uma superfície num gráfico 2D
errbar	Acrescenta barras verticais de erros a um gráfico 2D
ontour	Campo de vetores associado a uma equação diferencial ordinária (EDO)
fcontour2d	Traça as curvas de nível de uma superfície definida por uma função num gráfico 2D
fgrayplot	Cria uma superfície definida por uma função num gráfico a duas dimensões usando cores
fplot2d	Faz o gráfico de uma curva definida por uma função.
grayplot	Cria uma superfície num gráfico a duas dimensões usando cores
legend	Insere uma legenda com o nome das curvas do gráfico, no espaço dos eixos
locate	Permite obter as coordenadas de pontos numa curva
matplot	Cria uma quadricula preenchida a cores
mesh	Faz um gráfico 3D definido por uma rede
pie	Cria um gráfico circular, como se ilustra na figura 4.13
plot2d	Cria um gráfico a duas dimensões
plot3d	Faz um gráfico de uma superfície 3D
plot3d1	Faz um gráfico 3D de uma superfície cinzento ou com níveis a cores
plot3d2	Faz um gráfico 3D de uma superfície definida por retângulos
plot3d3	Faz um gráfico 3D de uma superfície em rede ("mesh") definida por retângulos
sfgrayplot	Suaviza uma superfície definida por uma função num gráfico a duas dimensões usando cores.
sgrayplot	Suaviza uma superfície num gráfico a duas dimensões usando cores, como se ilustra na figura 4.14
subplot	Cria mais de um gráfico numa janela
xarc	Desenha parte de uma elipse
xarcs	Desenha partes de um conjunto de elipses
xfarc	Preenche parte de uma elipse
xfpoly	Preenche um polígono
xfpolys	Preenche um conjunto de polígonos
xfrect	Preenche um retângulo
xpoly	Desenha uma linha ou um polígono
xpolys	Desenha um conjunto de linhas ou polígonos
xrect	Desenha um retângulo
xrects	Desenha ou preenche um conjunto de retângulos
xrpoly	Desenha um polígono regular
xsegs	Desenha segmentos de reta não ligados
xset	xset('windows', i) abre a janela i para receber um gráfico
xstrig	Insere texto no espaço dos eixos, num gráfico

Capítulo 5

Outros comandos com interesse

Do rico acervo de recursos disponibilizados pelo Scilab, vamos ainda abordar mais alguns, tidos como entre os mais frequentemente utilizados. Assim, introduziremos comandos concernentes aos seguintes tópicos:

- Ajustamento de curvas não lineares
- Interpolação
- Diferenciação
- Integração
- Sistemas de equações não lineares
- Solução numérica de equações diferenciais ordinárias
- Equações discretas
- Otimização

Outros comandos

5.1 Ajustar curvas

O Scilab apresenta várias possibilidades para se ajustar curvas. Para além do comando `lsq` (ver secção 2.8) tem outros comandos ligados ao método dos mínimos quadrados, cuja exploração deixamos à leitora, salvo o caso ilustrado abaixo. Abordemos o comando `datafit`, que é uma versão melhorada do `fit_dat`.

[vetor p dos parâmetros desejados, erro mínimo quadrado, err] =
`datafit`(função a minimizar G que tem de ser criada, conjunto dos valores medidos Z, tentativa de uma solução inicial,p0, opções)

Antes de utilizar o comando deve:

- Definir a curva que quer ajustar, usando o comando `function` (secção 2.7) ou `deff` (secção 2.14).
- Dispor do vetor das variáveis independente e da variável dependente (dados observados ou medidos).
- Definir a função $G(p,z)$ que é utilizada para obter o melhor vetor dos parâmetros pretendidos, por aproximações de $G(p,z_i)=0$, para um conjunto de valores medidos z_i . O vetor p é encontrado, minimizando a expressão
 $G(p,z_1)'WG(p,z_1)+G(p,z_2)'WG(p,z_2)+\dots+G(p,z_n)'WG(p,z_n)$
 Em que W é um vetor opcional de ponderação dos parâmetros.
- Por fim, resolver o problema com o comando `[p,err]=datafit(G,Z,p0)`.

As experiências com *Paramecium* sp. realizadas por Gause, nos anos trinta do século passado são referidas em todos os textos de ecologia que abordam a competição. Gause tanto fez crescer misturas de dois ciliados, como as suas culturas puras. Determinou diariamente, o número de organismos em 0,5 cm³. Vamos ajustar aos valores contados para uma das suas culturas puras de *P. aurelia*, uma equação de Gompertz da forma:

$$y(t) = y_f \left(\frac{y_0}{y_f} \right)^{\exp(-ct)}$$

pretendemos estimar y_f que fazemos igual a a e c que fazemos igual a b, ao definir a função no Scilab.

O programa para ajustar a curva aos dados de Gompertz é o seguinte:

```
//Ajustar uma curva de Gompertz
//Ao crescimento de uma cultura de Paramecium aurelia
//Dados de Gause
deff('y=FF(x)', 'y=a*(Y(1)/a)^exp(-b*x)') //definir a função de Gompertz
X=[]; Y=[]; //criar dois vetores vazios
x=[0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19]; //dias da contagem
Y=[2 10 17 29 39 63 185 258 267 392...
510 570 650 560 575 650 550 480 520 500]; //número de paramecias em 0,5
c.c.
X=[X,x]; //Recriar o vetor X
```

Outros comandos

```
Z=[Y;X]; //Criar o vetor Z
//Definir a função critério
deff('e=G(p,z)', 'a=p(1), b=p(2), y=z(1), x=z(2), e=y-FF(x)')
//Obter o resultado com os valores propostos 500 e 0.2
[p,err]=datafit(G,Z,[500;0.2])
//Calcular a razão entre o valor inicial e final
R=Y(1)/p(1)
//Simular dados com a curva ajustada
t=0:1:19;
z=p(1)*R^exp(-p(2)*t);
//Calcular o vetor dos erros absolutos percentuais
e=(abs(z-Y)./Y)*100;
//Calcular o erro absoluto percentual médio
eapm=mean(e)
//Criar a matriz dos valores medidos e simulados
M=[z;Y];
//Fazer o gráfico dos valores medidos e simulados
plot2d(x,[M])
xtitle("Ajustamento da curva de Gompertz", "t, dias", "z, Y. N° em meio c.c.")
xgrid()
```

A saída do programa é a seguinte:

```
err =
    88069.143
p =
    606.03349
    0.2888947
R =
    0.0033001
eapm =
    32.406001
exec done
```

Tendo-se pois $y_i=606,03349$ e $c=0,2888947$. O gráfico obtido consta da figura 5.1, tendo sofrido formatação com a interface gráfica.

O leitor deve consultar o texto de ajuda ([help datafit](#)) para obter informação sobre as opções.

Para efeitos comparativos vamos introduzir o comando **lsqrsolve** que usa o algoritmo modificado de Levenberg-Marquardt para ajustar uma curva não linear.

[vetor dos parametros pretendidos, valores da função usada no algoritmo]=lsqrsolve([tentativa de solução inicial],função a criar, size(X,1));

Outros comandos

Inserimos este comando aos mesmos dados de Gause, nos termos da aplicação anterior. Ver também a figura 5.2. Para mais pormenores consultar a ajuda do comando.

```
//Ajustar uma curva de Gompertz
//Ao crescimento de uma cultura de Paramecium aurelia
//usando o comando lsqrsolve. Dados de Gause
deff('y=FF(X)', 'y=a*(Y(1)/a)^exp(-b*X)');
X=[0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19]'; //dias da contagem
Y=[2 10 17 29 39 63 185 258 267 392...
510 570 650 560 575 650 550 480 520 500]; //nº de ciliados/0,5 c.c.
//solução
function e=f1(ab,m)
    a=ab(1); b=ab(2);
    e=Y-a*(Y(1)/a)^exp(-b*X);
endfunction
[ab,v]=lsqrsolve([600;0.2],f1,size(X,1));
ab
//Calcular a razão entre o valor inicial e final
R=Y(1)/ab(1)
//Simular dados com a curva ajustada
t=0:1:19;
z=ab(1)*R^exp(-ab(2)*t);
//Calcular o vetor dos erros absolutos percentuais
e=(abs(z-Y)./Y)*100;
//Calcular o erro absoluto percentual médio
eapm=mean(e)
//Criar a matriz dos valores medidos e simulados
M=[z;Y];
//Fazer o gráfico dos valores medidos e simulados
plot2d(X,[M])
xtitle("Ajustamento da curva de Gompertz usando lsqrsolve","t, dias","z,Y")
xgrid()
```

ab =

606.03612

0.2888923

R =

0.0033001

eapm =

32.40536

Outros comandos
exec done

Os dois ajustamentos são virtualmente idênticos.

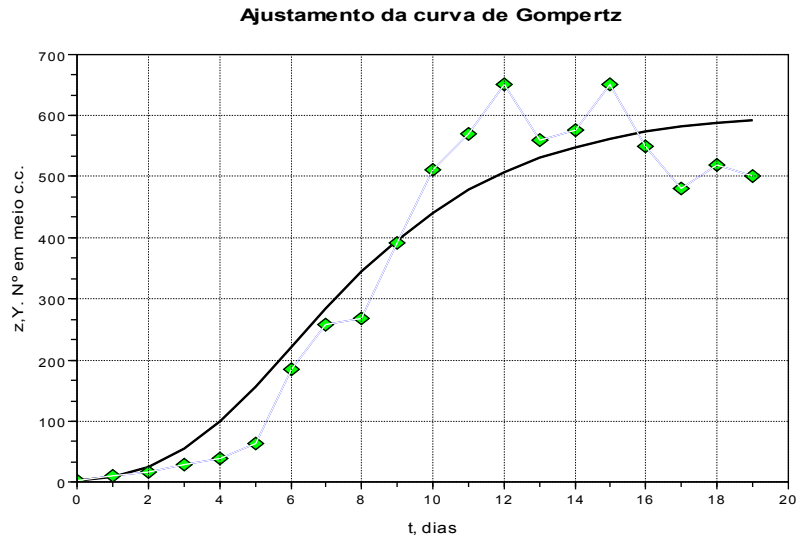


Figura 5.1. Aplicação do comando datafit. Valores medidos e simulados pelo ajustamento de uma curva de Gompertz a dados de Gause, de uma cultura pura de *Paramecium aurelia*

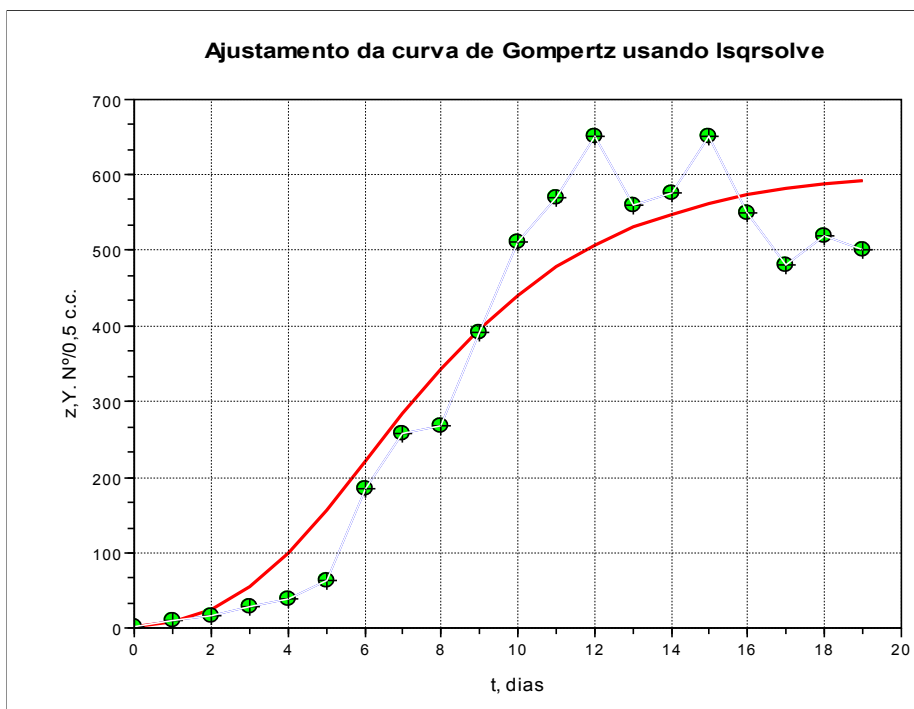


Figura 5.2. Aplicação do comando lsqrsolve. Valores medidos e simulados pelo ajustamento de uma curva de Gompertz a dados de Gause, de uma cultura pura de *Paramecium aurelia*

Outros comandos

5.2 Interpolação

Todos estamos familiarizados com problemas de interpolação, quando temos valores de duas variáveis tabelados, e queremos achar estimativas de valores intermédios. Sejam as variáveis x e y . Geralmente temos um valor de x que não vem na tabela e cai entre dois tabelados, e queremos o valor de y associado. Os valores de x têm de ser todos crescentes ou decrescentes (variar monotonicamente). É um problema diferente de ajustar uma curva porque queremos que a linha estimada passe forçosamente pelos pontos disponíveis.

Existem vários métodos de interpolação e o Scilab é generoso na sua apresentação. Se a leitora os quiser cotejar todos, entre com [apropos interpolation](#) e obterá uma lista de 12 comandos, no navegador da janela da Ajuda (Browse Help). Nós vamos abordar o comando **interp1**.

Valores pretendidos interpolados = `interp1(vetor dos valores de x disponíveis, vetor dos valores de y disponíveis, vetor dos valores de x para os quais se quer interpolar y, 'método seleccionado')`

Vamos ilustrar uma aplicação usando os três métodos do comando, e usando a equação de Gompertz ajustada na secção anterior. A lista de comandos seguinte encarrega-se dessa tarefa.

```
//Ensaiar os métodos de interpolação do comando interp1
//Criar cinco valores de x
x=linspace(0,19,5);
//Criar os cinco valores correspondentes de y
y= 606.03612*0.0033001^exp(-0.2888923*x);xx=linspace(0,20,21);
//Criar o vetor de x para os quais se querem as interpolações
xx=linspace(0,19,20);
//Aplicar o método de interpolação linear
yy1=interp1(x,y,xx,'linear');
//Aplicar o método spline
yy2=interp1(x,y,xx,'spline');
//Aplicar o método nearest
yy3=interp1(x,y,xx,'nearest');
//Criar uma matriz de três gráficos
subplot(2,2,1)
plot(xx,[yy3],x,y,'*')
xtitle("Interpolação com o método nearest","x","y")
subplot(2,2,2)
plot(xx,[yy1],x,y,'*')
xtitle("Interpolação com o método linear","x","y")
subplot(2,2,3)
plot(xx,[yy2],x,y,'*')
xtitle("Interpolação com o método spline","x","y")
```

Outros comandos

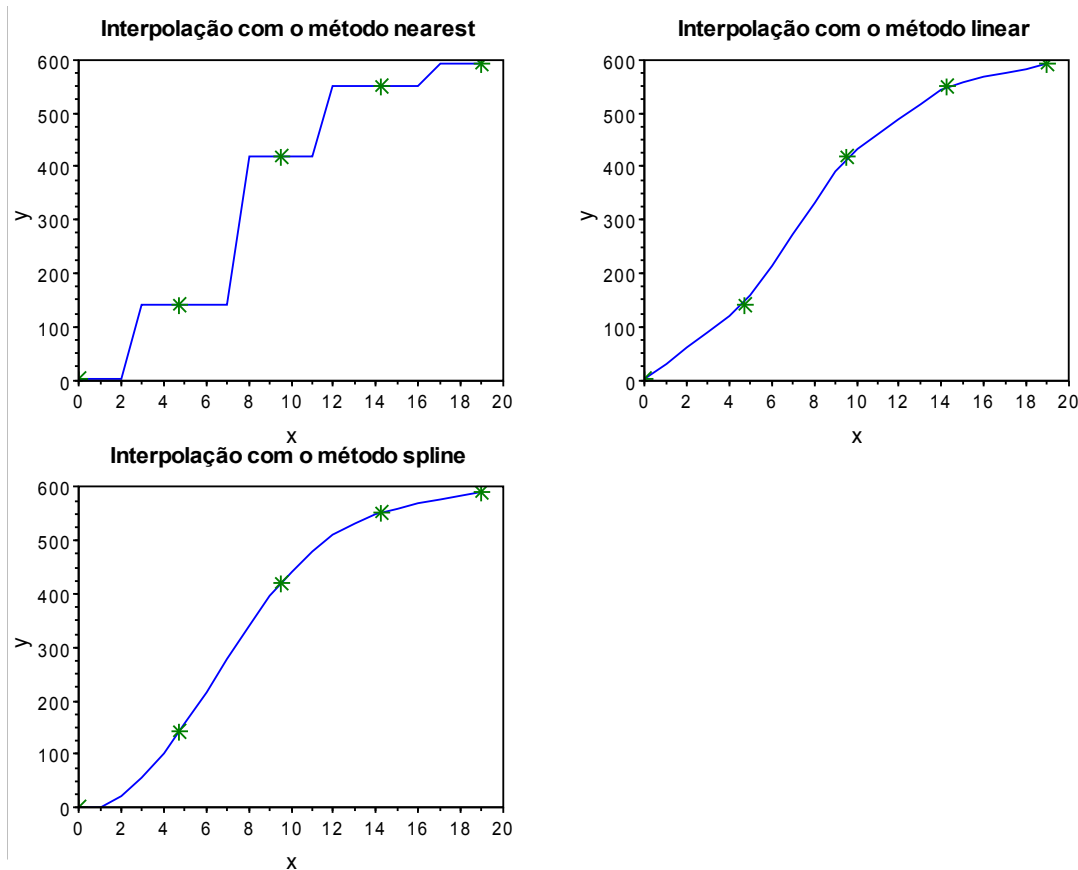


Figura 5.3. Ilustração do uso do comando `interp1`, com os seus três métodos. Gráfico com as legendas formatadas com o editor gráfico

O método spline surge como o de melhores resultados. Fica como exercício para o leitor, calcular as diferenças entre os valores dados pela equação ajustada e os proporcionados pela interpolação.

A interpolação que realizámos é dita linear porque y só depende de uma variável x . Mencionemos ainda mais dois comandos para interpolação não linear:

O comando `interp2d` permite interpolar os valores de uma variável z que depende de outras duas ($z_j=f(x_j, y_j)$) usando o método spline.

O comando `interp3d` permite interpolar os valores de uma variável v que depende de outras três ($v_j=f(x_j, y_j, z_j)$) usando o método spline.

Outro comando que usa o método spline para interpolar é `smooth`.
 vetor interpolado=`smooth`([pontos x e y], salto discreto)

Vamos interpolar valores do seno de oito ângulos e depois interpolar a curva com `smooth`.

```
//Interpolação smooth.
```

```
//Imprime um gráfico de retas com os dados iniciais,
```

Outros comandos

```
// da curva sinusoidal
```

```
//depois a curva da interpolação smooth
```

```
clf()
```

```
x=linspace(0,2*pi,8);//8 valores de x
```

```
y=sin(x);//8 valores de y
```

```
plot2d(x,[y]')//fazer um gráfico dos 8 pontos
```

```
yi=smooth([x;y],0.1)//interpolação
```

```
plot2d(yi(1,:),'yi(2,:)')//fazer um gráfico da interpolação
```

```
--> z=locate(5,1)//identificar 5 pontos
```

```
z =
```

```
0.3480874  1.6180328  3.2398907  4.7087432  6.2693989
0.3731020  1.0036153  -0.1012292  -1.0036153  -0.0086768
```

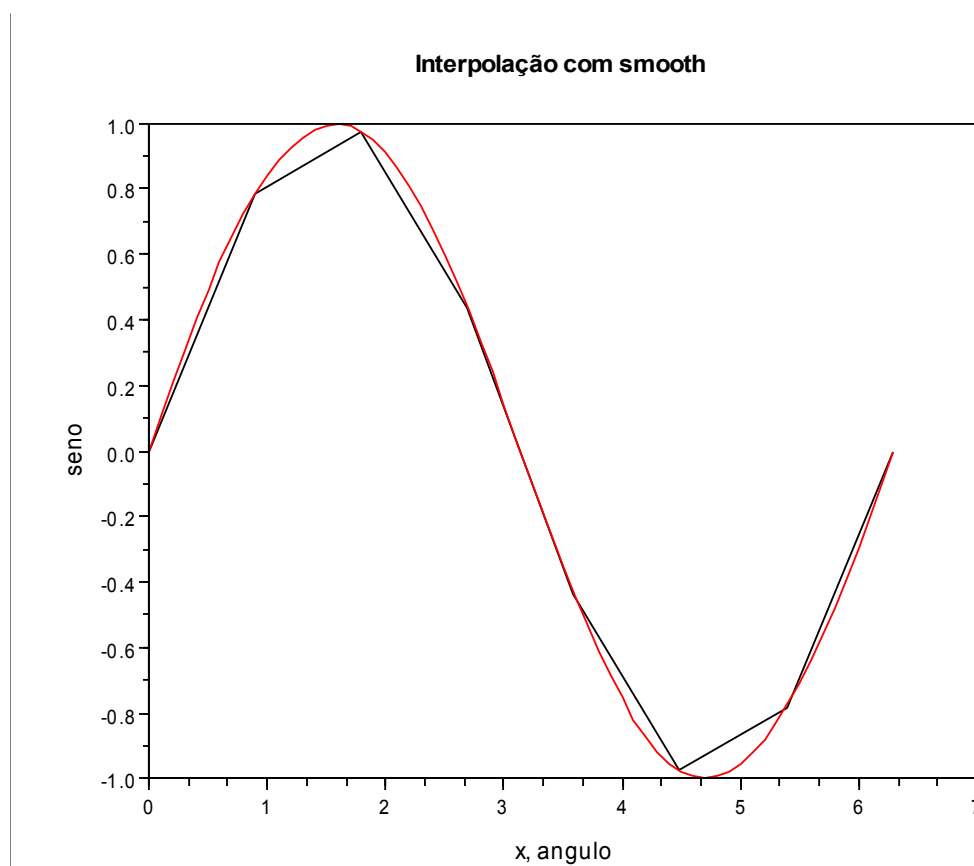


Figura 5.4. Interpolação da curva do seno com o comando smooth. Formatado com editor gráfico

Outros comandos

5.3 Diferenciação

O comando **derivative** dá o valor da derivada em ordem a uma dada variável, de uma função num dado ponto.

Para usar este comando temos primeiro que definir a função (ver secção 2.14), com o comando **deff**. Depois estabelecer o ponto onde queremos a derivada (valores das variáveis independentes). Depois chamar o comando que na sua forma mais simples tem a forma;

[Valor da derivada, J]=derivative(*função definida, ponto escolhido*)

Ilustremos com o caso de funções de uma e duas variáveis:

```
//Derivada de uma função de 1 variável
funcprot(0)
deff('y=f(x)', 'y=[0.05*x(1)*cos(x(1))^2+cos(x(1))']')
x(1)=3*%pi/4;
x0=[x(1)];
disp("Derivada")
[J]=derivative(f,x0)
//derivada de uma função de duas variáveis
deff('y=f(x)', 'y=[0.05*x(1)*cos(x(2))^2+cos(x(1))']')
x(1)=3*%pi/4;x(2)=1.5*%pi/4;
x0=[x(1),x(2)];
disp("Derivada")
[J]=derivative(f,x0)
```

A saída é a seguinte:

Derivada

J =

- 0.5642971

Warning :redefining function: f

Derivada

J =

- 0.6997845 - 0.0833041

exec done

Use a ajuda do Scilab se pretender mais informação sobre o comando.

Outros comandos

5.4 Integração

Existem dois comandos que calculam o integral definido de uma função. Vejamos o de utilização mais simples.

```
integrate('função','variável',limite inferior,limite superior)
```

Vejamos um exemplo.

```
integrate(' -0.05*log(0.4076)*exp(-0.05*x)', 'x', 0, 50)
```

```
ans =
```

```
0.8238002
```

O comando **intg** requer a definição prévia da função. A sintaxe é a seguinte:

```
intg(limite inferior, limite superior, nome da função)
```

Vejamos a sua utilização:

```
deff('[y]=f(x)', 'y=-0.05*log(0.4076)*exp(-0.05*x)')
```

```
funcprot(0) // Evita a redefinição da função f
```

```
intg(0, 50, f)
```

```
ans =
```

```
0.8238002
```

Proporcionam o mesmo resultado.

É também possível calcular o integral de um vetor de dados procedendo primeiro à interpolação da sua curva. É o que fazem os comandos **intsplin** que usa a interpolação pelo método spline, e o **inttrap** que emprega a interpolação trapezoidal.

Começemos pela última:

```
inttrap(vetor dos pontos disponíveis, função)
```

Calculemos o mesmo integral a partir de um vetor de 10 pontos. Teremos:

```
x=linspace(0,50,10);
```

```
inttrap(x, -0.05*log(0.4076)*exp(-0.05*x))
```

```
ans =
```

```
0.8290905
```

A sintaxe do comando **intsplin** é semelhante, e fornece melhor resultado

```
x=linspace(0,50,10);
```

Outros comandos

```
intsplin(x,-0.05*log(0.4076)*exp(-0.05*x))
ans =

0.8238128
```

5.5 Solução de sistemas de equações não lineares

O comando `fsolve` permite achar a solução de um sistema de n equações não lineares.

```
[solução]=fsolve([tentative de valores iniciais],nome da função)
```

Eis um exemplo, recorrendo às equações diferenciais de um sistema presa-predador. Quando as equações são iguais a zero não há variação e os tamanhos das populações da presa e do predador mantêm-se constantes, como se ilustra na figura 5.5, que confirma a solução.

```
function x=g(y)
x(1)=y(1)*(1-y(1)/1000)-0.04*y(1)*y(2);
x(2)=0.03*0.02*y(1)*y(2)-0.25*y(2);
endfunction
[y]=fsolve([450,20],g)
y =
```

```
416.66667 14.583333
```

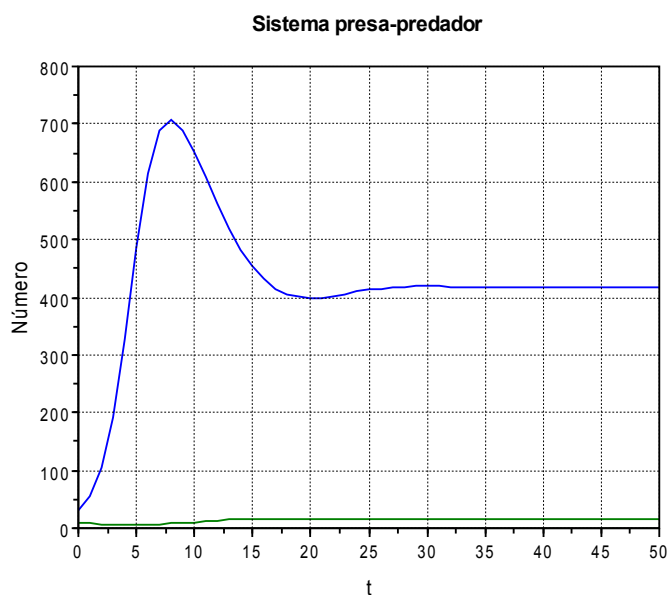


Figura 5.5. Dinâmica de um sistema presa-predador. A população da presa no equilíbrio é de 417 indivíduos e a do predador 14

Outros comandos

5.6 Solução numérica de equações diferenciais ordinárias

O comando do Scilab para resolver equações diferenciais ordinárias (EDO; é o `ode` (.ode=ordinary differential equations):

Antes de usar o comando temos de:

- 1 – Definir a equação diferencial ordinária ou um sistema desta equações.
- 2 – Estabelecer o valor ou valores iniciais.
- 3 – Definir o início do tempo, t_0
- 4 – Definir o período da solução, vetor t
- 5 – Usar o comando `ode` para obter a solução

O comando `ode` na sua forma mais simples, a única que abordaremos nesta iniciação ao software, é:

Solução=ode(vetor dos valores iniciais, início do tempo, período de integração, nome da função)

Damos um exemplo que é resolver a equação diferencial da curva de Gompertz:

$$\frac{dy}{dt} = 0,5y \ln 250 \left(1 - \frac{\ln y}{\ln 250}\right)$$

// Solução da equação diferencial da curva de Gompertz

`clf()`

`funcprot(0)`

//Definir a equação diferencial

`deff("yprim=f(t,y)",["yprim=0.5*y*log(250)*(1-log(y)/log(250))"])`

`y0=210;//Valor inicial`

`t0=0;//Início do tempo`

`t=0:15;//Período da solução`

`y=ode(y0,t0,t,f)' //solução`

`y =`

210.
224.9122
234.46814
240.46087
244.17003

Outros comandos

```
246.44753
247.83925
248.6872
249.20293
249.51625
249.70648
249.82193
249.89198
249.93447
249.96025
249.97589
```

```
plot(ode(y0,t0,t,f)) //Gráfico da solução
```

```
xtitle("Equação de Gompertz","t","y")
```

O gráfico da solução insere-se na figura 5.6.

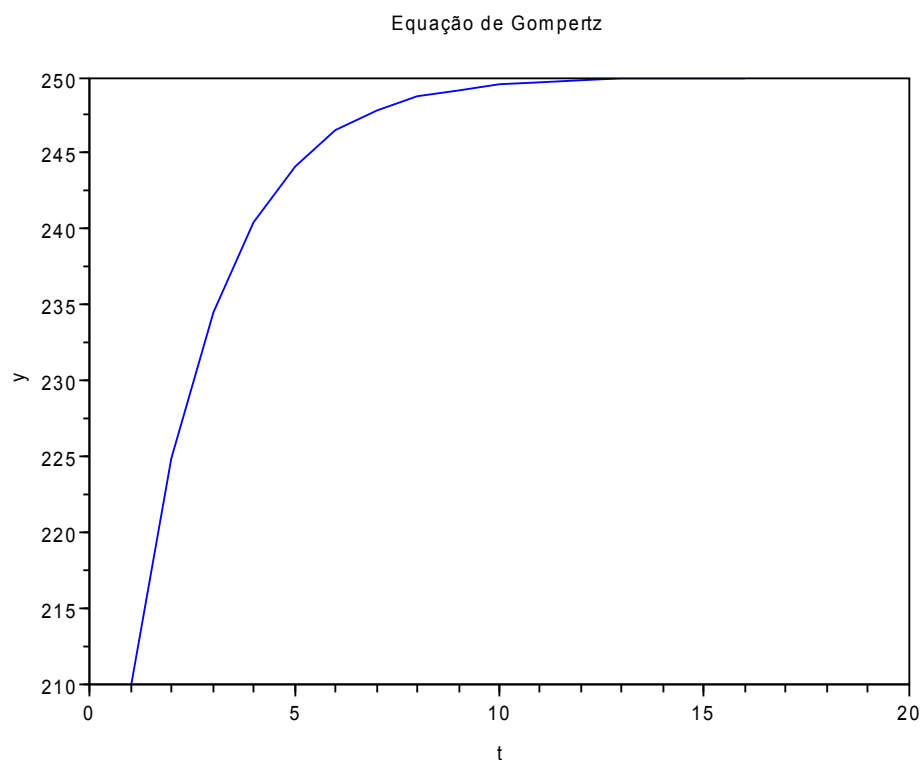


Figura 5.6. Solução da equação diferencial da curva de Gompertz, com o comando ode

Desejamos agora a solução do sistema de duas equações diferenciais seguinte.

$$\frac{dy_1}{dt} = -0,1y_1 + 0,003y_1y_2$$

$$\frac{dy_2}{dt} = -0,0003y_1y_2 + 0,3y_2$$

Outros comandos

A solução é dada pela seguinte listagem:

```
//Modelo de duas EDO com ciclo
//Modelo de Lotka-Volterra para a predação
clf()
funcprot(0)
//Definir o sistema
deff("ydot=f(t,y)",["ydot1=-0.1*y(1)+0.003*y(1)*y(2)";...
"ydot2=-0.0003*y(1)*y(2)+0.3*y(2)";...
"ydot=[ydot1;ydot2]"])
//valores iniciais de y(1) e y(2)
y0=[10,10];
//instante inicial
t0=0;
//Períodos da simulação
t=0:500;

//Resolver
[M]=(matrix(ode(y0,t0,t,f),2,501))';//Obter 2 vetores coluna da solução
//Gráfico da solução
subplot(2,1,1)
plot(t,[M]');
xlabel("Solução de um sistema de duas EDO","t","y(1),y(2)")
//Diagrama de fase
subplot(2,1,2)
plot2d(M(:,1),[M(:,2)])
xlabel("Diagrama de fase","y(1)","y(2)")
```

Transpor a matriz



O gráfico da solução e o diagrama de fase exibe-se na figura 5.7.

Também podíamos ter entrado com:

```
plot(ode(y0,t0,t,f))
```

e obtínhamos o gráfico da figura 5.8.

O comando `ode` permite resolver equações de diferenças. Vamos usar a equação de diferenças da curva logística. A sintaxe do comando é a seguinte:

```
Solução=ode("discrete",vetor dos valores iniciais, início do tempo, período de
integração, nome da função)
```

```
// solução da equação logística discreta
```

```
deff("yprim=f(t,y)",["yprim=1.6487*y/(1+0.00342*y)"])
```

```
y0=31;
```

Outros comandos

```
t0=0;
```

```
t=0:15;
```

```
plot(ode("discrete",y0,t0,t,f))
```

```
xtitle("Curva logística","t","y")
```

Ver a figura 5.9.

Em Barreto (2005, eq. (11.2)) insiro o meu modelo BACO3, que tem a expressão seguinte:

$$\frac{dy_i}{dt} = c_i y_i \ln(y_{fi}) \left(1 - \frac{\ln(y_i)}{\ln(y_{fi})} - \sum_{j=1}^n \alpha_{ij} \frac{\ln(y_j)}{\ln(y_{fi})}\right)$$

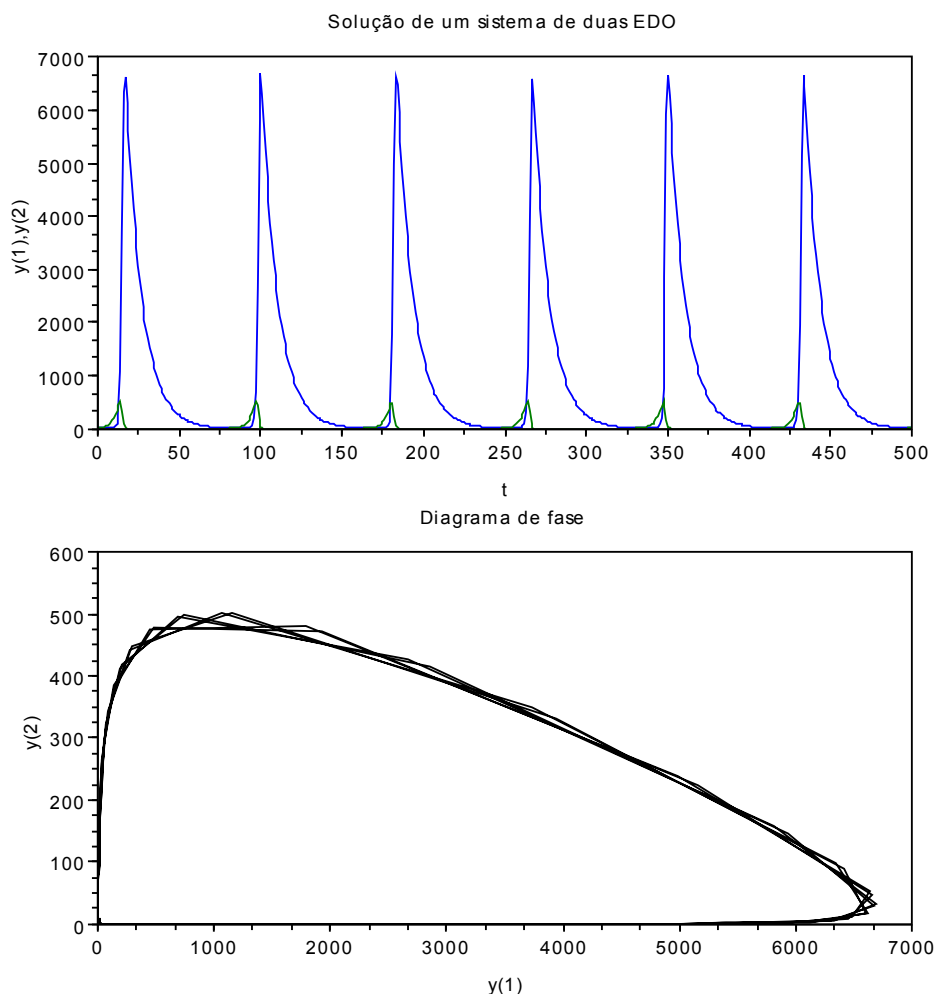


Figura 5.7. Gráficos relativos à solução do sistema de duas equações diferenciais

Outros comandos

Proponho à leitora o seguinte exercício de programação e simulação. Usar a equação geral apresentada para estabelecer um modelo de três competidores, $i=1,2,3$, com os seguintes parâmetros: $c_1=0,5$; $c_2=0,6$; $c_3=0,3$; $\gamma_{f1}=2,718282$; $\gamma_{f2}=1,6059$; $\gamma_{f3}=1.234327$; $\alpha_{12}=2$; $\alpha_{13}=4$; $\alpha_{21}=1/3$; $\alpha_{23}=2$; $\alpha_{31}=1/3$; $\alpha_{32}=1/3$. Faça $y_0=[1 \ 1 \ 1]$. Deverá obter um gráfico semelhante ao da figura 5.10.

O leitor deve explorar as opções do comando `ode` e outros que estão relacionados com ele, se este tópico é do seu particular interesse (apropos `ode`).

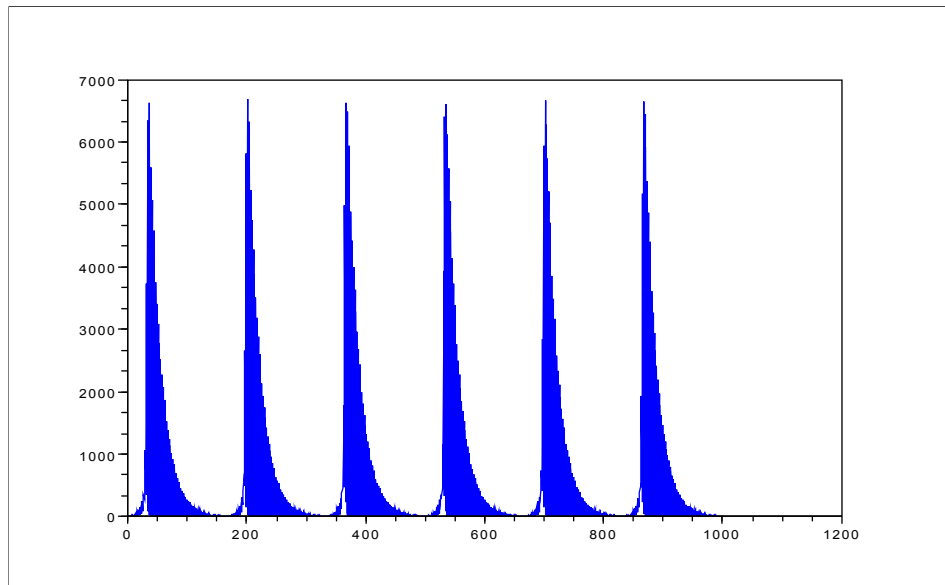


Figura 5.8. Gráfico da solução do sistema de duas EDO, criado pelo comando `plot(ode(y0,t0,t,f))`

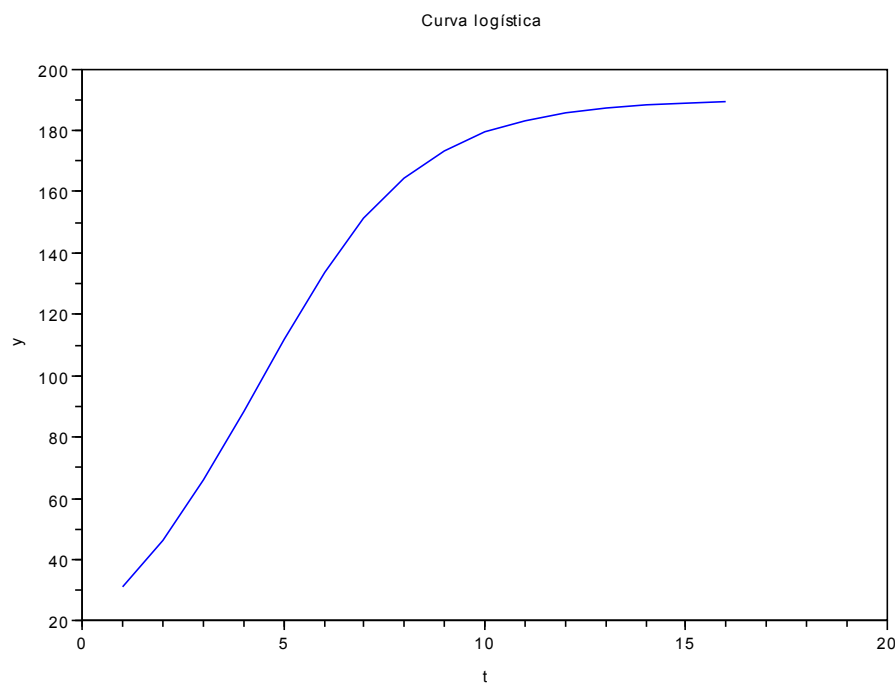


Figura 5.9. Solução da equação de diferenças da curva logística

Outros comandos

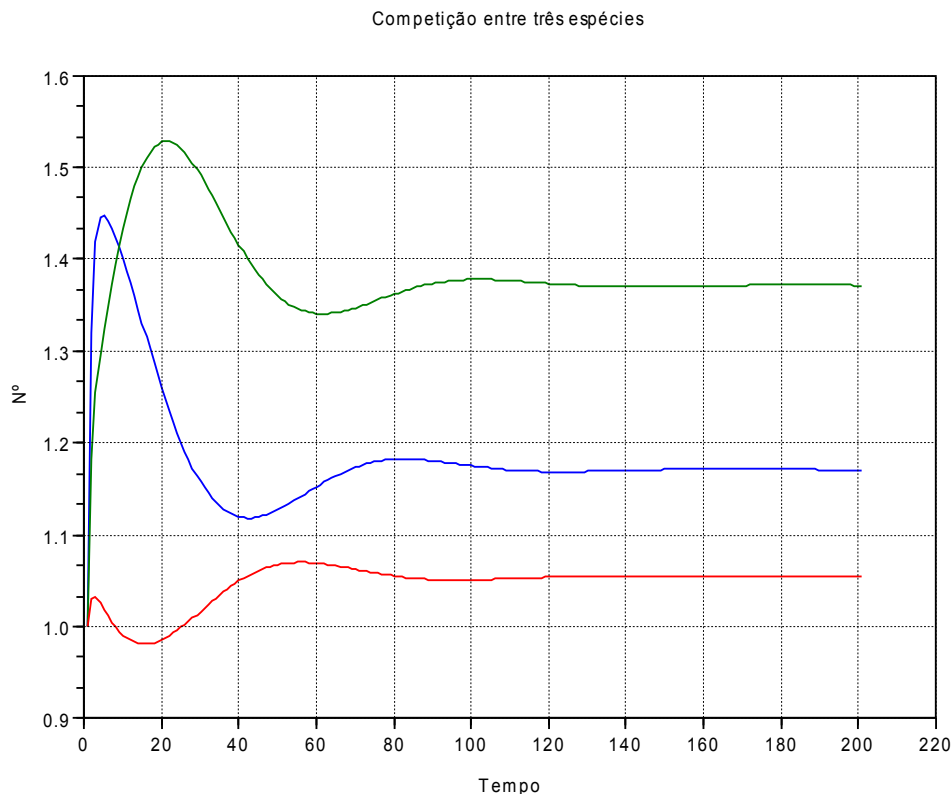


Figura 5.10. Dinâmica da competição entre três espécies, obtida com o modelo BACO3. Para os valores dos parâmetros ver o texto

5.7 Otimização

A biblioteca “otimização e simulação” tem várias funções de otimização que abordam vários tipos de problemas, tais como programação linear, programação quadrática, algoritmos genéticos e aquecimento simulado. Vamos aqui abordar os comandos: **optim**, **karmarkar**, **qpsolve**.

optim acha o mínimo de uma função, que antes tem de ser definida, sem sujeição a restrições. Definamos a função:

```
deff('[f,g,ind]=cost(x,ind)', 'f=expressão da função,g=gradiente');
```

Activar o comando:

```
[f,xopt]=optim(cost, tentativa de solução proposta proposta)
```

f = valor da função no mínimo, xopt = valor de x no mínimo

Vejamos um exemplo:

```
deff('[f,g,ind]=cost(x,ind)', 'f=3-2*x+2*x^2,g=4*x-2');//definir a função
```

Outros comandos

```
x0=0.7; //valor inicial proposto
```

```
[f,xopt]=optim(cost,x0)
```

```
xopt =
```

```
0.5
```

```
f =
```

```
2.5
```

```
x=-5:0.1:5; //domínio de x para gráfico
```

```
plot2d(x,[3-2*x+2*x^2]) //fazer o gráfico da função
```

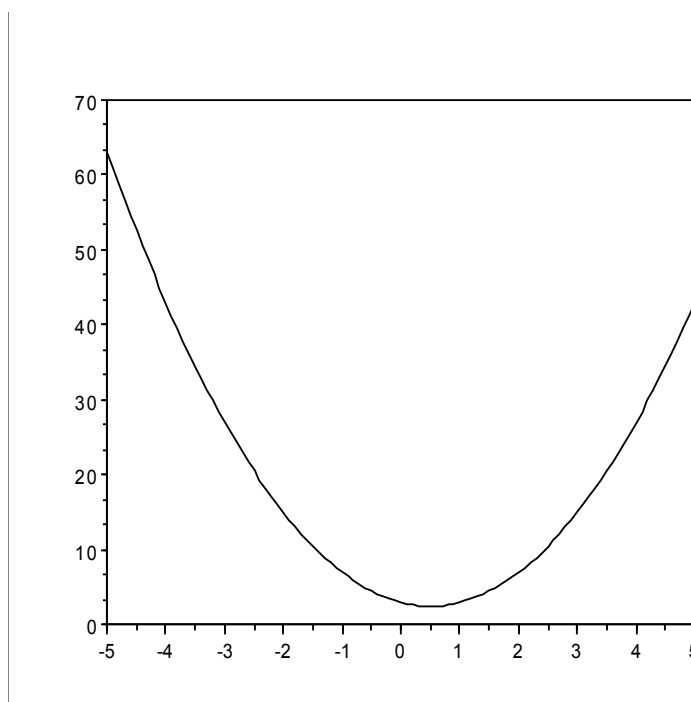


Figura 5.11. Gráfico da função minimizada

Vou ilustrar a solução de um problema de programação linear.

Seja o problema de programação linear seguinte:

Minimizar

$$z = -1,8 x_1 - 2,4 x_2 - 6,3 x_3 - x_4$$

Sujeito a

$$2,4 x_1 + 3,2 x_2 + 4 x_3 + 7,2 x_4 = 21$$

$$3x_1 + 17 x_2 + 80 x_3 + 2 x_4 \leq 48$$

$$x_1, x_2 \geq 0, \quad x_1, x_2 \leq 10000$$

Vamos utilizar o comando [karmarkar](#). As instruções são as seguintes:

Outros comandos

```
Aeq=[2.4 3.2 4 7.2; 3 17 80 2];// matriz das restrições
```

```
beq=[21;48]; //valores a satisfazer pelas restrições
```

```
c=[1.8;-2.4;-6.3;-1]; //coeficientes da função objetivo
```

```
x0=[5;0.001;0.5;0.001];//uma solução inicial
```

```
[xopt,fopt,exitflag,iter,yopt]=karmarkar(Aeq,beq,c) //rotina para resolver
```

Eis a saída que se obtém:

```
yopt =
```

```
ineqlin: [0x0 constant]
```

```
eqlin: [2x1 constant]
```

```
lower: [4x1 constant]
```

```
upper: [4x1 constant]
```

```
iter =
```

```
70.
```

```
exitflag =
```

```
1.
```

```
fopt =
```

```
- 8.0347838
```

```
xopt =
```

```
0.0000091
```

```
2.6172121
```

```
0.0000057
```

```
1.7534551
```

Verificar-se o seguinte:

- Foram executadas 70 iterações (iter).
- O valor ótimo da função é $-8,0347838$ (fopt).
- A solução ótima é $x_1=0,0000091$, $x_2=2,61722121$, $x_3=0.0000057$, $x_4=1,7534551$ (xopt).

Abordemos agora o seguinte problema de programação quadrática:

Minimizar

$$z = 0.5 \cdot x' \cdot Q \cdot x + p' \cdot x$$

em que $Q = [1,0,0,0; 0,1,0,0; 0,0,1,0; 0,0,0,1]$

$$p = [-2; -1; 0; 0]$$

sujeito a

$$2x_1 + 3x_2 + x_3 = 6$$

$$2x_1 + x_2 + x_4 = 4$$

Outros comandos

$$x_1, x_2 \geq 0, \quad x_1, x_2 \leq 10000$$

Eis a solução no Scilab:

```
//Achar x em R^4 tal que:
//C1*x = b1 (duas restrições de igualdade i.e me=2)
C1= [2, 3, 1, 0; 2,1,0,1];
b1=[6;4];
//com x entre ci e cs
ci=[0;0;0;0];cs=[10000;10000;10000;10000];
//e minimizar 0.5*x'*Q*x + p'*x com
p=[-2;-1;0;0];Q=eye(4,4);
C=C1;b=b1 ; me=2;
[x,iact,iter,f]=qpsolve(Q,p,C,b,ci,cs,me)
```

A saída obtida é a seguinte:

```
f =
- 2.3809524
iter =
4.
0.
iact =
2.
6.
1.
0.
0.
0.
0.
0.
0.
0.
0.
0.
0.
0.
x =
1.5238095
```


Outros comandos

```
0.9523810
0.0952381
-1.891D-17
```

Verificar-se o seguinte:

- Foram realizadas 4 iterações principais e nenhuma restrição foi ignorada depois de se ter tornado ativa (vetor iter).
- As restrições 2, 6 e 1 são ativas (vetor iact).
- O valor ótimo da função é - 2.3809524 (f).
- A solução ótima é $x_1=1,5238095$, $x_2=0,9523810$, $x_3=0,0952381$, $x_4=0$ (x).

5.8 Comandos supervenientes

Existem ainda dois úteis comandos que convém não ignorar e são **cumsum** e **cumprod**. O uso dos comandos é simples e têm três alternativas.

y=cumsum atribui a y soma acumulada pela ordem das colunas.

y=cumsum(x,'c') (ou **y=cumsum(x,2)**) atribui a y a soma acumulada das colunas de x: **y(i,:)=cumsum(x(i,:))**

y=cumsum(x,'r') (ou **y=cumsum(x,1)**) atribui a y a soma acumulada das linhas de x: **y(:,i)=cumsum(x(:,i))**

cumsum(vetor ou matriz)

cumsum(vetor ou matriz, 'c ou r')

Vejamos alguns exemplos:

```
-->x=[1 2 3 4];
```

```
-->cumsum(x)
```

```
ans =
```

```
1. 3. 6. 10.
```

```
-->A=[1,2;3,4];
```

```
-->cumsum(A)
```

```
ans =
```

```
1. 6.
4. 10.
```

```
-->cumsum(A,'r')
```

```
ans =
```

Outros comandos

1. 2.
4. 6.

```
-->cumsum(A,'c')
```

```
ans =
```

1. 3.
3. 7.

`y=cumprod` atribui a `y` o produto acumulado pela ordem das colunas.

`y=cumprod(x,'c')` (ou `y=cumprod(x,2)`) atribui a `y` o produto acumulado das colunas de `x`: `y(i,:)=cumprod(x(i,:))`

`y=cumprod(x,'r')` (ou `y=cumprod(x,1)`) atribui a `y` o produto acumulado das linhas de `x`: `y(:,i)=cumprod(x(:,i))`

`cumprod` (*vetor ou matriz*)

`cumprod`(*vetor ou matriz, 'c ou r'*)

Exemplifiquemos:

```
-->cumprod(A)
```

```
ans =
```

1. 6.
3. 24.

```
-->cumprod(A,'r')
```

```
ans =
```

1. 2.
3. 8.

```
-->cumprod(A,'c')
```

```
ans =
```

1. 2.
3. 12.

O comando `calendar()` cria um calendário do mês em que se está. `calendar(1955, 5)` dá o calendário do mês de maio de 1955.

O comando `date()` retorna o dia, mês e ano **atuais**.

O comando `getdate()` fornece um vetor com várias informações que pode ser obtida no `ajuda`.

Outros comandos

```
-->dt=getdate();
```

```
-->printf("Ano:%i, Mês:%i, Dia:%i, Hora:%i, Minutos:%i", dt(1), dt(2), dt(6), dt(7), dt(8));
```

```
Ano:2011, Mês:7, Dia:31, Hora:2, Minutos:0
```

Sugiro que ensaie o uso do comando `clock`.

O comando `printf` será abordado no capítulo 7.

Uma introdução ao Scilab, a um nível claramente mais avançado, enfatizando a perspectiva da modelação e simulação é a de Campbell, Chancelier e Nikoukhah (2006).

5.9 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo

Comando	Descrição
<code>calendar</code>	Fornece calendário do mês
<code>cumprod</code>	Calcula o produto acumulado
<code>cumsum</code>	Calcula a soma acumulada
<code>datafit</code>	Ajusta uma equação não linear
<code>date</code>	Dá o dia, mês e ano correntes
<code>derivative</code>	Aproxima numericamente a derivada de uma função num dado ponto
<code>fsolve</code>	Acha a solução de um sistema de equações não lineares
<code>getdate</code>	Dá um vetor linha com vária informação sobre a data
<code>interp1</code>	Interpola valores de $y_j=f(x_j)$
<code>interp2d</code>	Interpola valores de $z_j=f(x_j, y_j)$
<code>interp3d</code>	Interpola valores de $v_j=f(x_j, y_j, z_j)$
<code>intsplin</code>	Integração numérica de dados usando interpolação pelo método spline
<code>inttrap</code>	Integração numérica de dados usando interpolação pelo método trapezoidal
<code>linpro</code>	Resolve problemas de programação linear
<code>lsqrsolve</code>	Ajusta uma equação não linear pelo método dos mínimos quadrados
<code>ode</code>	Resolve equações diferenciais ordinárias
<code>optim</code>	Rotina de otimização não linear
<code>quapro</code>	Resolve problemas de programação quadrática
<code>smooth</code>	Interpolação recorrendo ao método spline

Introdução elementar à programação

Se a leitora já está familiarizada com a programação, noutra ou noutras linguagens disponíveis, pode seguir para o capítulo seguinte, sem perda de continuidade. De modo sucinto, e na perspectiva da propedêutica ao capítulo seguinte, abordamos aqui alguns conceitos básicos da programação e da sua lógica. Os temas a tratar são os seguintes:

- Linguagem de programação
- Abordagem heurística dos problemas
- Articular algoritmos
- Estruturar fluxogramas
- Utilizar pseudocódigos
- Estruturas de controlo
- Modularização
- Recursividade

Introdução elementar à programação

6.1 Problemas, algoritmos e programação

O Scilab permite dar ordens a um computador, para executar um conjunto de operações numéricas e lógicas, porque dispõe de um acervo de comandos e padrões de instruções predeterminados que atuam sobre a memória e o processador do

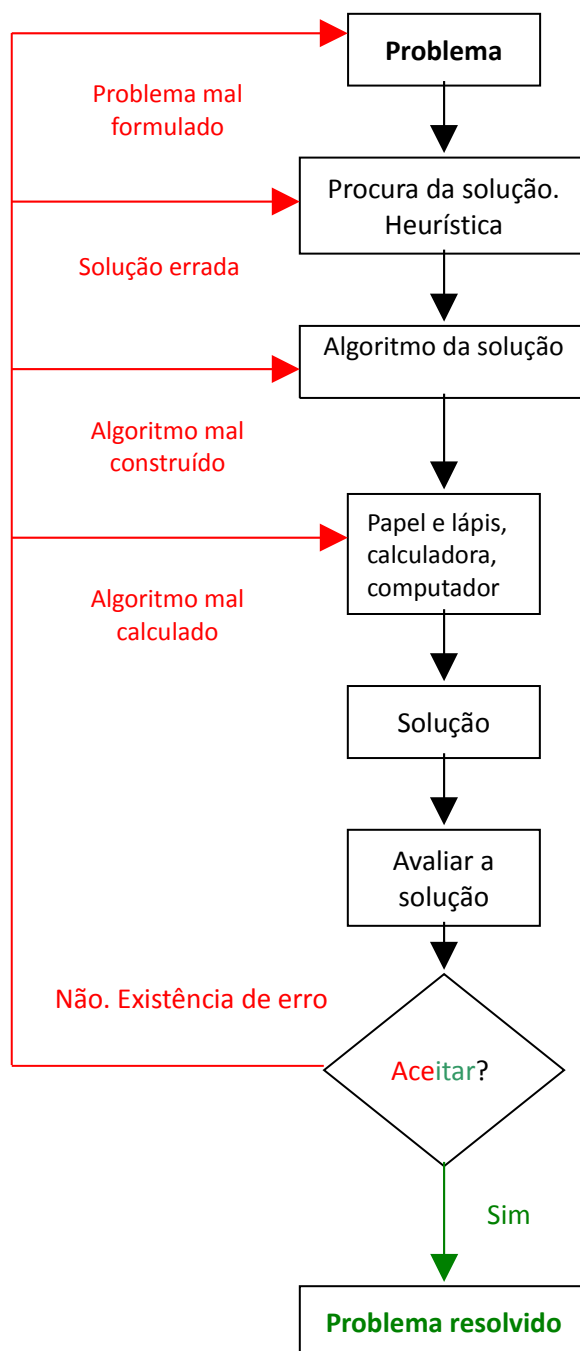


Figura 6.1. Sequência operacional da solução de um problema

Introdução elementar à programação

computador. Isto é, o Scilab é uma **linguagem de programação** científica (particularmente eficiente no cálculo de expressões matemáticas) e de alto nível (por ser independente do computador utilizado).

O leitor recorre à sua calculadora (esperamos que passe a utilizar o Scilab) quando pretende realizar uma sequência de contas para um determinado fim. Isto acontece porque antes de iniciar os cálculos, tem um **problema** para resolver e dispõe de um conjunto finito de operações logicamente ordenadas (um **algoritmo**) que lhe permite alcançar a **solução** pretendida. Esquematizemos a situação vivida na figura 6.1.

Em computação, um algoritmo implementado num programa é tido como eficiente se é de cálculo rápido e usa pouca memória, além de não ter erros, claro.

O gráfico da figura 6.1 diz-nos que, ao procurarmos a solução para um problema, podemos incorrer em quatro tipos de erros, que qualquer aluno conhece quando, numa prova:

- Percebe mal o enunciado dum problema e tenta resolver outro problema.
- Entende corretamente o problema mas não o resolve corretamente.
- A lógica da sua solução está correta, mas é mal transposta para as operações a executar.
- Incorre em erros ao utilizar a calculadora.

Da figura 6.1 infere-se:

- A procura de solução é um processo recursivo, de tentativa e erro.
- Os problemas abordáveis numa dada época dependem dos meios que temos para os resolver (cálculo dos algoritmos da sua solução). A grande capacidade dos computadores em armazenar e manipular eficientemente grandes volumes de dados e executar rapidamente numerosas operações tem vindo a mudar o nosso modo de vida.

Quando na figura 6.1, a leitora utiliza o computador, primeiro tem de traduzir o algoritmo numa sequência de comandos de uma linguagem de programação, que o processador aceite, entenda e execute – um **programa**. Fica pois claro que algoritmos e programas são entidades distintas. Os primeiros existem há séculos. Os segundos surgiram de forma difundida, na segunda metade do século passado. No começo da escolaridade, ao nos iniciarmos na aritmética, aprendemos algoritmos que permitem obter o produto de dois números ou dividir um pelo outro. Como se costuma dizer, aprendemos a fazer contas de multiplicar e dividir, e para isso precisamos de saber a tabuada.

6.2 Solucionar um problema

Hoje há consenso sobre o entendimento de que o conhecimento não é “constatante”, mas “performativo”. Nós não sabemos de uma vez por todas, mas vamos sabendo, resolvendo sucessivamente vários problemas aglutinados em problemáticas, que surgem de dados de facto, e o conhecimento disponível não consegue solucionar. Vivemos mergulhados num constante processo de pesquisa, invenção e inovação, de maior ou menor criatividade e rotina.

Introdução elementar à programação

A procura da solução não começa, obviamente, do nada e o conhecimento existente da solução de problemas idênticos e parecidos é o ponto de partida mais comum.

Vários investigadores têm-se ocupado do processo de criação de ideias que conduzem à solução de problemas. Embora a criatividade seja uma característica pessoal ingénita, é possível com aprendizagem e prática melhorar a nossa capacidade de lidar com a resolução de problemas. Um brilhante matemático, George Polya (1888-1985), entre vários notáveis textos sobre o assunto, escreveu um livro intitulado “*How to Solve It*”, em que propõe, no seu fecho uma estratégia para resolver problemas. O seu trabalho foi ponto de partida para contribuições de outros autores entre os quais o professor do ensino superior norte-americano A. H. Schoenfeld que propôs uma estruturação dos **princípios heurísticos** usados frequentemente. As traduções das

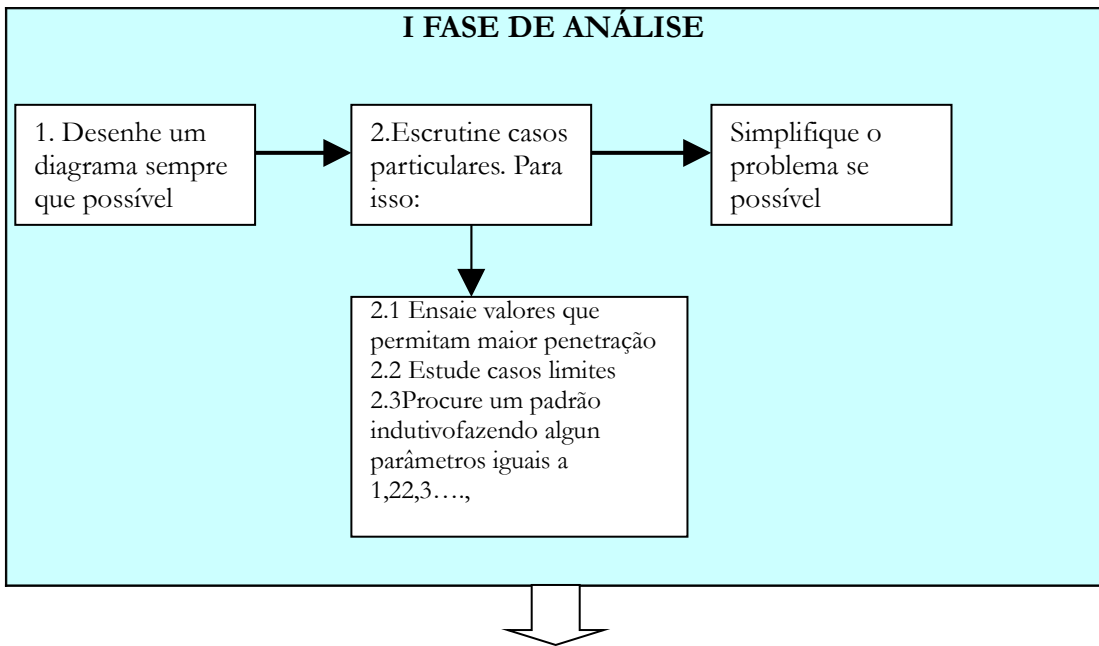


Figura 6.2. Diagrama da heurística de A. H. Schoenfeld

Introdução elementar à programação

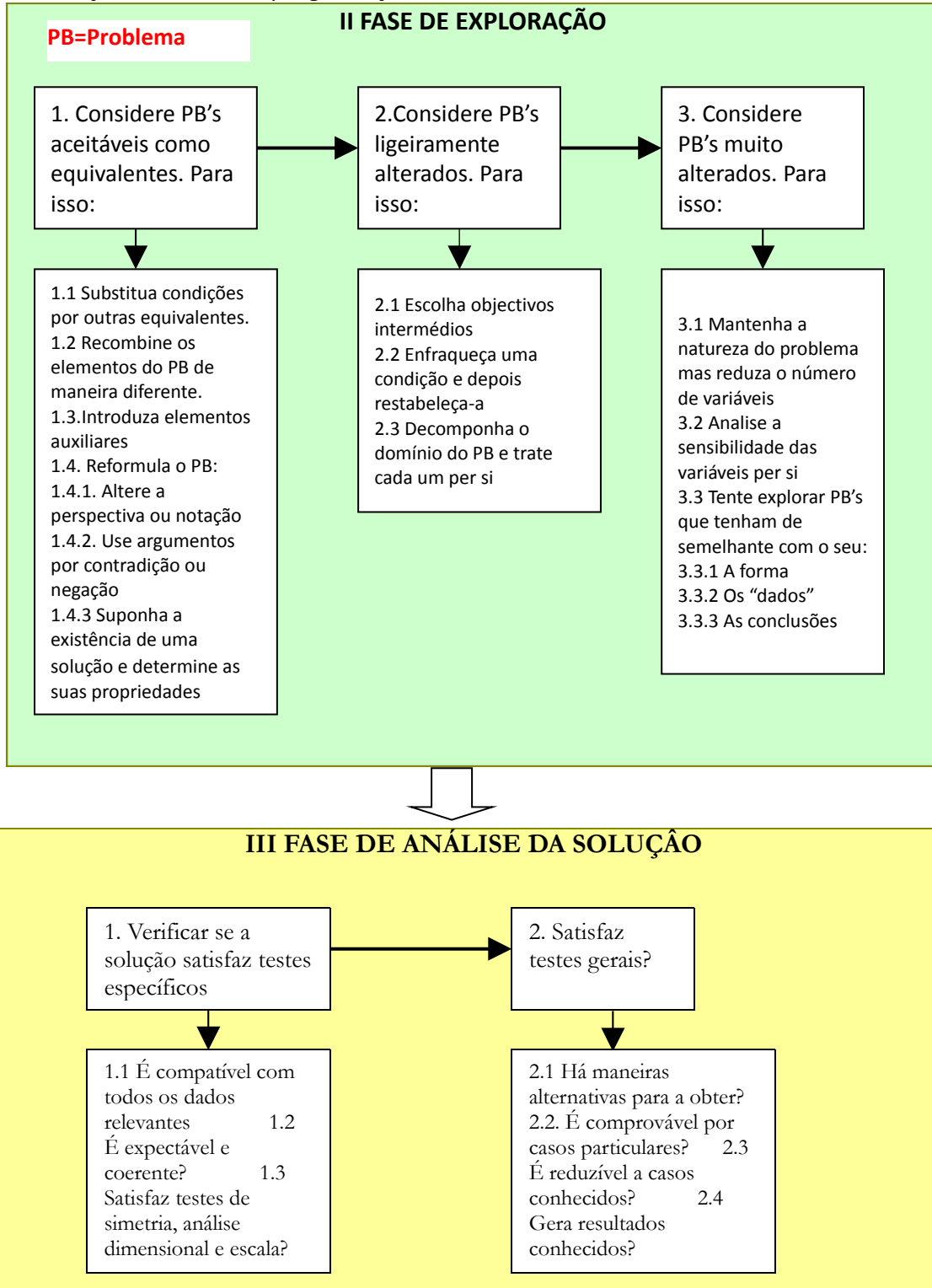


Figura 6.2. Continuação

propostas heurísticas destes dois investigadores podem ser encontrada em Davis e Hersh (1995:269-271). Na figura 6.2, apresentamos uma descrição diagramática da heurística de A. H. Schoenfeld, que privilegia problemas matematizáveis.

Introdução elementar à programação

Na perspetiva desta abordagem sumária, encontrada a lógica da solução e traduzida esta num algoritmo correto, passamos à fase de programação da solução. Em problemas muito complexos, esta pode por si constituir outra área problemática, a que a estratégia proposta por A. H. Schoenfeld pode ser autonomamente aplicada. Pode acontecer que por limitações de capacidade de computação obrigue à procura de algoritmo mais tratável do ponto de vista da sua computação. No processo recursivo de tentativa e erro, da figura 6.1, o estabelecimento do algoritmo e a programação estão intimamente ligados.

6.3 Antes de começar a programar

Quando se faz um programa pretende-se que ele satisfaça quatro quesitos de qualidade:

1. Não tenha erros de lógica relativamente ao que se quer que ele execute (ver figura 6.1)
2. Não tenha erros de linguagem, que o façam ter a sua execução interrompida.
3. Seja inteligível em qualquer altura, para quem o programou ou qualquer outra pessoa.
4. Seja eficiente, isto é, tenha uma execução rápida, com o mínimo recurso a memória.

Para alcançar estes desideratos, a experiência consagrou a adopção de alguns procedimentos que vamos abordar adiante, em maior pormenor, a saber:

- Planear previamente o programa.
- Inserir comentários adequados e se se justificar prover documentação.
- Procurar clareza e simplicidade.
- Estruturar ou "modularizar" o programa.
- Não poupar esforços em aperfeiçoar o programa, após ter concluído a primeira versão executável e correta.

6.4 Planear o programa

Quando no Outono de 1967, nos E.U.A., aprendi FORTRAN, tudo começava num fluxograma. Esta situação manteve-se ainda por duas décadas, e caiu praticamente em desuso, por duas razões principais: o incómodo de desenhar o fluxograma, a necessidade de memorizar o significado das caixas gráficas. O primeiro óbice é facilmente ultrapassável com os atuais processadores de texto, que permitem desenhar expeditamente as formas gráficas utilizadas nos fluxogramas, o segundo mantém-se.

Introdução elementar à programação

Abandonado o fluxograma, surgiu a escrita em pseudocódigo que é uma forma abreviada de dizer o que o programa faz, em português normal. Passa a ser uma espécie de memória descritiva, ou guião, do futuro programa.

No entanto, há autores brasileiros que mencionam o “Portugol” (português com o Algol) , com o propósito de criar um conjunto básico de instruções primitivas que permitam planear um programa que seja facilmente quer traduzido numa linguagem quer corrido no computador.

Como os programas devem ser descritos pelo pseudocódigo com rigor, clareza e sem ambiguidade, não sendo prático, por outro lado, utilizar toda a riqueza expressiva da nossa língua, há quem use o português aproximando o seu emprego de linguagens de programação, nomeadamente do C e Pascal. Isto requer o prévio conhecimento desta duas linguagens, o que nem sempre ocorre.

Sem pretender inventar o “Portugrama”, dada a natureza iniciática deste texto, em que o recurso a todos os instrumentos que facilitem a apreensão, pelo leitor, do exposto é sempre justificado, não esquecendo a heurística de A. H. Schoenfeld (“sempre que possível faça um diagrama”) vamos usar um número restrito de símbolos de fluxograma, se necessário acompanhados de mais texto, para além do pseudocódigo.

Para além do fluxograma e pseudocódigo, é possível também descrever o programa recorrendo ao Diagrama de Chapin ou NS (de Nassi e Schneiderman), que não será utilizado..

6.5 O fluxograma clássico

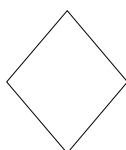
Os fluxogramas são particularmente aptos para representar programas onde ocorram acções diferentes para muitas decisões. Introduzimos algumas das formas gráficas codificadas ou pré estabelecidas, utilizadas nos fluxogramas. O Writer do OpenOffice esclarece o significado dos símbolos, se apontados com o rato, na barra de ferramentas inferior (Desenho).



Início ou fim de um fluxograma



Processamento. Atribuição de uma valor a uma variável ou mudança de valor de uma variável. Também pode indicar a abertura ou fecho de um ficheiro

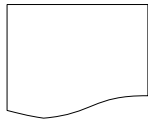


Decisão. Indica a mudança do fluxo de computação

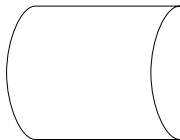
Introdução elementar à programação



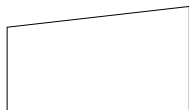
Monitor. Indica saída de informação para o monitor



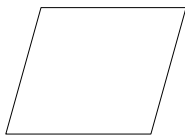
Documento. A informação é impressa em papel



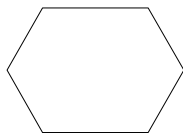
Input/output. Entrada ou saída de dados armazenados



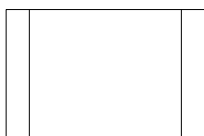
Introdução de dados a partir do teclado



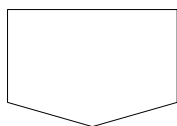
Entrada de dados durante a compilação do programa



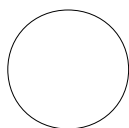
Preparação. Indica o início de um ciclo



Processamento predefinido. Transferência para um sub-programa ou sub-rotina



Conector de folhas. Mudança do fluxo de uma página para outra



Conexão. Transferência do fluxo de lógica de um ponto da página para outro ponto da página

Figura 6.3. Símbolos de fluxograma

Introdução elementar à programação

Suponhamos o pequeno problema de uma programa para calcular as raízes da equação do segundo grau $x^2 + b x + c = 0$, sendo a , b e c valores que se introduzem usando o teclado, com saída do resultado para a impressora, se as soluções forem reais, e para o monitor se forem números complexos. O fluxograma será o da figura 6.4.

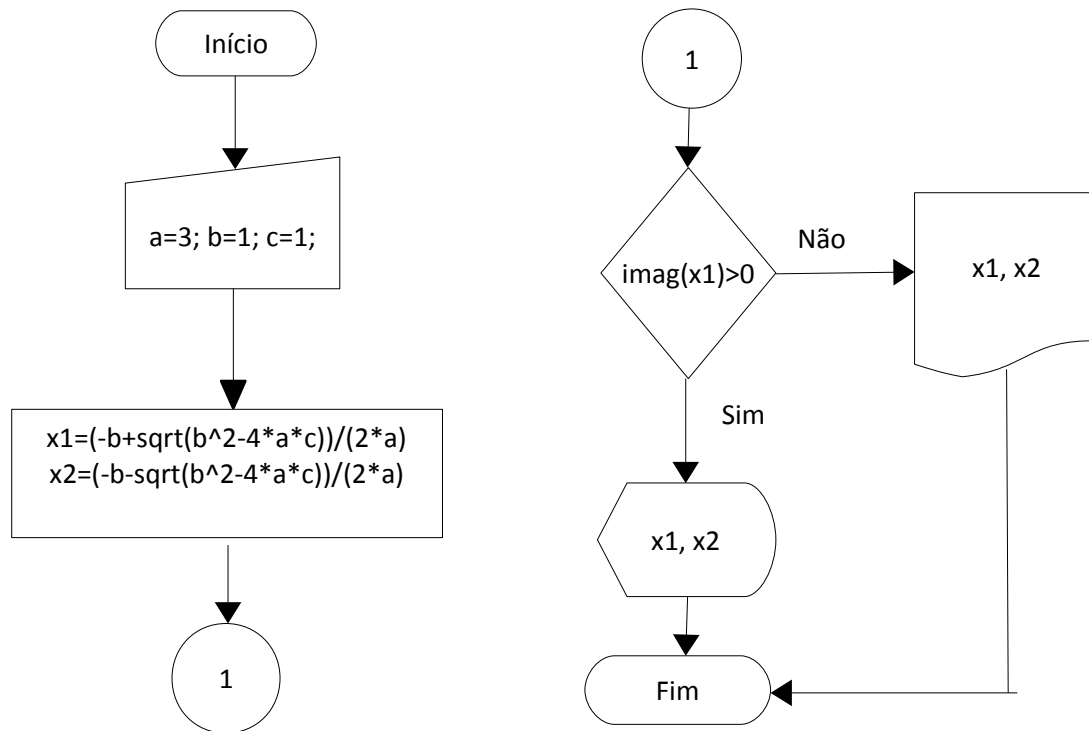


Figura 6.4. Fluxograma do cálculo da solução de uma equação do segundo grau

Ignorando a simbologia normalizada dos fluxogramas, podemos ter, entre outras formulações possíveis, um diagrama do nosso programa de acordo com a figura 6.5.

Introdução elementar à programação

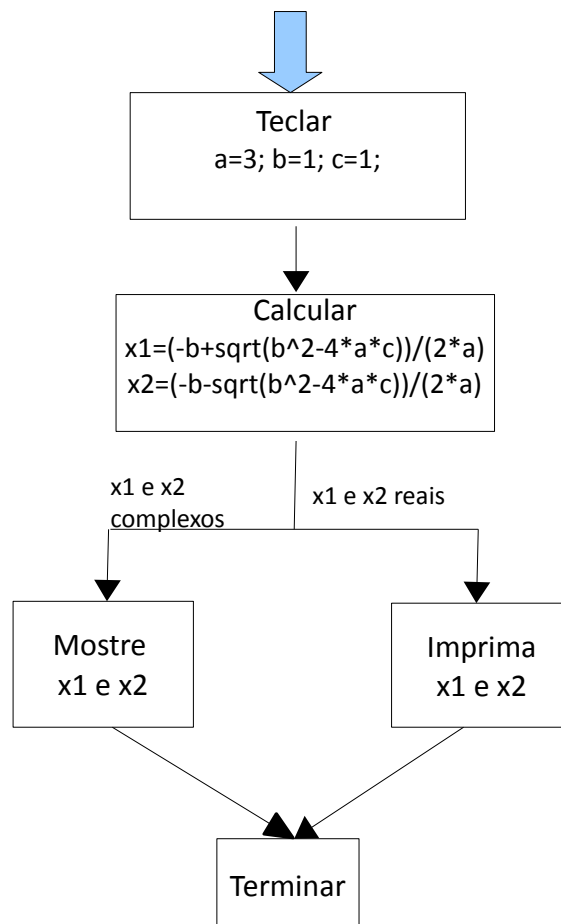


Figura 6.5. Diagrama do cálculo da solução de uma equação do segundo grau. Mostre = saída no monitor; Imprima = saída na impressora

6.6 O pseudocódigo

Como se disse, o pseudocódigo é a descrição do programa em português corrente. Só é vantajoso que a sua estrutura não seja totalmente arbitrária, mas obedeça a um mínimo de padronização que automatize as suas escrita, leitura e facilite a sua passagem para uma linguagem de programação. Vamos adoptar a estrutura descrita na Caixa 6.1.

A leitora pode refinar alguns aspetos do pseudocódigo.

Por exemplo, usar expressões codificadas para indicar a origem dos dados, como se apresentam (uma ou mais variáveis por linha).

Fazer o mesmo para a saída, como fizemos atrás, na figura 6.4, com as palavras mostre e imprima.

Se tiver muitas variáveis agrupáveis por afinidades relevantes pode usar prefixos no nome das variáveis, que permitam a sua atribuição a um dado grupo. Ilustrando: se estiver a simular um modelo ecológico com várias plantas, herbívoros e carnívoros, pode usar o prefixo he para as variáveis que representam herbívoros.

Caixa 6.1. Estrutura do pseudocódigo

Comentários
PROGRAMA: Nome do programa
Variáveis : nomes e tipo
Constantes: nomes e tipo
Início
Entrada de dados (input)
Bloco de comandos
Saída de dados (output)
Fim
FIM DO PROGRAMA

Sobre os comentários justificam-se as seguintes anotações:

- Os comentários que acompanham o programa devem permitir que qualquer pessoa que o leia entenda o que ele faz, de modo suficientemente inteligível para o poder corrigir ou modificar, se for caso disso.
- Do mesmo modo devem-se inserir instruções sobre a sua utilização..
- Descrever as variáveis mais importantes.
- Estruturas de dados utilizadas.
- Nome do autor
- Data da programação
- Menção sobre quaisquer métodos especiais utilizados, nomeadamente da análise numérica

Mais alguns procedimentos que conferem qualidade a um programa:

- Use uma estrutura modular, isto é, o programa é formado por curtos grupos de instruções, com propósito bem definido, e o mais independente possível em relação ao resto do programa. Isto tem as vantagens de os módulos poderem ser mantidos, feitos, refeitos e testados em qualquer altura. Podem igualmente ser utilizados noutros programas.
- Se possível use um comando por linha.
- Separe os módulos com linhas em branco.

Introdução elementar à programação

- Separa os comentários e o corpo do programa com uma linha em branco.
- Comentários no corpo do programa devem estar entre linhas em branco.
- Escolha nomes sugestivos para as suas variáveis.
- Use indentação dos comandos, quando ocorrerem estruturas embutidas noutras.
- Quando fizer revisões do programa atualize os comentários. É preferível não ter comentários do que ter comentários fora de contexto.

Estes procedimentos facilitam a tarefa de aperfeiçoamento contínuo do programa.

Sugiro agora, ao leitor, que escreva um pseudocódigo para o programa descrito pela figura 6.4.

6.7 Estruturas de controlo de um programa

Um programa traduz em operações realizadas pelo computador a lógica da solução encontrada para o problema de que nos ocupamos.

Da mesma maneira que o raciocínio que resolve um problema pode ser expresso em palavras portuguesas, inglesas, etc., também pode ser descrito por uma linguagem de programação adequada, como o Scilab para o cálculo numérico.

À semelhança da nossa língua, que tem estruturas básicas (substantivos, adjetivos, etc.) que usamos de acordo com regras gramaticais, as linguagens de computador também têm estruturas básicas e uma sintaxe, mais ou menos ricas conforme a complexidade da linguagem e o principal fim a que se destinam.

Para mimetizar certos procedimentos lógicos no computador, existem várias estruturas que controlam os atos que executam. Por exemplo, no fluxo do programa da figura 6.3, o programa tem que decidir se manda a solução da equação do segundo grau para o monitor ou para a impressora.

A mais simples estrutura é a **sequencial** em que os comandos são executados sucessivamente, pela ordem em que surgem. É a que tem sido usada até agora.

No entanto existem outras disponíveis:

- **Condicional**, que pode ser simples, composta e seletiva.
- **Repetitiva**, com controlo inicial, final, com variável de controlo, embutida ou não..

O Scilab revela recursividade no sentido em que uma função pode ser chamada a actuar de dentro dela própria.

No capítulo seguinte, particularizamos estas estruturas, para além de outros aspetos da programação em Scilab.

Introdução elementar à programação

Em situações de programas simples, e este conceito é relativo à experiência de quem programa, pode-se omitir a fase de planeamento prévio (fluxograma ou pseudocódigo).

Programação em Scilab

Este capítulo, é especialmente dedicado à programação numa perspectiva mais abrangente e não sequencial Abordaremos:

- Tipos de dados que o Scilab reconhece
- Matrizes multidimensionais
- Estruturas de dados
- Comandos de inquirição sobre tipos de funções
- Tipos de variáveis
- Entrada de dados
- Saída de resultados e mensagens
- Estruturas de controlo do fluxo do programa:
 - Declarações if
 - Declarações select e case
 - Ciclos for
 - Ciclos while
 - Declarações break
- Despistagem e correção de erros nos programas

Como se espera, estes novos comandos e capacidades de programação serão utilizados conjuntamente com operadores aritméticos, relacionais e comandos anteriormente apresentados.

Programação em Scilab

7.1 Tipos de dados que o Scilab reconhece

Em benefício da completude e por se tratar de uma informação que pode condicionar a utilização que a leitora faça do Scilab, nomeamos todos os tipos de dados que esta linguagem reconhece, a saber:

7.1.1 Matrizes de números

Foram objecto do capítulo 3.

7.1.2 Matrizes esparsas de números

Estas matrizes contêm um número restrito de elementos diferentes de zero, que podem ser números reais, complexos ou símbolos de verdadeiro (T) ou falso (F). Estas matrizes são criadas pelo comando `sparse`

```
sparse([posições dos elementos diferentes de zero separadas por ;], [valores do elementos correspondentes separadas por :], [número de linhas, número de colunas])
```

Vejamos um exemplo:

```
-->sparse([1 5;5 5;5 1],[1, 3, 2+3*i],[5,5])
ans =
```

```
( 5, 5) sparse matrix
```

```
( 1, 5) 1.
```

```
( 5, 1) 2. + 3.i
```

```
( 5, 5) 3.
```

A saída do comando dá indicação do tamanho da matriz, que é esparsa, a localização e valores dos elementos diferentes de zero.

Outro exemplo da aplicação do comando `sparse`.

```
-->M=[1 2 0;0 0 0;0 0 0]
```

```
M =
```

```
1. 2. 0.
```

```
0. 0. 0.
```

```
0. 0. 0.
```

Programação em Scilab

```
-->sparse(M)
```

```
ans =
```

```
( 3, 3) sparse matrix
```

```
( 1, 1) 1.
```

```
( 1, 2) 2.
```

O comando **full** restitui a matriz completa:

```
full(nome da matriz esparsa)
```

```
-->full(M)
```

```
ans =
```

```
1. 2. 0.
```

```
0. 0. 0.
```

```
0. 0. 0.
```

O Scilab tem vários comandos dedicados a manipulação e operações com este tipo de matrizes (apropos sparse).

7.1.3 Matrizes booleanas

São matrizes de duas dimensões de símbolos lógicos: Um exemplo:

```
nome da matriz=[matriz de %T e %F]
```

```
-->z=[%T %F; %T %F]
```

```
z =
```

```
T F
```

```
T F
```

É também possível obter matrizes booleanas esparsas, mas não cobriremos este tópico.

Programação em Scilab

7.1.4 Matrizes de “strings”

As cadeias de caracteres ou “strings” também podem ser elementos de matrizes de duas dimensões:

```
-->[!Autor:' L. S. Barreto'; !Título:' Iniciação ao Scilab';!Ano:' 2008']
ans =
```

```
!Autor: L. S. Barreto  !
!           !
!Título: Iniciação ao Scilab !
!           !
!Ano: 2008      !
```

7.1.5 Listas

O Scilab cria objetos com vários tipos de dados, denominado “list”, com o comando `list`.

Um exemplo:

```
-->L=list('Ano',[2008 3 6],[!Inverno', 'bissexto'])
L =
```

```
L(1)
```

```
Ano
```

```
L(2)
```

```
2008. 3. 6.
```

```
L(3)
```

```
!Inverno bissexto !
```

Programação em Scilab

O comando `tlist` cria tipos de listas, o que permite criar novos objetos abstractos de dados. Vamos criar o objeto planetas, com o nome, a distância ao Sol em milhões de quilómetros, e a duração da órbita em anos (1=duração da órbita da Terra).

O comando `Chars` é obrigatório. Cria linhas separadas de “strings”, das variáveis entradas.

```
->planetas=tlist(['Chars';'Nome';'Distancia';'Órbita'], ['Marte';'Saturno';'Urano'],...
```

```
-->[228;1427;2875],[1.88;29.50;84.00])
```

```
planetas =
```

```
planetas(1)
```

```
!Chars !
```

```
! !
```

```
!Nome !
```

```
! !
```

```
!Distancia !
```

```
! !
```

```
!Órbita !
```

```
planetas(2)
```

```
!Marte !
```

```
! !
```

```
!Saturno !
```

```
! !
```

```
!Urano !
```

```
planetas(3)
```

```
228.
```

```
1427.
```

```
2875.
```

Programação em Scilab
planetas(4)

1.88

29.5

84.

Alguns exemplos de utilização da lista planetas:

```
-->planetas('Nome')(2)
```

ans =

Saturno

```
-->planetas('Distancia')(find(planetas('Nome')=='Marte'))
```

ans =

228.

```
-->sum(planetas('Distancia'))
```

ans =

4530.

7.1.6 Matrizes multidimensionais

Nesta subsecção e na seguinte, vou introduzir dois aspetos mais avançados de estruturas de dados.

O Scilab pode criar matrizes multidimensionais. Por exemplo, a seguinte matriz de três dimensões:

```
-->A=ones(2,2,3)
```

A =

(:,:,1)

1. 1.

1. 1.

Programação em Scilab

(:,:,2)

1. 1.

1. 1.

(:,:,3)

1. 1.

1. 1.

:

Do mesmo modo, podemos ter $M = \text{ones}(2,2,3,4)$. Veja a matriz A como um livro de um capítulo, com 3 páginas, cada uma com uma matriz de 1's, 2×2 . A matriz M como um livro de 4 capítulos, todos iguais ao capítulo único do "livro A". Esta metáfora pode albergar, vários livros, estantes, bibliotecas num bairro, etc.. Vejamos uma matriz de sete dimensões: $N = \text{ones}(2,2,4,5,6,7,3)$. Pode ser vista como:

[1 matriz de 1's 2×2 numa página, 4 páginas por capítulo, 5 capítulos por livro, 6 livros iguais, 7 estantes de 6 livros iguais, 3 bibliotecas só com 7 estantes destas]

O leitor tente estabelecer uma metáfora homóloga recorrendo ao conceito de ficheiro, hierarquia de pastas, CD, caixa com Cd's, armário com caixas com CD's...

Todas as operações, **elemento a elemento**, são válidas para as matrizes de todas as dimensões, tais como $5 \times N$, $\cos(M)$. Se A e B forem duas matrizes multidimensionais do mesmo tamanho, então as operações $A+B$ e $A-B$ são executáveis. Exemplifiquemos:

-->B=5*A;

-->C=A+B

C =

(:,:,1)

6. 6.

6. 6.

(:,:,2)

6. 6.

6. 6.

(:,:,3)

Programação em Scilab

6. 6.

6. 6.

```
-->D=log(C)
```

D =

(:,:,1)

1.7917595 1.7917595

1.7917595 1.7917595

(:,:,2)

1.7917595 1.7917595

1.7917595 1.7917595

(:,:,3)

1.7917595 1.7917595

1.7917595 1.7917595

Um comando alternativo para criar matrizes multidimensionais é **hypermat**.
Veamos uma ilustração:

```
-->M=hypermat([2 3 2],1:24)
```

M =

(:,:,1,1)

1. 3. 5.

2. 4. 6.

(:,:,2,1)

7. 9. 11.

8. 10. 12.

(:,:,1,2)

Programação em Scilab

13. 15. 17.

14. 16. 18.

(:,:,2,2)

19. 21. 23.

20. 22. 24.

7.1.7 Estruturas

É possível criar estruturas de registos no Scilab, denominadas “struct array” com “fields” (campos). No lado esquerdo dos comandos para criar a estrutura só pode entrar com letras do alfabeto inglês. Ç e á não são aceites. Criemos um ficheiro de três países com três campos: nome, estado, população, expressa em milhões de habitantes.

```
-->países(1).nome='Portugal';
```

```
-->países(2).nome='Espanha';
```

```
-->países(3).nome='França';
```

```
-->países(1).estado='República';
```

```
-->países(2).estado='Monarquia';
```

```
-->países(3).estado='República';
```

```
-->países(1).populacao=10;
```

```
-->países(2).populacao=39;
```

```
-->países(3).populacao=62;
```

```
-->países
países =
```

3x1 struct array with fields:

nome

estado

populacao

As estruturas não aceitam certos comandos como as tlist. Por exemplo, o comando sum não é aplicável, por isso o procedimento será:

Programação em Scilab

```
-->países(1).populacao+países(2).populacao+países(3).populacao
ans =
```

111.

7.2 Identificar tipos de funções

Para identificar os tipos de funções o Scilab tem dois comandos.

O comando **type** proporciona um inteiro que corresponde a um código de tipos. Por exemplo::

```
-->type(planetas)
```

```
ans =
```

16.

Os códigos existentes são os constantes do quadro 7.1.

O comando **typeof** retorna o nome do tipo associado ao objeto inquirido:

```
-->typeof(planetas)
```

```
ans =
```

Chars

7.3 Tipos de variáveis

Cada função do Scilab tem as sua próprias variáveis locais e pode ler as variáveis criadas no seu espaço de computação. O comando **global** permite que as variáveis possam ser acedidas por várias funções.

Queremos tornar globais as variáveis x, y, z:

```
global x y z
```

O comando **clearglobal** apaga todas as variáveis globais.

O comando **isglobal** verifica se uma variável é global.

7.4 Entrada de dados

Os dados utilizados num programa podem ser introduzidos de várias maneiras:

- Fazendo parte do próprio programa (o que tem sido usado)
- Lendo ficheiros em formato *.txt
- Lendo ficheiros de folhas de cálculo
- Usando uma janela de diálogo.

Quadro 7.1. Códigos de identificação de funções

Código	Descrição
1	matriz de constantes reais ou complexas
2	matriz de polinómios.
4	matriz booleana
5	matriz esparsa
6	matriz booleana esparsa
8	matriz inteiros guardada em 1 2 ou 4 bytes
9	matriz de “handles” de gráficos
10	matriz de cadeias de caracteres
11	função não compilada
13	função compilada
14	biblioteca de funções
15	list. (lista)
16	lista tipificada (tlist)
17	mlist
128	pointer

7.4.1 Ler ficheiros *.txt (ASCII)

A minha experiência leva-me a propor uma maneira de ler os ficheiros que seja bastante flexível, isto é, sirva para números e “strings”. Isto alcança-se usando simultaneamente `evstr` e `mgetl`.

Suponhamos que temos um ficheiro chamado `z2` (`z2.txt`) gravado num CD, na drive D, escrito da seguinte maneira:

```
["aq" "rr" "yt";
 "dd" "3" "4";
 "qwe" "d" "yui"];
```

Vamos lê-lo com o comando:

Programação em Scilab

```
-->z=evstr(mgetl("D:\z2.txt",[-1]));
```

Verifiquemos se a leitura foi correta:

```
-->z
```

```
z =
```

```
!aq rr yt !
```

```
!  !
```

```
!dd 3 4 !
```

```
!  !
```

```
!qwe d yui !
```

Voltemos ao sistema de equações lineares. Suponhamos o ficheiro A.txt, com o seguinte texto:

```
[0.5 3 1.5;
```

```
0.6 2 -2;
```

```
2 -4 12 ]
```

e o ficheiro b.txt com o texto:

```
[2;5;3];
```

Vamos ler a matriz A e o vetor coluna b, da disquete e resolver o sistema.

```
-->A=evstr(mgetl("D:\A.txt",[-1]));
```

```
-->b=evstr(mgetl("D:\b.txt",[-1]));
```

```
-->[x,kerA]=linsolve(A,b)
```

```
kerA =
```

```
[]
```

```
x =
```

```
- 5.8238636
```

```
- 0.0482955
```

```
0.7045455
```

Obtivemos a solução já conhecida. Podíamos escreve a matriz e o vetor na matriz A2:

```
-->A2=evstr(mgetl("D:\A2.txt",[-1]))
```

Programação em Scilab

A2 =

```
0.5 3. 1.5 2.
0.6 2. - 2. 5.
2. - 4. 12. 3.
```

e depois dela extrair a matriz A e o vetor b (ver capítulo 3):

```
-->b=A2(:,4)
```

b =

```
2.
5.
3.
```

```
-->A=A2(:,1:3)
```

A =

```
0.5 3. 1.5
0.6 2. - 2.
2. - 4. 12.
```

e agora resolver o sistema:

```
-->[x,kerA]=linsolve(A,b)
```

kerA =

```
[]
```

x =

```
- 5.8238636
- 0.0482955
0.7045455
```

7.4.2 Usar caixa de diálogo (“Scilab Dialog”)

Programação em Scilab

Os dados também podem ser inseridos, usando caixas de diálogo. Introduzamos o comando `x_matrix` que abre uma caixa para introduzirmos uma matriz 3x3. A caixa criada exibe uma matriz de zeros, que nós substituímos com os elementos da nossa matriz.

```
-->x=evstr(x_matrix('Valores de x',zeros(3,3)))
```

Surge a caixa de diálogo da figura 7.1.

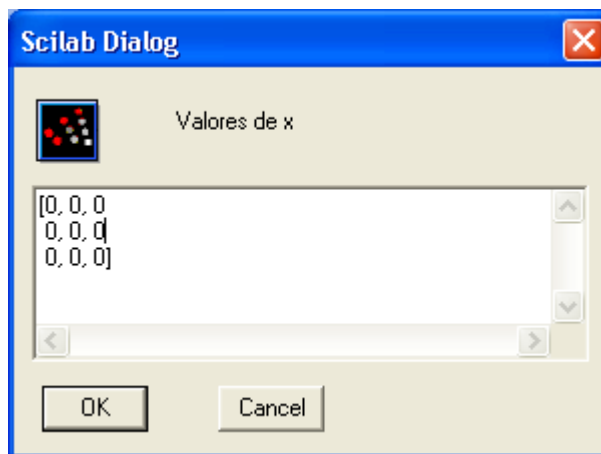


Figura 7.1. Caixa de diálogo para se introduzir uma matriz 3x3

Depois de substituímos os zeros temos a janela da figura 7.2. Clicamos em "OK" e surge-nos a saída:

x =

```
1. 2. 3.  
4. 5. 6.  
7. 8. 9.
```

Programação em Scilab

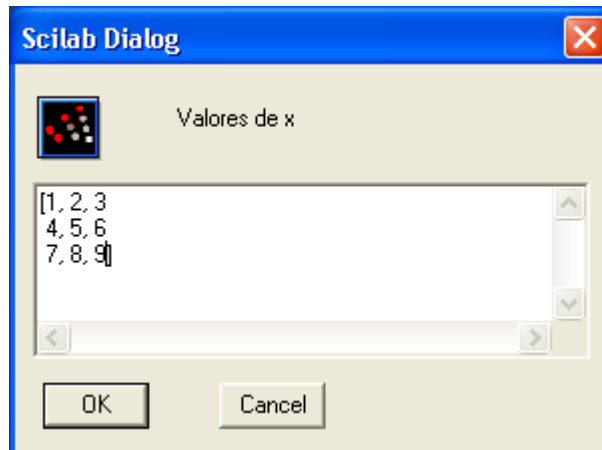


Figura 7.2. Matriz introduzida antes de clicarmos "OK"

Podemos confirmar a existência da matriz pedindo a sua transposta:

-->`d=x'`

`d =`

1. 4. 7.
2. 5. 8.
3. 6. 9.

7.4.3 Ler um ficheiro Excel

Seja uma folha do Excel com a seguinte matriz:

x1	x2	x3	b
2	-2	2	2
3	5	7	5
6	1	4	3

guardada no ficheiro A2exc.xls na disquete inserida na drive D.

Primeiro temos que abrir o ficheiro, com o comando `xls_open`, da seguinte maneira:

[Um número que tem a ver com o fluxo de dados do ficheiro Excel, o texto que surge na folha Excel, os nomes lidos das folhas de cálculo, um vetor de números que referencia a posição das folhas na informação do ficheiro]=`xls_open('caminho e nome do ficheiro Excel')`

Programação em Scilab

```
-->[fd,SST,Sheetnames,Sheetpos] = xls_open('D:\A2exc.xls')
```

```
Sheetpos =
```

```
1825. 2346. 2609.
```

```
Sheetnames =
```

```
!Sheet1 Sheet2 Sheet3 !
```

```
SST =
```

```
!x1 x2 x3 b !
```

```
fd =
```

```
1.
```

Agora vamos ler o ficheiro aberto com o comando `xls_read`, e usando da saída anterior `fd` e `Sheetpos`:

```
[Os números da matriz, os índices dos cabeçalhos das colunas]=xls_read(fd, Sheetpos)
```

```
-->[Value, TextInd]=xls_read(fd, Sheetpos)
```

```
TextInd =
```

```
1. 2. 3. 4.
```

```
0. 0. 0. 0.
```

```
0. 0. 0. 0.
```

```
0. 0. 0. 0.
```

```
Value =
```

```
Nan Nan Nan Nan
```

```
2. -2. 2. 2.
```

```
3. 5. 7. 5.
```

```
6. 1. 4. 3.
```

Extraímos a matriz A:

Programação em Scilab

```
-->A=Value(2:4,1:3)
```

A =

2. - 2. 2.

3. 5. 7.

6. 1. 4.

e o vetor b:

```
-->b=Value(2:4,4)
```

b =

2.

5.

3.

Podemos agora resolver o sistema de equações lineares associado:

```
-->[x,kerA]=linsolve(A,b)
```

kerA =

[]

x =

0.0454545

0.1818182

-0.8636364

Os ficheiros do Excel a abrir e ler pelo Scilab devem ter os números com a parte inteira separada da decimal por um ponto.

7.4.4 O comando input

O comando **input** permite introduzir em qualquer ponto de um programa dados, através do teclado, e atribuí-los a uma variável ou objeto.

Programação em Scilab

Caso de matriz numérica:

```
-->A=input("Meta a matriz A")
```

Meta a matriz A-->[4 3;2 1]

A =

4. 3.

2. 1.

Caso de matriz de “strings”:

:

```
-->C=input("Meta a matriz C","string")
```

Meta a matriz C-->[Lisboa Portugal;Madrid Espanha;Paris França]

C =

[Lisboa Portugal;Madrid Espanha;Paris França]

7.5 Saída de resultados

O comando de utilização mais comum é o já conhecido `disp`. O número de linhas de texto é automaticamente ajustado á janela do Scilab, mas pode ser modificado pelo comando `lines`, o que não trataremos nesta iniciação.

```
-->disp(["A raiz quadrada de dois é:",string(sqrt(2))])
```

!A raiz quadrada de dois é: 1.4142136 !

É possível dispor o texto em linhas de acordo com:

```
-->disp(["Isto é";"um vetor";"de texto"])
```

!Isto é !

! !

!um vetor !

Programação em Scilab

! !

!de texto !

```
-->disp(["Isto é uma matriz";"de texto"])
```

!Isto é uma matriz !

! !

!de texto !

O comando **printf** permite também dispor de informação no monitor. É mais flexível que **disp**, pois permite misturar texto e valores de variáveis sem recorrer ao comando `string`. Os números também podem ser formatados. Se escrever:

- %i o número é formatado como inteiro
- %e com notação científica
- %f ponto fixo, com o número de casa decimais que se queira

Ilustremos a sua utilização:

```
-->a=2.3;b=2345;c=7.6789325;g=sqrt(2);
```

```
-->printf("As variáveis são: %i, %e, %f, %1.3f %1.7f",a,b,c,c,c)
```

As variáveis são: 2, 2.345000e+003, 7.678933, 7.679 7.6789325

```
-->printf("A raiz quadrada de %i é %f",a,g)
```

A raiz quadrada de 2 é 1.414214

O comando **file** permite gerir ficheiros no Scilab, mas esse tema ultrapassa o âmbito desta iniciação. O leitor entre com **apropos file**, para explorar este assunto, se tiver necessidade disso.

Como se disse no capítulo 1, é possível imprimir toda a sessão de trabalho na janela de comandos do Scilab, clicando o ícone que representa uma impressora, na barra da sua janela. Se antes se quiser ter acesso à janela de definição da impressora pode-se utilizar o comando **printsetupbox**, que a faz surgir.

7.6 O controlo *if*

Suponha a leitora que está em casa num dia muito nebuloso e decide sair de casa. Pensa: se (*if*) estiver a chover então (*then*) levo o guarda chuva. Levanta-se da cadeira vai à janela: acontece que está a chover, vai buscar o guarda-chuva e sai; foi à janela e verifica que não chove, limita-se a sair de casa.

Programação em Scilab

Para tomar esta decisão numa situação condicional, o Scilab, à semelhança de várias linguagens de programação tem o seguinte comando:

```
if condição then acção ;  
end
```

A ação só é executada se a condição for verificada. No seu caso a condição era verdade (V) estar a chover e a ação consequente levar o guarda-chuva. Se a condição fosse falsa (F) não chover limitava-se a continuar o seu acto de sair de casa.

Podemos escrever o fluxograma associado ao comando `if...then...end`, como se exhibe na figura 7.3.

Sugiro que o leitor, daqui em diante, escreva os pseudocódigos correspondentes aos fluxogramas que forem surgindo no texto.

Vejamos um exemplo.

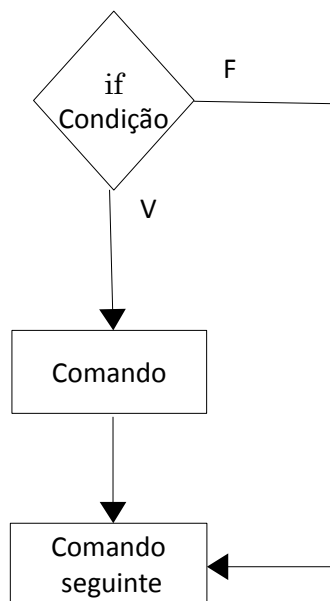


Figura 7.3. Fluxograma associado ao comando `if...then...end`.

```
-->a=1;
```

```
-->if a>0 then disp("Levo o guarda-chuva");
```

Levo o guarda-chuva

```
-->end
```

Programação em Scilab

```
-->disp("Saio de casa")
```

Saio de casa

Agora seja a=0:

```
-->a=0;
```

```
-->if a>0 then disp("Levo o guarda-chuva");
```

```
-->end
```

```
-->disp("Saio de casa")
```

Saio de casa

Suponha que a leitora é uma pessoa prudente e pensava: se estiver a chover levo o guarda-chuva, senão estiver a chover levo a gabardina. Nesta situação o leitor se não estivesse a chover não se limitava a sair simplesmente de casa, antes ia vestir a gabardina. Uma situação homóloga desta pode ser transmitida ao computador com o comando:

```
if condição then acção 1;  
else  
acção 2;  
end
```

A este comando associa-se o fluxograma da figura 7.4.

Um exemplo:

```
-->a=1;
```

```
-->if a>0 then disp("Chove");
```

Chove

```
-->else
```

```
-->disp("Não chove")
```

```
-->end
```

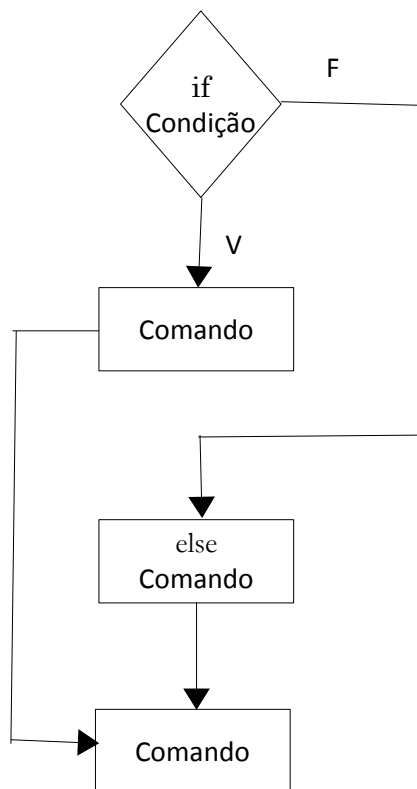


Figura 7.4. Fluxograma associado ao comando if...then....else...end.

```
-->disp("Termina aqui")
```

Termina aqui

O complementar:

```
-->a=0;
```

```
-->if a>0 then disp("Chove");
```

```
-->else
```

```
-->disp("Não chove")
```

Não chove

```
-->end
```

```
-->disp("Termina aqui")
```

Termina aqui

Programação em Scilab

Admitamos que a leitora tem um bom impermeável de oleado (de que não gosta muito), com capucho, de boa qualidade, além do guarda-chuva e da gabardina. Decide agora: se chove muito intensamente levo o impermeável de oleado, se chover menos o guarda-chuva, se não chover levo a gabardina.

O Scilab lida com a lógica desta situação com o comando:

```
if condição then acção 1;  
elseif  
acção 2;  
else  
acção 3;  
end
```

Como espera, agora tem três exemplos:

Exemplo 1.

```
-->a=2;
```

```
-->if a>1 then disp("Chove muito");
```

Chove muito

```
-->elseif a>0
```

```
-->disp("Chove");
```

```
-->else
```

```
-->disp("Não chove")
```

```
-->end
```

```
-->disp("Termina aqui")
```

Termina aqui

Exemplo 2.

```
-->a=1;
```

Programação em Scilab

```
-->if a>1 then disp("Chove muito");  
-->elseif a>0  
-->disp("Chove");
```

Chove

```
-->else  
-->disp("Não chove")  
-->end
```

```
-->disp("Termina aqui")
```

Termina aqui

Exemplo 3.

```
-->a=0;  
  
-->if a>1 then disp("Chove muito");  
-->elseif a>0  
-->disp("Chove");  
-->else  
-->disp("Não chove")
```

Não chove

```
-->end  
  
-->disp("Termina aqui")
```

Termina aqui

Podemos inserir mais do que uma declaração `elseif`, antes do `else` final.

Vejamos o fluxograma deste comando, na figura 7.5.

É possível incluirmos mais de uma condição para ser simultaneamente satisfeita, num comando `if`. O símbolo que liga as condições é `&`. Ilustremos.

Programação em Scilab

```
-->a=2;b=4;
```

```
-->if a>2 & b<3 then disp('Não satisfaz');
```

```
-->else
```

```
-->disp('Satisfaz')
```

Satisfaz

```
-->end
```

Do mesmo modo, o comando pode conter alternativas. O símbolo equivalente a 'ou' é |. Modifico o exemplo anterior para:

```
-->if a>2 | b<5 then disp('Não satisfaz');
```

Não satisfaz

```
-->else
```

```
-->disp('Satisfaz')
```

```
-->end
```

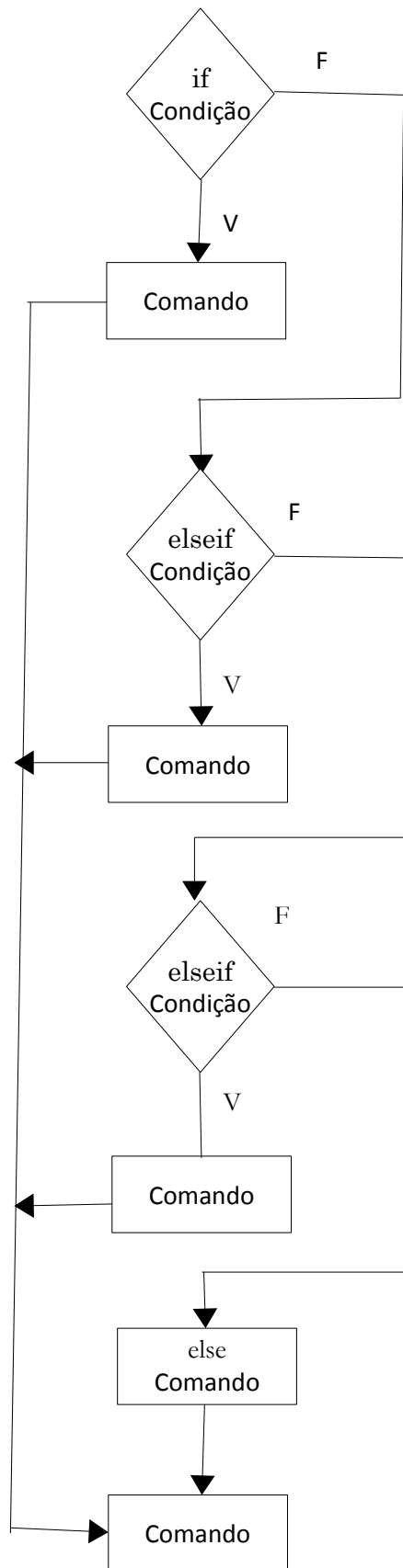


Figura 7.5. Fluxograma do comando if.. then...elseif...elseif else end

7.7 O controlo select

O comando `select ...case` tem a possibilidade de executar uma série de outros, e escolhe um deles conforme o valor de uma variável escolhida.

O fluxograma insere-se na figura 7.6, correspondente à seleção de dois casos.

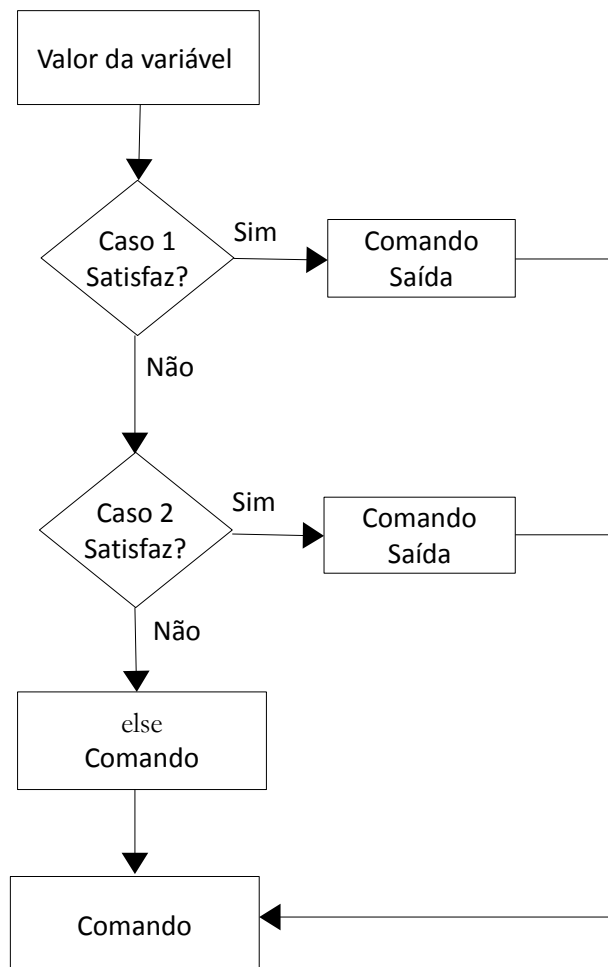


Figura 7.6. Fluxograma do comando `select ...case`

A estrutura do comando para dois casos é a seguinte:

```
select nome da variável  
case primeiro valor da variável then  
comando  
case segundo valor da variável then
```

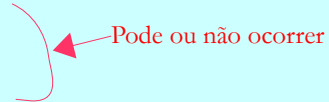
Programação em Scilab

```
comando
```

```
else
```

```
comando
```

```
end
```



Imaginemos a seguinte situação. Um programa calcula uma variável *a*, que só pode assumir os valores 1 (baixo), 2 (médio) e 3 (alto), caso contrário ocorreu um erro. Deseja-se que o programa dê logo informação sobre o nível da variável. Vamos considerar as três situações possíveis.

Exemplo 1

```
-->a=1;
```

```
-->select a  
-->case 1 then  
--> disp('Baixo')
```

Sempre na mesma linha

Baixo

```
-->case 2 then
```

```
--> disp('Médio')
```

```
-->case 3 then
```

```
--> disp('Alto')
```

```
-->end
```

```
-->disp('Termina aqui')
```

Termina aqui

Exemplo 2

```
-->a=2;
```

```
-->select a
```

```
-->case 1 then
```

```
-->disp('Baixo')
```

Programação em Scilab

```
-->case 2 then
```

```
-->disp('Médio')
```

Médio

```
-->case 3 then
```

```
-->disp('Alto')
```

```
-->end
```

```
-->disp('Termina aqui')
```

Termina aqui

Exemplo 3.

```
-->a=3;
```

```
-->select a
```

```
-->case 1 then
```

```
-->disp('Baixo')
```

```
-->case 2 then
```

```
-->disp('Médio')
```

```
-->case 3 then
```

```
-->disp('Alto')
```

Alto

```
-->end
```

```
-->disp('Termina aqui')
```

Termina aqui

Exemplo 4, onde também se pretende assinalar a ocorrência de erro.

```
-->a=5;
```

Programação em Scilab

```
-->select a
-->case 1 then
-->disp('Baixo')
-->case 2 then
-->disp('Médio')
-->case 3 then
-->disp('Alto')
-->else
-->disp('Ocorreu erro')
```

Ocorreu erro

```
-->end
```

```
-->disp('Termina aqui')
```

Termina aqui

7.8 O comando *for...end*

O comando **for...end** cria ciclos de comandos que no seu conjunto são repetidos, tantas vezes quantas queiramos, atualizando os valores das variáveis em cada ciclo, naturalmente.

A estrutura do comando é a seguinte:

```
for contador=valor inicial:intervalo:valor máximo
comandos
end
```

Se omissa é igual a 1

Os comandos **for ... end** podem estar incluídos uns nos outros. O fluxograma do comando é o da figura 7.7. Um curto exemplo:

```
for n=1:50
m=(m+1)/m;
end
```

Programação em Scilab

Outro exemplo que soma os elementos de uma matriz, embora o comando `sum` seja mais eficiente. Criamos dois ciclos, um embutido no outro, porque temos de somar os elementos de cada linha, coluna a coluna. Veja a secção 3.3, sobre a identificação dos elementos de uma matriz.

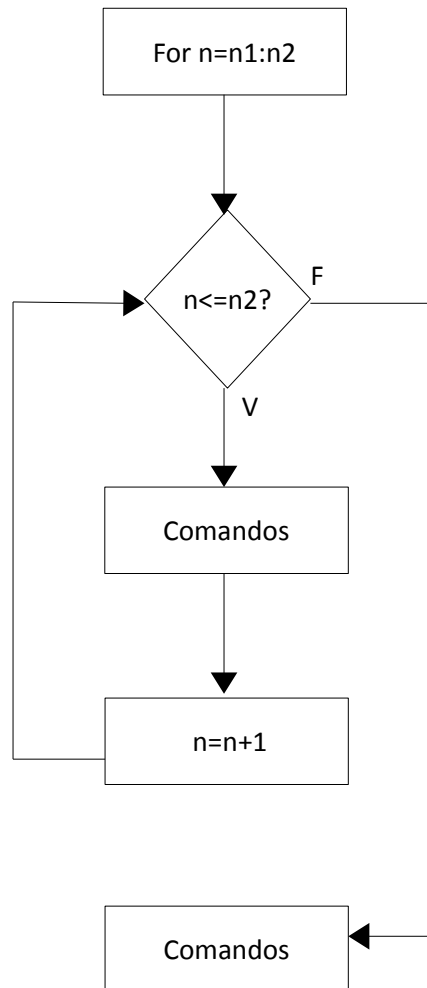


Figura 7.7. Fluxograma do comando `for ... end`

```

//soma dos elementos de uma matriz
//definir a matriz
mat=matrix([1:2:29],3,5);
//criar uma variável inicialmente igual a zero
//a que são somados os elementos da matriz
tot=0;
//selecionar os elementos de uma linha
for i=1:3

```

Programação em Scilab

```
//somar os elementos da linha, coluna a coluna
```

```
for j=1:5
```

```
tot=tot+mat(i,j);
```

```
end
```

```
end
```

```
printf(O total é %i",tot)
```

A saída deste programa é:

O total é 225

7.9 O comando *while ... end*

O comando **while** repete um ciclo enquanto um condição for satisfeita.

```
while condição
```

```
comandos
```

```
end
```

O fluxograma de **while** exibe-se na figura 7.8.

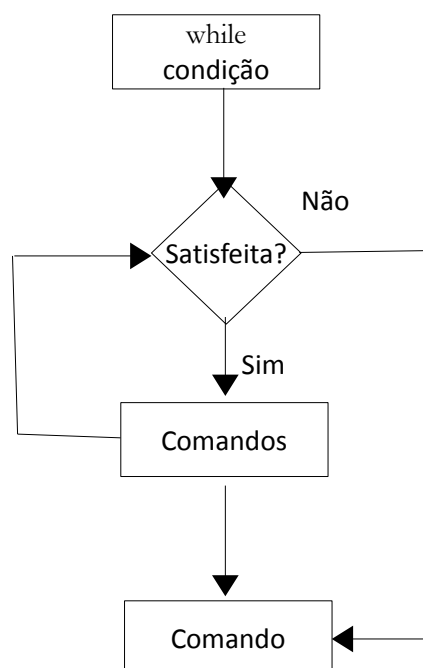


Figura 7.8. Fluxograma do comando **while...end**

Programação em Scilab

Um matemático alemão chamado Lothar Collatz, em 1937, apresentou a conjectura que passo a descrever. Nunca foi numericamente contraditada, nem provada. Se tomarmos um número qualquer e , sucessivamente, o dividirmos por dois se for par e multiplicarmos por três e adicionarmos um, se for ímpar, acabamos por obter o número 1. Vamos fazer um pequeno programa para verificar esta conjectura.

```
//Conjetura de Lothar Collatz
//limpar a janela de gráfico
clf()
//gerar um número aleatório entre 1 e 10 mil milhões
x=grand(1,"unf",1,10^10);
xo=x;
//criar um vetor para guardar a sequência de valores gerada
v=[];
//criar um contador para avaliar o número de valores gerado
n=0;
//aplicar a conjectura
while x>1
  if modulo(x,2)==0 then x=x/2;
  else
    x=3*x+1;
  end
  //aumentar o contador
  n=n+1;
  //guardar o novo valor no vetor para o gráfico
  v=[v x];
end
t=1:1:n;
//fazer um gráfico do logaritmo natural dos valores
plot2d(t,[log(v)])
xtitle("Conjetura de Collatz","Número de ordem dos números
gerados","Logaritmo natural dos números gerados");
disp("Número de valores da sequência, número inicial e último valor")
disp([n xo x])
```

Um exemplo da saída desta listagem:

Número de valores da sequência, número inicial e último valor

563. 8.147D+09 1.

exec done

O gráfico do vetor dos números gerados insere-se na figura 7.9, depois de editado.

Programação em Scilab

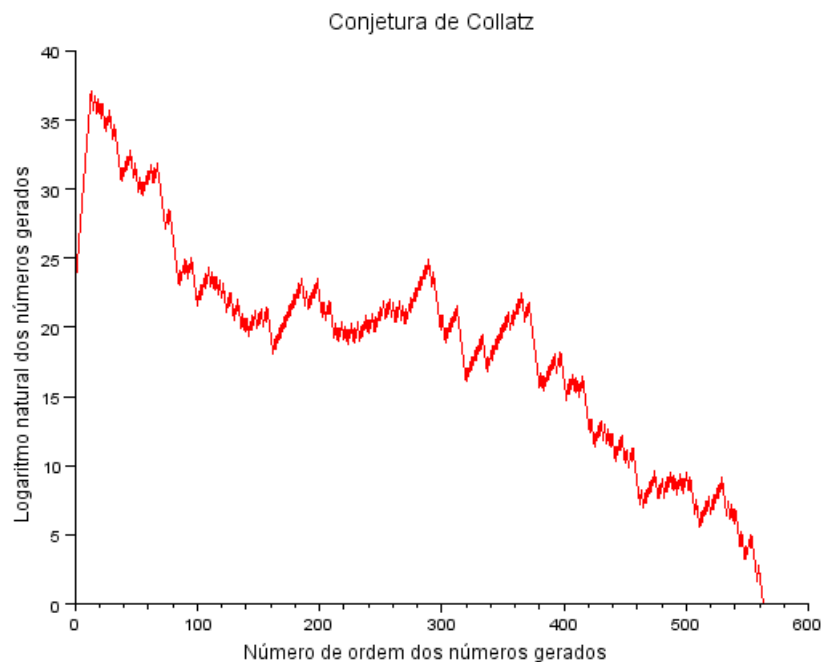


Figura 7.9. Gráfico do logaritmo natural dos valores da sequência da conjectura de Collatz.

7.10 O comando *break*

O comando **break** dentro dum ciclo **for** ou **while** interrompe a execução do ciclo mesmo que as suas condições sejam verdadeiras. Introduzamos o comando **break** no programa anterior do seguinte modo:

```
//Calcular as potências de três inferiores a 5000
//Criar o vetor vazio para as potências de 3
pot3=[];
//primeiro expoente
n=0;
//valor inicial para num3
num3=0;
while num3<2000
    num3=3^n;
    //introduzir o comando break
    if num3>500 then break;
end
pot3=[pot3 num3];
```

Programação em Scilab

```
//aumentar o expoente
```

```
n=n+1;
```

```
end
```

```
pot3
```

```
pot3 =
```

```
1. 3. 9. 27. 81. 243.
```

Sugiro ao leitor que tente estabelecer o fluxograma e o pseudocódigo para o programa anterior.

7.11 Erros nos programas

Quando existe um erro num programa, o Scilab suspende a execução do programa e escreve uma mensagem de erro, na sua janela. Um exemplo:

```
-->a=matrix([1:12],3,4);
```

```
-->D=det(a);
```

```
!--error 20
```

```
first argument must be square matrix
```

O Scilab tem vários tipos de erros identificados por um número. É possível obter a tabela de identificação dos erros com o comando [help error_table](#).

O comando **pause** suspende a execução do programa e permite entrar comandos, num **prompt** que numera as interrupções e abre um novo “ambiente” local.

Para voltar ao ambiente de computação anterior entrar com **return** ou **resume**.

A execução de uma programa pode ser interrompida com o comando **abort**.

A leitora deve explorar o menu “control” da janela do Scilab, se ainda não o fez

7.12 Quadro sinóptico dos comandos introduzidos neste capítulo

Comando	Descrição
abort	Interrompe a execução do programa
clearglobal	Apaga as variáveis globais
excel2sci	Lê folhas de cálculo em formato de texto (*.txt)

Programação em Scilab

for	Comando para executar ciclos
full	Converte matrizes esparsas em matrizes completas
global	Define variáveis globais
hypermat	Cria matriz multidimensional
if	Cria um Comando de execução condicional
input	Pede uma entrada de informação através do teclado
isglobal	Verifica se uma variável é global
list	Cria um objeto list (lista)
mgetl	Lê linhas de texto de um ficheiro *.txt
pause	Interrompe o programa e aguarda uma entrada através do teclado
printf	Comando para imprimir no monitor
printsetupbox	Comando para ter acesso à janela de controlo das impressoras
resume	Retoma a execução interrompida de um programa
return	Retoma a execução interrompida de um programa
select	Comando de escolha condicional
sparse	Cria uma matriz esparsa
tlist	Cria um objeto do tipo tlist
type	Verifica o tipo da variável
typeof	Verifica o tipo de um objeto Scilab
xls_open	Abre um ficheiro em formato do Excel
xls_read	Lê um ficheiro Excel previamente aberto
while	Comando para ciclo condicional

Aplicações

Vou agora apresentar aplicações do Scilab a vários problemas, alguns deles requerendo conhecimentos de um nível superior aos implícitos naqueles resolvidos no capítulo 2. Este livro é fundamentalmente de iniciação ao Scilab, por isso assumo que o leitor tem a formação necessária para abordar os modelos que lhe interessarem, que serão no entanto acompanhados de um enquadramento mínimo e de pelo menos uma referência bibliográfica atinente e relevante. Espero que alguns deles acicatem a sua curiosidade e o levem a empreender outras aventuras de descoberta, em domínios novos para si.

Numa escolha certamente arbitrária, apresentarei os seguinte programas:

- reglinmul – ajusta modelos da regressão linear multivariada
- RK4 – aplica o método de Runge-Kuta de 4ª ordem a um sistema de EDO
- sbpred11 – acha o equilíbrio do modelo SBPRED(1,1) para a interação predador-presa e analisa a sua estabilidade
- paramcaos – aplica o modelo BACO2 a populações de *Paramecium* sp. e ilustra a ocorrência do efeito de borboleta determinístico
- sematdial – dada uma matriz de Leslie, estima a sensibilidade e a elasticidade do seu valor próprio dominante, os valores reprodutivos das classes e a distribuição etária estável
- SOBANPK – simula os ciclos biogeoquímicos do N, K e P no pinhal bravo regular
- Cnobravo – simula o carbono retido no pinhal bravo e a sua acreção
- plantafu – simula o crescimento de uma planta anual no hemisfério norte, com selecção de data de sementeira e latitude
- funcroc – simula o crescimento de uma população de crocodilos australianos
- ProbExt – calcula a probabilidade acumulada de extinção de uma espécie
- plamarg – simula o planeta das margaridas de James Lovelock
- fuMBE2 – um modelo de balanço da energia da Terra
- ABETARfu – simula uma população ibérica de abetarda
- Lypard – simula uma população de lince ibérico
- SB-IberiQu - simula florestas de carvalho roble

Todos os programas, em formato *.sci, encontram-se na pasta “Aplicações”, que acompanha este livro. Para os correr basta **File→Exec....** e dois cliques no ficheiro escolhido. Reveja na secção 2.7 as várias alternativas para correr um programa.

Aplicações

8.1 Programa *reglinmul*

A regressão linear múltipla é um dos instrumentos estatísticos mais utilizados, por isso vou apresentar um programa que ajusta este modelo. São inúmeros os livros onde se explana a abordagem matricial deste tipo de regressão. Recorri a Myers (1990).

Genericamente, o modelo escreve-se:

$$y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_n x_n + \varepsilon$$

A listagem do programa insere-se abaixo. Os dados que usa, com o propósito de controlo, são respigados de Myers (1990), página 174 e seguintes. Os resultados deste autor são reproduzidos pelo *reglinmul*.

Além os estatísticos referentes aos coeficientes de regressão, são também estimados R^2 , R_{aj}^2 , análise da variância, e os estatísticos PRESS, AIC e BIC.

Da saída do programa constam duas janelas de gráficos. A primeira apresenta quatro gráficos identificados e comumente exibidos ao se analisarem os resíduos (figura 8.1). Esta janela pode-se manter durante o tempo que se quiser, mesmo copiar, com a execução do programa suspensa. Para retomar os cálculos entre com `return` e `enter`. Surge outro gráfico (figura 8.2) que compara um histograma dos resíduos com a distribuição normal associada, e na janela dos comandos a análise descritiva dos resíduos.

Deixo como desafio à leitora, selecionar a combinação das variáveis independentes que minimiza o PRESS.

O leitor pode modificar o início do programa de modo a que ele possa aceitar outros dados (secção 7.4). O programa não recorre a ciclos o que acelera a sua execução.

Eis a listagem do programa:

//© L. S. Barreto, 2007.

//Programa *reglinmul*

//Este programa estabelece uma regressão linear múltipla

//Abordagem matricial

//Validado com dados de Myers (1990), tab. 4.1, p.174

`clf()`

//dados

`x=[1 5.5 31 10 8; 1 2.5 55 8 6; 1 8.0 67 12 9;...`

`1 3.0 50 7 16;1 3.0 38 8 15;1 2.9 71 12 17;...`

`1 8.0 30 12 8;1 9.0 56 5 10;1 4.0 42 8 4;...`

`1 6.5 73 5 16;1 5.5 60 11 7;1 5.0 44 12 12;..`

`1 6.0 50 6 6;1 5.0 39 10 4;1 3.5 55 10 4];`

Aplicações

```

x(:,[])=[];//tirar coluna(s)
y=[79.3 200.1 163.2 200.1 146.0 177.7 30.9 291.9 160.0...
  339.4 159.6 86.3 237.5 107.2 155.0];
s1=size(x);n=s1(1);k=s1(2);p=k-1;
//Cálculo dos coeficientes de regressão
b=inv((x'*x))*x'*y';
yhat=x*b;
//Cálculo dos resíduos
disp("Resíduos");e=(y'-yhat)
//Cálculo dos estatísticos da qualidade da regressão
rss=e'*e;
rnu=sum((yhat-mean(y))^2);rden=sum((y-mean(y))^2);
r2=rnu/rden;
rss=rden-rnu;s2=rss/(n-p-1);
ssreg=rnu/p;F=ssreg/s2;
r2aj=1-(s2*(n-1)/rden);df1=p;df2=n-p-1;
c=inv(x'*x);
cii=diag(c);seb=sqrt(s2*cii);
t=b./seb;tt=abs(t);a=ones(k,1)*(n-k);
[P,Q]=cdf("PQ",tt,a);
pt=2*Q;
//Imprimir resultados
disp([" Betas erro t p"])
disp([b seb t pt])
disp([" R2 R2aj s2"]);
disp([r2,r2aj,s2])
disp([" SQmodelo SQerro SQtotal F p"])
[P,Q]=cdf("PQ",F,df1,df2);
disp([rnu, rss, rden, F,Q])
//Cálculo do PRESs, AIC e BIC
g=[];
h=x*inv(x'*x)*x';
hii=diag(h);su=(ones(n,1)-hii);

```

```

Aplicações
g=(e./su)^2;
d=g.*hii/(s2*p);
sr=[];
su2=sqrt(su);
sr=sqrt(abs(e./(sqrt(s2)*su2)));
PR=sum(g);AIC=log(rss/n)+2*k/n;nob=1:1:15;
bi=log(rss/n)+k/n*log(n);
disp([" PRESS   AIC   BIC"]);
disp([PR,AIC,bi])
//Preparar e fazer gráficos
z=zeros(15,1);
p1=[z e];p2=[z d];p3=[z sr];
subplot(221);
plot2d3(yhat,[p1]);
xtitle("Resíduos vs. predições","Predições","Resíduos");
subplot(224);
plot2d3(nob,[p2]);
xtitle("Distâncias de Cook, Dc","Nº da observação","Dc");
subplot(223);
plot2d3(yhat,[p3]);
xtitle("Localização de escala","Predição","(Res. stand.)^1/2");
subplot(222);
histplot([-10:5:10],e);
xtitle("Histograma dos resíduos","Classes","Frequência");
xx=x;
//paragem para ver gráficos,
//para continuar teclar return + enter
pause
clf
c=e;
a=size(c);n=a(1,1);
miu=mean(c);st=(st_deviation(c));var=st^2;
meanc=ones(n,1)*miu;

```



```

Aplicações
m3=sum((c-meanc)^3)/n;
m4=sum((c-meanc)^4)/n;
assim=m3/st^3;
excd=m4/st^4-3;
disp("Resíduos")
disp([" med   var   assim   excd"])
disp([miu;var;assim;excd])
x=-20:1:20;
nor=1/(sqrt(var*2*pi))*exp(-(x-miu)^2/(2*var));
plot2d(x,[nor])
xtitle("Comparação distribuição dos resíduos-
normal","Valores","Frequência")
histplot([-20:4:20],c)
x=xx;
resume

```

Resíduos

e =

```

0.4119052
- 1.0993919
- 4.3689851
- 8.688148
2.0298928
5.4187247
- 5.5589343
5.7670654
1.9465496
- 2.6748748
0.4713782
6.005349
2.0782691
1.9070532
- 3.645853

```

Aplicações

Betas	erro	t	p
177.22856	8.7873825	20.168527	1.977D-09
2.1702103	0.6736981	3.2213393	0.0091543
3.5380138	0.1091521	32.413626	1.841D-11
- 22.158336	0.5453732	- 40.629674	1.953D-12
0.2035384	0.3188579	0.6383358	0.5375986

R2	R2aj	s2
0.9970734	0.9959027	26.207283

SQmodelo	SQerro	SQtotal	F	p
89285.045	262.07283	89547.117	851.71976	1.285D-12

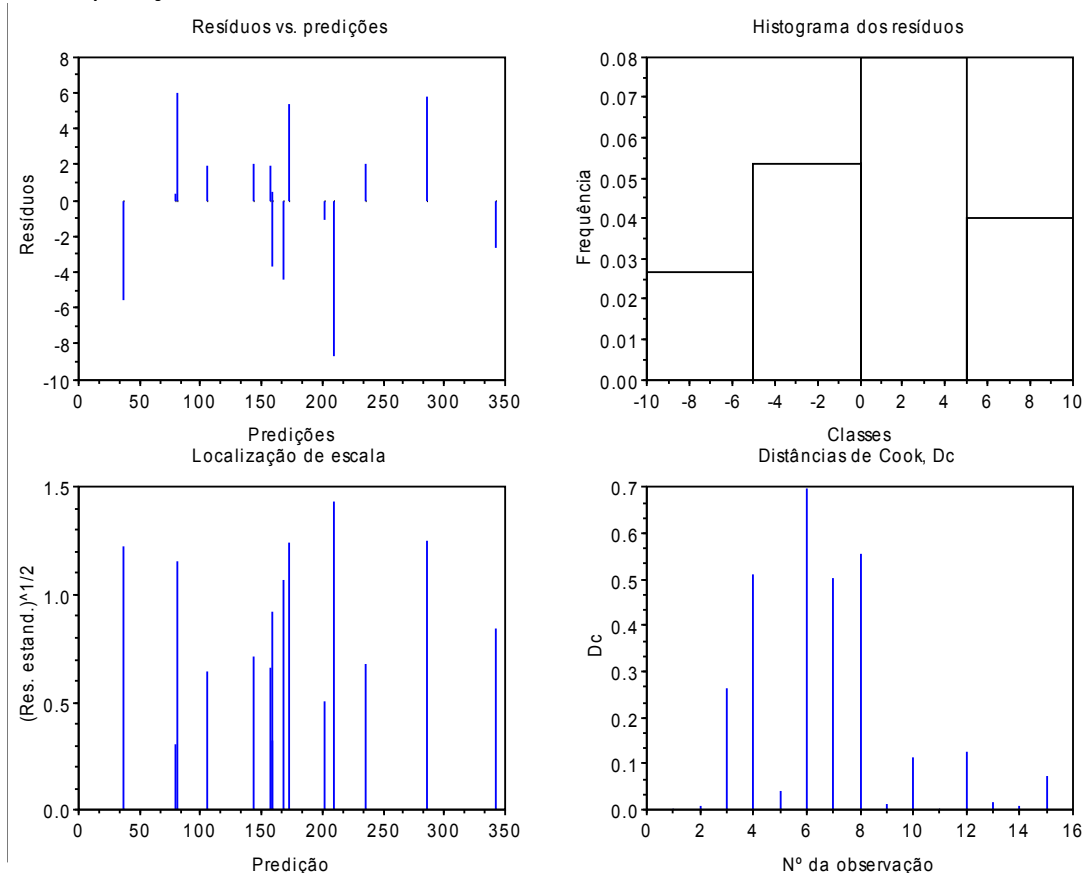
PRESS	AIC	BIC
741.75573	3.5272389	3.7632557

-1->return

Resíduos

med	var	assim	excd
1.037D-13	18.719488	- 0.3132837	- 0.9874243

Aplicações



exec done

Figura 8.1. Primeira saída de gráficos do programa reglinmul

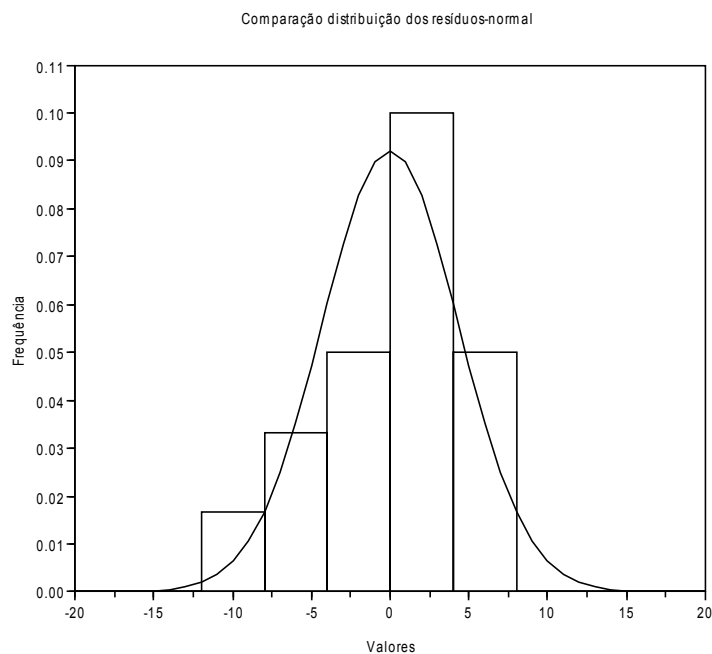


Figura 8.2. Segunda saída de gráficos do programa reglinmul. Comparação da distribuição dos resíduos com a distribuição normal

Aplicações

8.2 Programa RK4

Se a leitora não está familiarizado com o método de Runge-Kuta de 4ª ordem, para resolver numericamente equações diferenciais, ele vem descrito tanto em obras que tratam de equações diferenciais, como de análise numérica (por exemplo, Antia, 2000). O programa RK4 aplica este método.

O programa RK4 ilustra a utilização de um vetor de “strings” cujos elementos são duas equações diferenciais (já nossas conhecidas, com constantes diferentes), que depois o comando `eval` se encarrega de calcular. A saída do programa exibe-se na figura 8.3.

```
//© L. S. Barreto, 2007.Programa RK4
//Aplica o método de Runge-Kuta 4ª ordem
//a um sistema de 2 EDO
dx=[];x=[];x0=[];k1=[];k2=[];k3=[];k4=[];v=[];
//equações diferenciais
dx(1)='x(1)*(-0.1+0.002*x(2))';
dx(2)='x(2)*(-0.0025*x(1)+0.2)';
//valores iniciais
x0(1)=40;x0(2)=40;
//peíodos da solução
n=150;
//número de equações
m=2;
//intervalo de discretização
h=1;
a=1;
for i=1:h:n
    x=x0;
    k1=eval(dx);
    x=x0+h/2*k1;
    k2=eval(dx);
    x=x0+h/2*k2;
    k3=eval(dx);
    x=x0+h*k3;
    k4=eval(dx);
```

```
Aplicações
for i=1:m
  x(i)=x0(i)+h*1/6*(k1(i)+2*(k2(i)+k3(i))+k4(i));
end
x0=x;
for i=1:m
  v(a,i)=x0(i)+h*1/6*(k1(i)+2*(k2(i)+k3(i))+k4(i));
end
a=a+1;
end
for i=1:m
  plot(v(:,i))
end
```

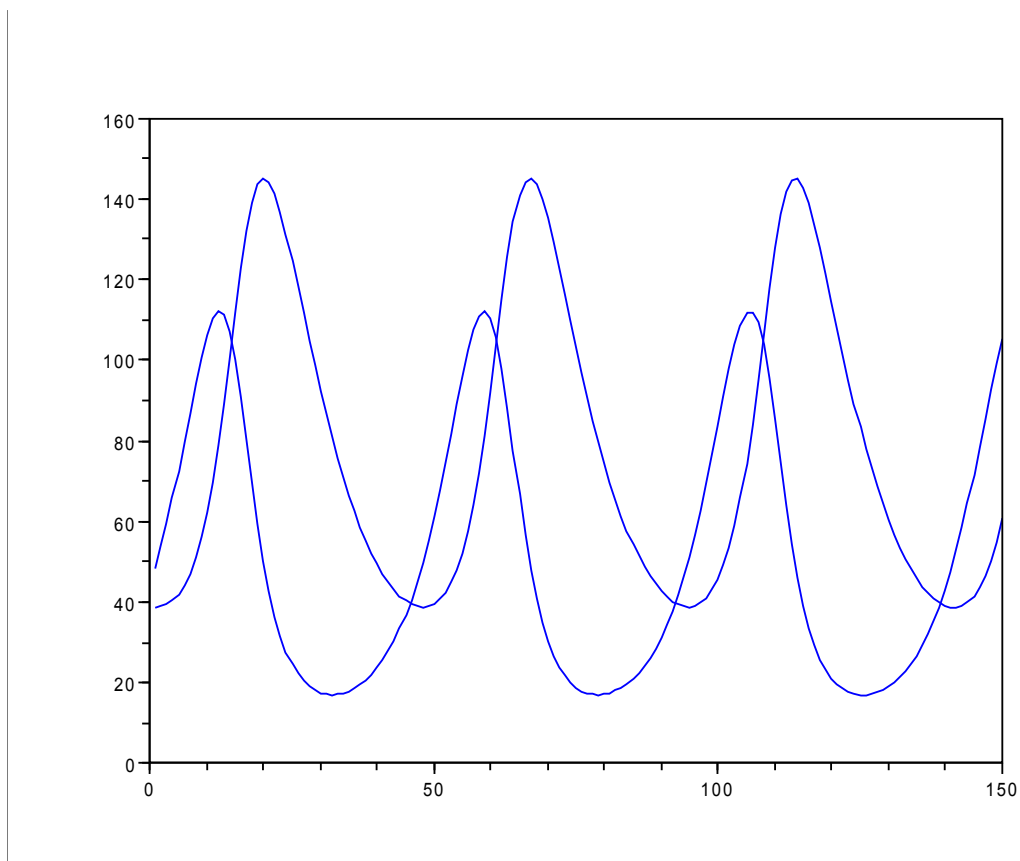


Figura 8.3. Saída do programa RK4

Leitor: para que serve a variável a?

Aplicações

Pode eliminar as equações solucionadas e inserir um procedimento para aceitar outras quaisquer. Formate a figura 8.3.

Se se interessa por equações diferenciais, veja na ajuda do Scilab os comandos `champ` e `fchamp`.

8.3 Programa sbpred11

Em Barreto (2005b), propus o seguinte modelo para a interação presa-predador, que designei sbpred(1,1):

$$\frac{dy_1}{dt} = c_1 y_1 (\ln(k_1) - \ln(y_1)) - \frac{a_{11} y_1 x_1}{1 + a_{11} h_{11} y_1}$$

$$\frac{dx_1}{dt} = c_1 m_{11} x_1 (\ln(b_{11} y_1) - \ln(x_1))$$

Obviamente, a variável y representa a presa e x o predador. Basicamente envolve duas formas diferenciais da equação de Gompertz e uma resposta funcional de Holling do tipo II.

O programa sbpred(1,1) estima os pontos de equilíbrio e analisa a estabilidade da solução. Tem a seguinte listagem:

```
//© L. S. Barreto, 2008.Programa sbpred11
//Programa sbpred11
//Modelo sbpred de Barreto para a interação presa-predador
//Acha o ponto de equilíbrio e analisa a sua estabilidade
//c1=0.5;m=5.12;h=0.1;a=5;b=0.5;k1=19
disp("[]=g(c1,m,h,a,b,k1)")
m=1e-10;
function []=g(c1,m,h,a,b,k1)
printf("c1=%1.3f, m=%1.3f, h=%1.3f, a=%1.3f, b=%1.3f, k=%i", c1,m,h,a,b,k1)
deff('x=f(y)', 'x=[c1*y(1)*(log(k1)-log(y(1)))-a*y(1)*y(2)/(1+a*h*y(1));...
c1*m*y(1)*(log(b*y(1))-log(y(2)))]')
disp("Equilibrio")
[y]=fsolve([7,0.3],f);
disp(y)
```

```

Aplicações
y0=[y(1);y(2)];
disp("Jacobiano")
[J]=derivative(f,y0);
disp(J)
z=poly(J,"x");
disp("Valores próprios");
v=roots(z);
disp(v)
if real(v(1))<0 & real(v(2))<0 then disp("Equilíbrio estável")
elseif disp("Equilíbrio instável")
end
endfunction

```

Eis um exemplo da saída do programa:

```
c1=0.500, m=5.000, h=1.000, a=1.000, b=0.400, k=20
```

```
Equilibrio
```

```
9.6852294 3.8740918
```

```
Jacobiano
```

```
- 4.0110722 - 9.6846614
```

```
2.5 - 6.25
```

```
Valores próprios
```

```
- 5.1305361 + 4.7914981i
```

```
- 5.1305361 - 4.7914981i
```

```
Equilíbrio estável
```

Aplicações

8.4 Programa paramcaos

Em Barreto (2004b) apresentei o meu modelo BACO2 para a competição entre plantas. Assenta na seguinte conceção da competição:

A1. As competições intra e interespecíficas são fenómenos

A2. O maior efeito da competição é ao nível da população.

A3. A competição afeta a alometria da população e o seu padrão de crescimento, proporcionalmente à diferença da capacidade competitiva das espécies. Quanto mais próximas forem estas menores são as perturbações no crescimento das populações.

A4. A variação relativa da variável selecionada, z , para descrever a população numa mistura (número ou biomassa), no caso da população a , escrita como $RVR_a = 1/y_a dy_a/dt$, é afetada pela proporção das outras espécies na mistura e o logaritmo natural da razão da variação da outra /numerador) espécie e da espécie a (denominador). Generalizando para uma mistura de n espécies, na idade t escrevo:

$${}^z RVR_{at} = RVR_{azt} \left(1 + \sum_{j=1}^n \left(\frac{y_j}{\sum_{j=1}^n y_j} \ln(r_{ajt}) \right) \right)$$

onde

r_{ajt} = (variação relativa da espécie j na idade t) / variação relativa da espécie a na idade t).

Em Barreto (2005a, b) a leitora pode encontrar informação complementar sobre o modelo BACO2, e a sua aplicação à análise de experiências de competição com *Paramecium* sp., que em culturas puras crescem em número de acordo com a curva de Gompertz.

O programa paramcaos simula a dinâmica de misturas de *P. aurelia* e *P. caudatum*, com combinações de vários tamanhos iniciais das populações e revela graficamente que pequenas diferenças nos tamanhos iniciais são ampliadas durante o crescimento das populações, como se exhibe na figura 8.4, com o gráfico que produz.

A listagem do programa é a seguinte:

```
//© L. S. Barreto, 2008 Programa paramcaos
//Aplica o modelo BACO2 a duas populações de ciliados
// com vários valores iniciais
//e ilustra o efeito de borboleta determinístico
//gerar combinações de valores iniciais recorrendo a dois comandos for
i=1;
for p01=22:80:302
```



```

Aplicações
for p02=22:80:302
//valores característicos das espécies de paramécia utilizadas
c1=0.297;c2=0.253;r1=0.0033;r2=0.0090;k1=602;k2=223;
a=[];
w1=p01;w2=p02;
cop1=-c1*log(r1);
cop2=-c2*log(r2);
p1=p01;p2=p02;yy=1;
for q=0:0.01:34
    g=p1+p2;
    x=yy/100;
    if (yy/100+1)==int(yy/100+1) then a(x,1)=p1;
    end
    if (yy/100+1)==int(yy/100+1) then a(x,2)=p2;
    end
    //cálculo das variações relativas de cada espécie
    ep1=exp(-c1*q);ep2=exp(-c2*q);
    rm1=cop1*ep1;rm2=cop2*ep2;
    //logaritmos das razões das variações relativas das espécies
    f1=log(rm2/rm1);f2=log(rm1/rm2);
    g1=p2/g;g2=p1/g ;// proporções de cada espécie
    //variações das espécies
    p1=p1*(1+0.01*rm1*(1+g1*f1));
    p2=p2*(1+0.01*rm2*(1+g2*f2));
    //coeficientes de competição entre as espécies
    //a(ij) i=esp. afetada, j=esp. que afeta
    //cuja saída pode ser pedida
    a12=(-c1*w1*(log(k1)-log(w1))+(p1-w1))/(c1*w1*log(w2));
    a21=(-c2*w2*(log(k2)-log(w2))+(p2-w2))/(c2*w2*log(w1));
    w1=p1;w2=p2;
    yy=yy+1;
end
// criar os vetores das populações da combinação das densidades iniciais

```

```

Aplicações
[p1]=a(:,1)';[p2]=a(:,2)';
plot2d4(p1,[p2],[i]); ← Muda a cor das linhas
xtitle("Dinâmica das populações de P. aurelia e P caudatum, para vários
valores iniciais","P.aurelia","P. caudatum");
xgrid();
i=i+1;
end
end
end

```

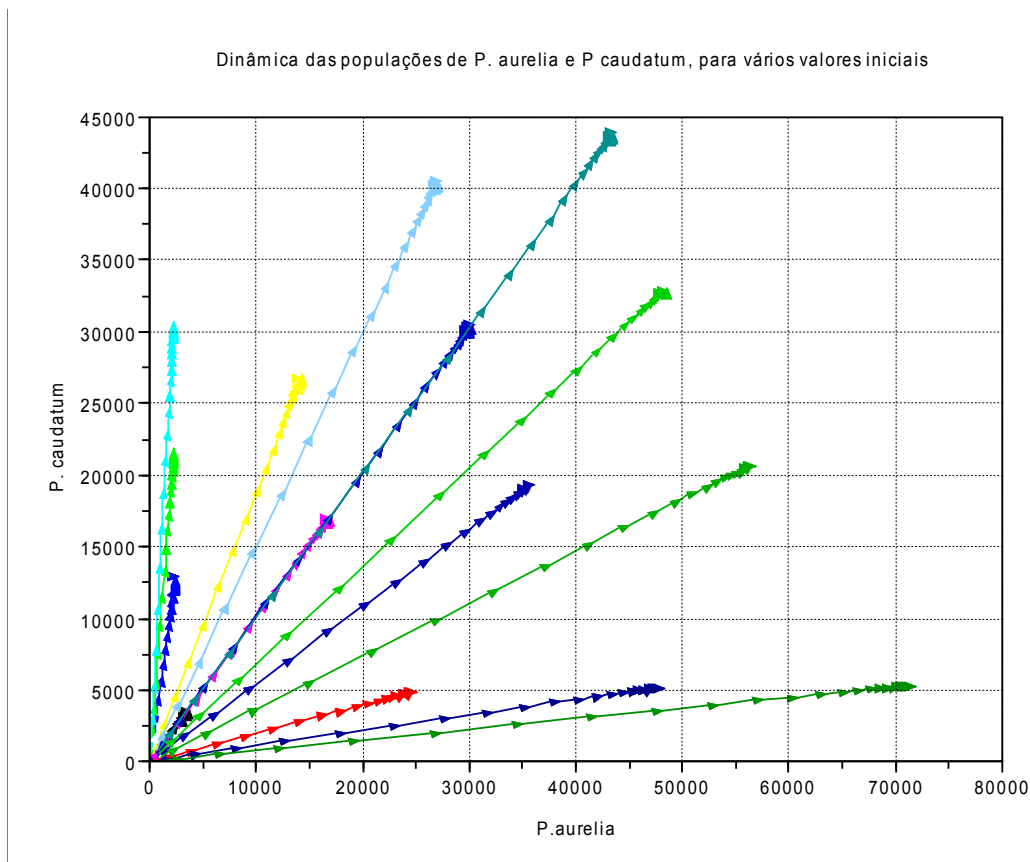


Figura 8.4. Gráfico criado pelo programa paramcaos. Ilustra o efeito de borboleta determinístico em situações de competição interespecífica

8.5 Programa sematdial

Este programa está relacionado com a matriz de Leslie para populações estruturadas. Caswell (2001) é a mais completa obra que conheço sobre modelos matriciais de populações.

Aplicações

O programa sematdial calcula os valores próprios da matriz, as matrizes da sensibilidade e elasticidade do valor próprio dominante, os valores reprodutivos das classes e a distribuição etária estável.

```
//© L. S. Barreto, 2007. Programa sematdial
//Dada uma matriz de Leslie acha os valores próprios
//As suas matrizes da sensibilidade e elasticidade,
//os valores reprodutivos das classes e
//a distribuição etária estável
// a matriz da minha autoria
//diz respeito ao veado-mula americano
//classes de idade de 3 anos
a=[0.546    0.656 0.7015    0.743 0.743;
0.133642  0.534924  0    0    0;
0    0.213302  0.604583  0    0;
0    0    0.266801  0.636378  0;
0    0    0    0.297919  0.651575];
valpr=spec(a);
[ab,x,bs]=bdiag(a,1/%eps);
[ic,ir]=find(ab'==max(ab'));
w=conj(inv(x));
v1=x(:,ic);
w1=real(w(ic,:));
s=w1*v1';
VR=w1*1/w1(1,1);
eee=v1/sum(v1);
h=sort(spec(a));
el=s.*a/h(1,1);
disp("Sensibilidade")
disp(s)
disp("Elasticidade")
disp(el)
disp("Valores próprios")
disp(h)
```

```

Aplicações
disp("Valor reprodutivo")
disp(VR)
disp("Distribuição etária estável")
disp(eee)

```

O leitor pode modificar o programa de modo a aceitar qualquer matriz de Leslie que se queira analisar.

A saída do programa é a seguinte:

Sensibilidade

```

0.3043126  0.0874455  0.0471710  0.0346107  0.0295935
1.0337951  0.2970653  0.1602469  0.1175777  0.1005337
1.3181592  0.3787785  0.2043257  0.1499195  0.1281873
1.1534797  0.3314571  0.178799  0.1311899  0.1121727
0.6489292  0.1864725  0.1005894  0.0738053  0.0631065

```

Elasticidade

```

0.1661544  0.0573641  0.0330904  0.0257157  0.0219880
0.1381582  0.1589071  0          0          0
0          0.0807941  0.1235316  0          0
0          0          0.0477037  0.0834862  0
0          0          0          0.0219880  0.0411186

```

Valores próprios

```

1.0000017
0.6429011 + 0.2182143i
0.6429011 - 0.2182143i
0.3438280 + 0.0812467i
0.3438280 - 0.0812467i

```

Valor reprodutivo

Aplicações

```

1.
3.3971485
4.331596
3.7904435
2.1324427

```

Distribuição etária estável

```

0.6048349
0.1738018
0.0937545
0.0687903
0.0588185
exec done

```

8.6 Programa SOBANKP

Este programa é uma versão em Scilab de um simulador anteriormente apresentado, em Visual Basic 6. Sobre o fundamento do simulador veja-se Barreto (2004a).

O programa SOBANKP para um pinhal bravo regular, auto-desbastado, com compasso quadrado, calcula a biomassa total, os pesos de azoto, potássio e fósforo retidos na biomassa, absorvidos e restituídos em cada ano. Pede que entre com a classe de qualidade do local onde cresce o pinhal e o seu fator de Wilson.

A altura dominante é usada como indicador da bondade (genericamente, fertilidade) do local onde a floresta existe, para o seu crescimento. Uma forma de a medir é achando a média da altura das cem árvores de maior diâmetro à altura do peito, num hectare.

O fator de Wilson é uma medida de espaçamento relativo das árvores e é um indicador da ocupação do espaço pelas árvores.

Na idade t , este fator é dado pela relação seguinte:

$$f_t = 100 / (h_t N_t^{1/2})$$

N_t representa o número de árvores num hectare, isto é, a densidade do povoamento. Manifestamente, quanto maior for a densidade menor é f . O factor de Wilson é constante, num povoamento florestal auto-desbastado, em que as árvores são todas da mesma espécie e praticamente da mesma idade.

A relação entre os pesos do nutrientes envolvidos é $N > K > P$.

Aplicações

A listagem do programa é a seguinte:

```
//(c) L. S. Barreto, 2008 Programa SOBANPK
//Estabelece os ciclos biogeoquímicos de
//azoto, potássio e fósforo
//h=altura dominante aos 40 anos, f=factor de Wilson,
// admite espaçamento quadrado;
disp('f(altura dominante aos 40 ano (16-26), Factor de Wilson (0.17-0.30)')
function []=f(h,f)
clf()
//calcular índice de performance
s = h * f; pf = 6700.12 / s ^ 2;
if h >= 22 then k = (-1625 * f + 939.75) / 100;
end
if 18 <= h & h < 22 then k = (-1450 * f + 876.5) / 100;
end
if h < 18 then k = (-1225 * f + 790.75) / 100;
end
df = k * s * 1.221883;
vf = 32.388 + .405 * (df / 200) ^ 2 * 3.14159 * pf * 24 * 1.221883;
// biomassas da copa a=agulhas rv=ramos vivos rm=ramos mortos t/ha
a = .07851 * vf ^ .87848; rv = .14369 * vf ^ .8789; rm = .04001 * vf ^ .85503;
cp = a + rv + rm;
//projecção do povoamento
//nutrientes acumulados na biomassa
sn = '276.367 * exp(.00192 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)))';
sp = '29.391 * exp(.00179 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)))';
sk = '163.222 * exp(.00216 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)))';
//nutrientes absorvidos no ano
un = '120.508 * exp(-.00102 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)))';
up = '13.166 * exp(-.00118 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)))';
uk = '71.344 * exp(-.00132 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)))';
//nutrientes restituídos no ano
rn = '109.508 * exp(-.00082 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)))';
rp = '12.119 * exp(-.00101 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)))';
rk = '63.377 * exp(-.00107 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)))';
//produtividade primária líquida
//biomassa total
bt = '0.0769 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)) ^ .9731+...
0.42029 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)) ^ .98692...
+ 0.176 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)) ^ .93056...
+ .07851 * vf ^ .87848+.14369 * vf ^ .8789+.04001 * vf ^ .85503';
t=0:1:50;z=10:1:60;
S=[eval(sn);eval(sp);eval(sk)];
U=[eval(un);eval(up);eval(uk)];
R=[eval(rn);eval(rp);eval(rk)];
subplot(221);
```

Aplicações

```

xset ("thickness",2)
plot2d(z,[eval(bt)]);
xtitle("Biomassa total","Idade,anos","Mg/ha");
xgrid();
subplot(222)
plot2d(z,[S]);
xtitle("Acumulação de N, P, K","Idade, anos","kg/ha");
xgrid();
subplot(223);
plot2d(z,[U]);
xtitle("Absorção de N, P, K","Idade,anos","kg/ha/ano");
xgrid();
subplot(224)
plot2d(z,[R]);
xtitle("Restituição de N, P, K","Idade, anos","kg/ha/ano");
xgrid();
endfunction

```

Para a entrada $f(20,0.19)$ o programa proporciona os gráficos da figura 8.5.

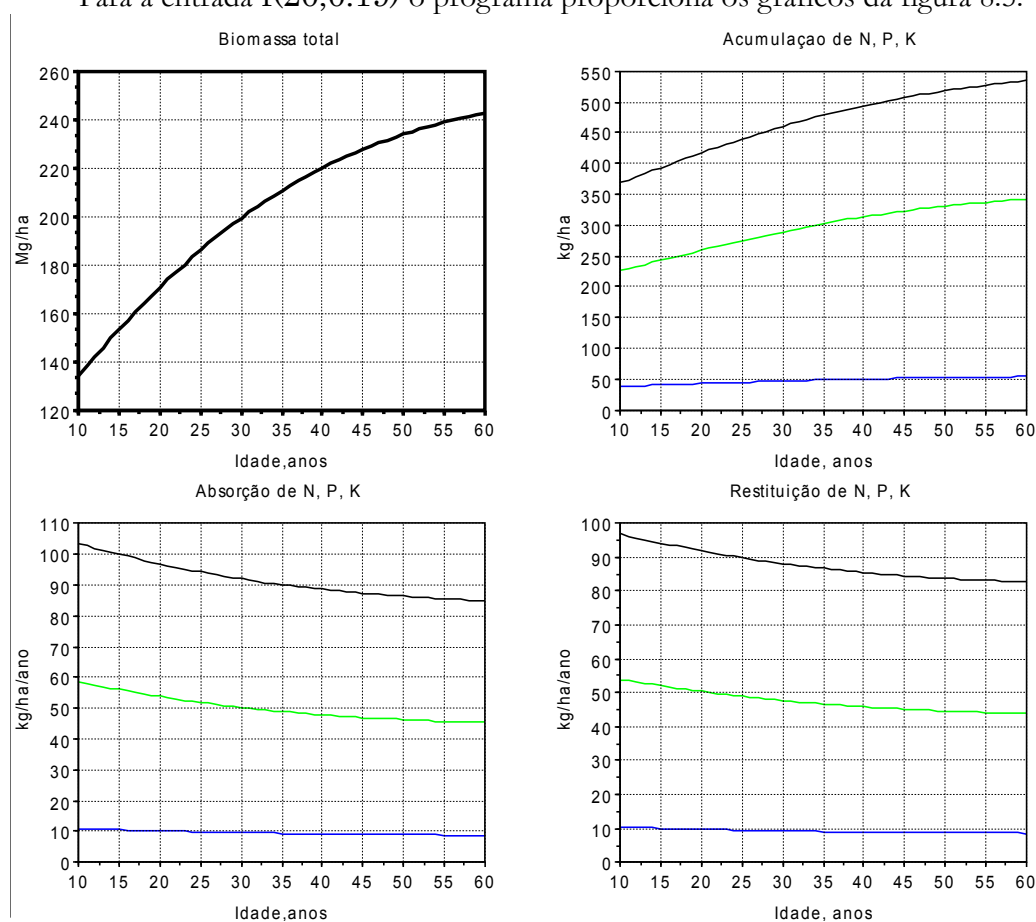


Figura 8.5. Saída do programa SOBANPK, para a entrada $f(20,0.19)$.

Aplicações

8.7 Programa Cnobravo

O efeito estufa veio conferir um interesse difícil de suspeitar, décadas atrás, ao sequestro do carbono da atmosfera pela vegetação, nomeadamente pelas florestas.

Este programa calcula a produtividade primária líquida anual, biomassa total, e os seus teores em carbono em pinhais bravos regulares auto-desbastados, com compasso quadrado. É, de certo modo, uma sequela do anterior, e beneficia das aferições do carbono contido na biomassa de pinheiro bravo realizadas por Lopes e Aranha (2006).

A listagem do programa é a seguinte:

```
//© L. S. Barreto, 2007.Programa Cnobravo
//Estima o carbono no pinhal bravo regular
//h=altura dominante aos 40 anos, f=factor de Wilson,
// admite espaçamento quadrado;
disp("f(altura dominante aos 40 ano (16-26), Factor de Wilson (0.17-0.30))")
function []=f(h,f)
clf(0)
//Achar índice de performance
s = h * f; pf = 6700.12 / s ^ 2;
if h >= 22 then k = (-1625 * f + 939.75) / 100;
end
if 18 <= h & h < 22 then k = (-1450 * f + 876.5) / 100;
end
if h < 18 then k = (-1225 * f + 790.75) / 100;
end
//achar diâmetro final
df = k * s * 1.221883;
//Achar volume em é final
vf = 32.388 + .405 * (df / 200) ^ 2 * 3.14159 * pf * 24 * 1.221883;
//projecção do povoamento
//ppl=produtividade primária líquida
ppl ='51.13159*exp(-0.00251*(vf * 0.4076^exp(-0.05*t)))';
tr = '0.0769 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)) ^ .9731+...
0.42029 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)) ^ .98692';
//biomassa total
```


Aplicações

```

bt='0.0769 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)) ^ .9731+...
0.42029 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)) ^ .98692...
+ 0.176 * (vf * 0.4076^exp(-0.05*t)) ^ .93056...
+ .07851 * vf ^ .87848+.14369 * vf ^ .8789+.04001 * vf ^ .85503';
t=0:1:50;z=10:1:60;
subplot(221);
plot2d(z,[eval(ppl)]);
xlabel("PPL","Idade,anos","Mg/ha/ano");
xgrid();
subplot(222)
plot2d(z,[0.457*eval(ppl)]);
xlabel("C na PPL","Idade, anos","Mg/ha/ano");
xgrid();
subplot(224);
plot2d(z,[0.457*eval(bt)]);
xlabel("C na biomassa total","Idade,anos","Mg/ha");
xgrid();
subplot(223)
plot2d(z,[eval(bt)]);
xlabel("Biomassa total","Idade-10, anos","Mg/ha");
xgrid();
endfunction

```

Novamente para $f(20,0.19)$ o programa proporciona o gráfico da figura 8.6.

8.8 Programa plantafu

Há cerca de vinte anos atrás, na disciplina de Ecologia Florestal, no Instituto Superior de Agronomia, distribuí pelos seus alunos um programa, em BASIC, chamado PLANTASB, que simulava o crescimento de uma planta anual, sendo as latitudes do hemisfério norte e datas de sementeira à escolha do utilizador, incluindo mesmo a antecipação do futuro efeito de estufa, de acordo com o conhecimento disponível então, sobre este assunto. A finalidade do programa era ilustrar o efeito do meio físico nos organismos.

O programa plantafu é uma versão modificada desse programa, agora em Scilab.

Na criação do programa PLANTASB, beneficiei da consulta de Brock (1981), Charles-Edwards *et al.* (1986), Hederson-Selers e McGuffie (1987), Jørgensen (1986).

Aplicações

O programa simula o crescimento de uma planta anual de dias longos, isto é, a floração só se inicia depois da duração do dia (quando o sol está acima da linha do horizonte) tiver ultrapassado um número de horas mínimo e crítico. A planta apresenta crescimento vegetativo até ao início da floração. Começada esta, a planta vai perdendo folhas até que morre. Tanto a transição do crescimento vegetativo para o reprodutivo como a germinação da semente são controladas pela temperatura.

O simulador é uma função da latitude, dia e mês da sementeira. As latitudes passíveis de escolha são 20, 30, 40, 50 N.

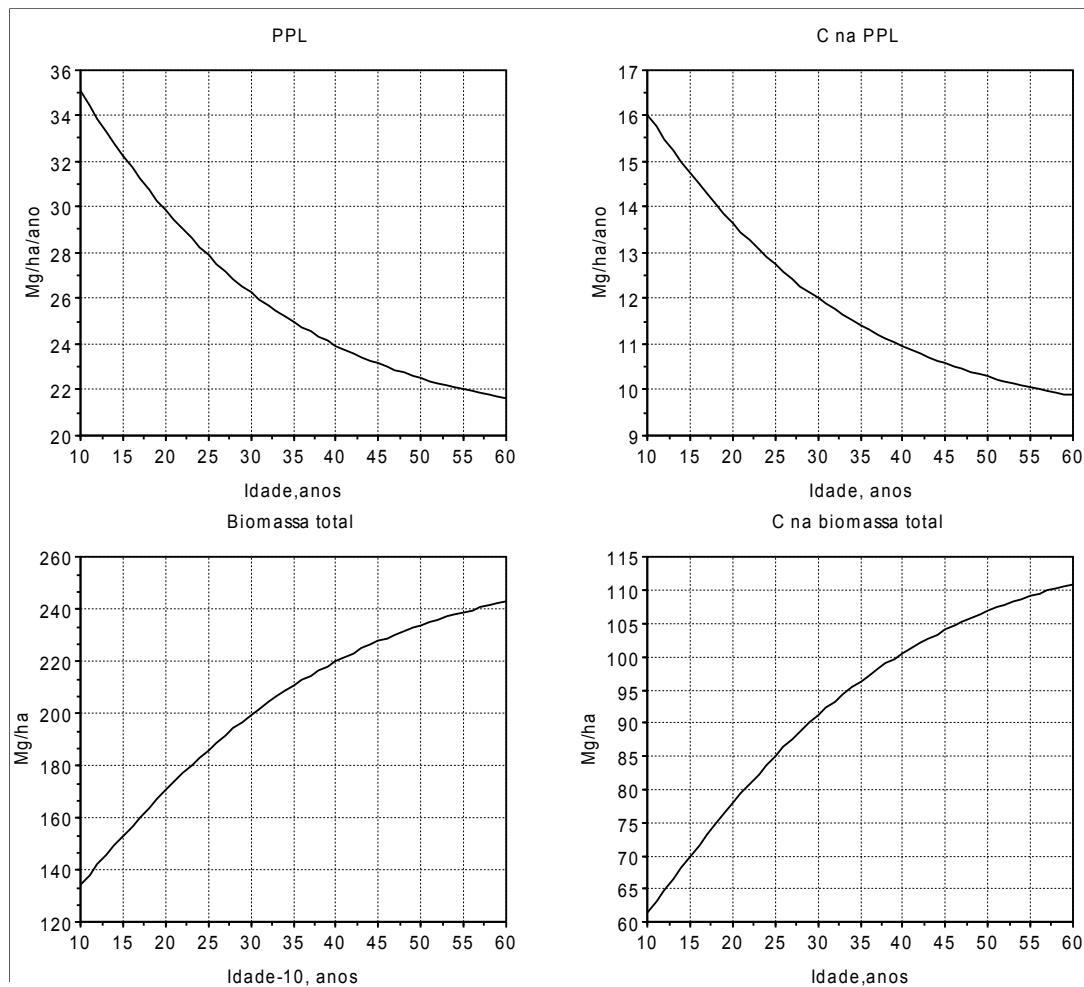


Figura 8.6. Saída do programa Cnobra, para a entrada f(20,0.19)

A listagem desta função é a seguinte:

```
//(c) L.S. Barreto, 2008 Programa plantafu
```

```
//Variáveis
```

```
//lat=latitude norte; dj=dia juliano;
```

```
//pf=peso das folhas;pc=peso do caule;pr=peso das raízes;
```

Aplicações

```

//pfr=pso das sementes;
disp("lat=latitude:20,30,40,50 N;d=dia do mês;m=mês (1,2..12)")
disp("f(lat,d,m)")
function []=f(lat,d,m)
clf(0)
w=[];zz=1;M=[];
select lat
  case 20
    pf=2; pc = 2.73; pr = 2.72; pfr = .375;
  case 30
    pf = 1.6; pc = 2.2; pr = 2.2; pfr = .3;
  case 40
    pf = 2.8; pc = 3.85; pr = 3.85; pfr = .53;
  else
    pf = 3.27; pc = 4.36; pr = 4.36; pfr = .6;
end
select m
  case 1
    dj=d;
  case 2
    dj=d+31;
  else
    dj= int(30.6 * m + d - 32.4);
end
hsum = 0; tlag = lat / 2;
// germinar
tm = 32.5 - .45 * lat; td = tm * (.015 * lat - .1);
for i = dj:730
  if i>365 then i=i-365;
end
t=tm+td*sin(2*%pi*(i+283-tlag)/365)+0.75;
if t>15 then break;
end

```

```

    Aplicações
end
dg=i+1;
if dg > 365 then dg=dg-365;
end
z = dg;
for j=dg:730
    t = tm + td * sin(2 * %pi * (j + 283 - tlag) / 365);
    hsum = hsum + (t - 10);
    if hsum > 350 then break
    end
end
df = j + 1; z = df;
dff = df
//vegetar
f1=df-dg;
for i = 1:f1
    trc = 1 + .214 * exp(-.051 * i);
    pf = pf * trc; pc = pc * trc; pr = pr * trc;
    w(zz,1)=pf;w(zz,2)=pc;w(zz,3)=pr;
    zz=zz+1;
end
[k]=w(:,1)';[m]=w(:,2)';[n]=w(:,3)';x=1:f1;
[M]=[k;m;n]';
//reproduzir:
f2=df - dg + 1;G=[];ww=1;
for i = f2:365
    trc = 1 + .642 * exp(-.051 * i);
    pf = .9 * pf; pc = pc; pr = pr; pfr = pfr * trc;
    if pf < .1 then break;
    end
    G(ww,1)=pfr;
    ww=ww+1;
end
end

```

```

Aplicações
[K]=G(:,1);
xset("font",2,3)
subplot(211)
plot2d(x,[M]);
xlabel("Fase vegetativa","dias","gramas de raiz, caule e folhas");
xgrid();
subplot(212)
plot(K);
xlabel("Fase reprodutiva subsquente","dias","Gramas de semente");
xgrid();
a='Duração da fase vegetativa: ';aa=string(f1);a2=" dias";
b='Duração da fase reprodutiva: ';bb=string(ww-1);
c='Vida da planta: ';cc=string(f1+ww-1);
se1="Peso da semente: ";se2=string(pfr);se3=" gramas";
disp([a,aa, a2;b,bb, a2;c,cc a2;se1,se2,se3])
endfunction

```

Um exemplo da saída do programa é a seguinte:

```
lat=latitude:20,30,40,50 N;d=dia do mês;m=mês (1,2..12)
```

```
f(lat,d,m)
```

```
exec done
```

```
-->f(40,17,3)
```

```
!Duração da fase vegetativa: 49 dias !
```

```
!           !
```

```
!Duração da fase reprodutiva: 65 dias !
```

```
!           !
```

```
!Vida da planta:          114 dias !
```

```
!           !
```

```
!Peso da semente:       1.3852013 gramas !
```

Aplicações

A esta saída está associado o gráfico da figura 8.7.

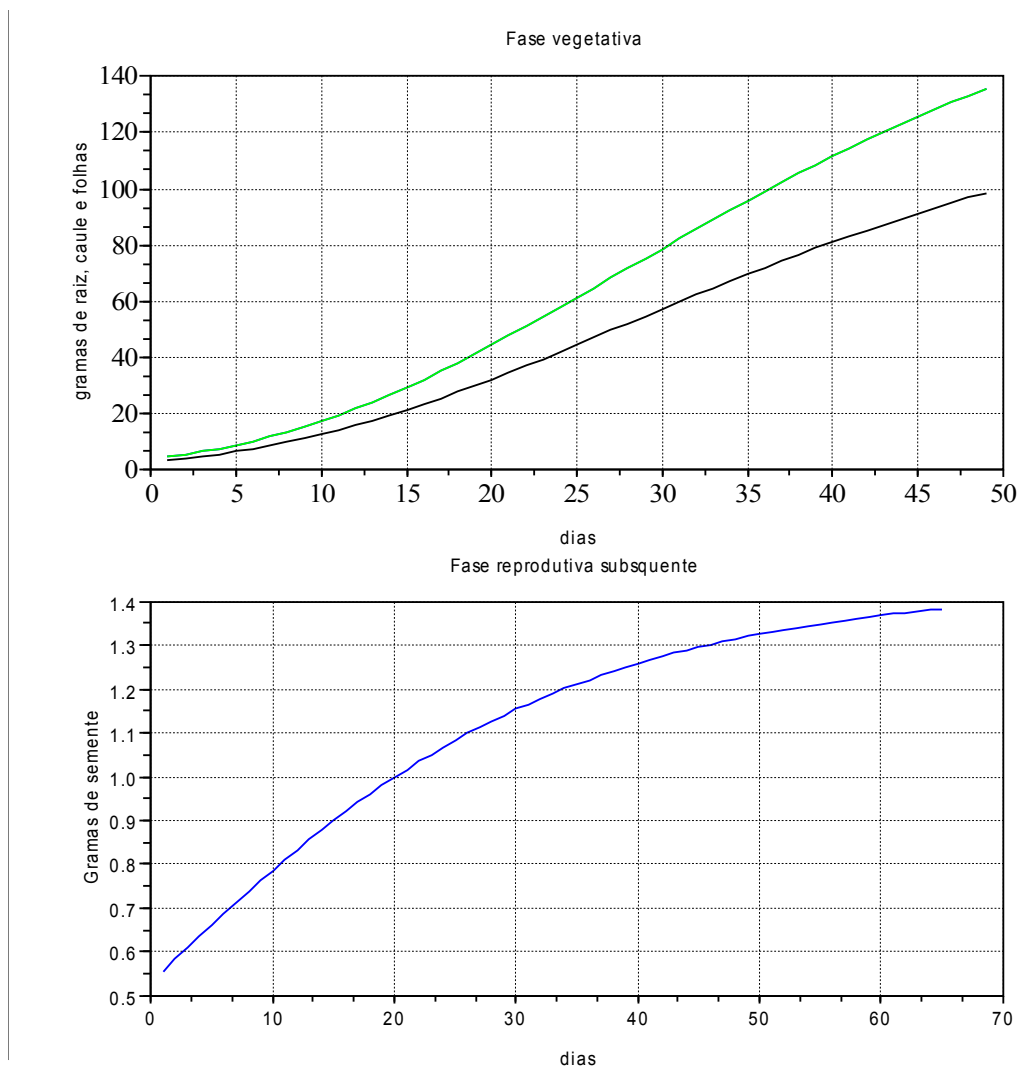


Figura 8.7. Saída do programa plantafu. Os pesos do caule e raiz são iguais, e o das folhas é menor

8.9 Programa funcroc

Os crocodilos, no sentido genérico, incluindo aligátors e gaviais, são das espécies mais persistentes que habitam o nosso planeta. Estima-se que existam há cem milhões de anos, tendo por isso sobrevivido às causas que extinguiram os dinossauros, 65 milhões de anos atrás.

Ao contrário do que acontece na generalidade das aves e mamíferos, incluindo a nossa espécie (o célebre cromossoma Y), o sexo dos indivíduos não é determinado geneticamente, mas sim pela temperatura do local de postura e incubação dos ovos, de acordo com o esquema representado na figura 8.8. Este mecanismo não é exclusivo dos crocodilos. Por exemplo, o mesmo se passa nalgumas espécies de tartarugas.

O modelo funcroc simula uma população de crocodilos em que a procriação observa o esquema implícito na figura. As fêmeas primeiro ocupam os mais

Aplicações

abundantes lugares de postura da zona I (só nascem fêmeas), se sobrarem fêmeas sem ninho, digamos assim, transitam para a zona II (nascimentos dos dois sexos em proporções iguais), e se ainda existem fêmeas sem local de postura transitam para a zona III, onde só nascem machos nos poucos locais de postura disponíveis.

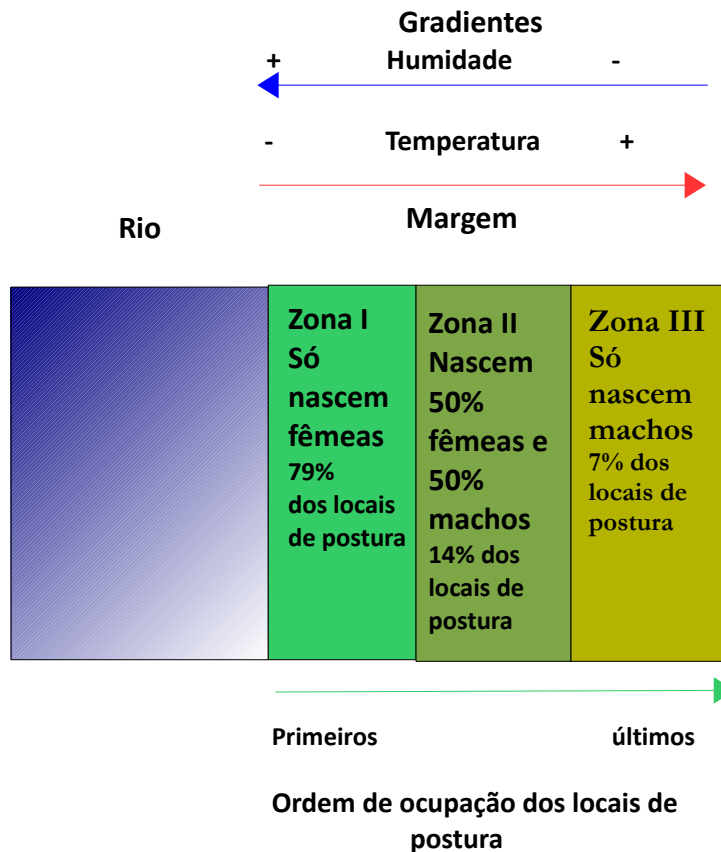


Figura 8.8. Planta do rio e duma margem, com os gradientes de umidade e temperatura, e as zonas dos locais de postura

A conclusão que se tira desta descrição é que quando uma população de crocodilos é pequena, só nascem fêmeas, o que permite evitar a sua extinção e crescer rapidamente. Isto tem como consequência que a razão dos sexos não é 1:1, nem próximo disto, mas desequilibrada em benefício das fêmeas. Nas populações de crocodilos, razões de 10:1 são aceites como ocorrendo. Isto faz com que os machos controlem haréns numerosos. Por outro lado, os indivíduos adultos tem praticamente uma mortalidade natural igual a zero, pois estão bem adaptados ao meio e não existem inimigos capazes de os matar.

O programa funcroc não simula nenhuma população em particular, mas utiliza parâmetros inspirados em valores reais duma população estudada de aligátors australianos, e referidos em Murray (2002: capítulo 4). Em cada sexo são consideradas quatro classes de idade. Indivíduos de idade até um ano; jovens com idades de 1 a 11 anos; adultos com idades entre os 11 e 60 anos; senis com idades superiores.

Aplicações

O programa é uma função que se inicia com a entrada de um número de adultos fêmeas e adultos machos ($f(\text{af}, \text{am})$). Dada a simplicidade das equações do modelo, deixo como exercício, à leitora, fazer uma descrição verbal delas.

A listagem do programa funcroc é a seguinte:

```
//© L. S. Barreto, 2007. Programa funcroc
//a partir de dados de aligátor australiano
//NM=nascidos machos (idade<1 anos); NF=nascidos fêmeas"
//JM=jovens machos (idade de 1 a 11 anos); JF=jovens fêmeas;"
//AM=adultos machos (60>idade=>11 anos); AF=adultos fêmeas;
//SM=senis machos (idade>60);SF=senis fêmeas;
//p=nº de ovos na postura, 15;
//s0=fracção de ovos que dá origem a crocodilos0(.3);
//s1=fracção de nascidos que chega a jovens (0.12);
//s2=sobrevivência dos jovens (0.8);
//s4==1; sobrevivência dos adultos (0.97)
//s5 sobrevivência dos senis (0.15);
//nº de locais de postura de só filhas fêmeas=k1;
//nº de locais de postura de metade de cada sexo=k2;
//nº de locais de postura de só filhas machos=k3;
clf(0)
global nm jm am sm nf jf af sf k1 k2 k3 f1 f2 f3
global nm1 jm1 am1 sm1 nf1 jf1 af1 sf1
disp("f(adultos fêmeas(af), adultos machos (am))")
function []=f(af,am)
if am==0 then abort;
end
if af==0 then abort;
end
k1=20;k2=30;k3=15;p=15;
x = 1:1:100;z=1;w=[];
for i = 1:1:100
if af>k1 then f1=k1;
else f1=af;
end
```



```

Aplicações
if af-f1>k2 then f2=k2;
else f2=af-f1;
end
if af-f1-f2>k3 then f3=k3;
else f3=af-f1-f2;
end
nf1=p*0.3*(f1+0.5*f2);nm1=p*0.3*(0.5*f2+f3);
jm1=0.12*nm+0.8*(jm-jm/10);jf1=0.12*nf+0.8*(jf-jf/10);
am1=0.08*jm+0.97*am-0.97*am/49;af1=0.08*jf+0.97*af-0.97*af/49;
sm1=0.97*am/49+0.15*sm;sf1=0.97*af/49+0.15*sf;
w(z,2)=jf1;w(z,3)=jm1;w(z,1)=nm1+nf1;w(z,4)=af1;w(z,5)=am1;
jm=jm1;nm=nm1;am=am1;sm=sm1;jf=jf1;nf=nf1;af=af1;sf=sf1;
z=z+1;
end
[k]=w(:,1)';[l]=w(:,2)';[m]=w(:,3)';[n]=w(:,4)';[j]=w(:,5)';
Q=[k;l;m;n;j]';
xset("font",2,3)
plot2d(x,[Q])
xtitle("Dinâmica de uma população de crocodilos ", "Anos", "Número")
xset("font",2,3)
hl=legend(['Nascidos';'Jovens fêmeas';'Jovens machos';'Adultos
fêmeas';'Adultos machos'],a=1);
disp("Nascidos, Jovens, Adultos, Senis")
fem=string(int([nf,jf,af,sf]));
mac=string(int([nm,jm,am,sm]));
disp([fem],"Fêmeas")
disp([mac],"Machos")
endfunction

```

Um exemplo da saída do programa é:

```
f(adultos fêmeas(af), adultos machos (am))
```

Aplicações
exec done

-->f(2,1)

Nascidos, Jovens, Adultos, Senis

Fêmeas

!387 165 264 6 !

Machos

!63 26 42 0 !

Esta saída numérica é acompanhada pelo gráfico da figura 8.9.

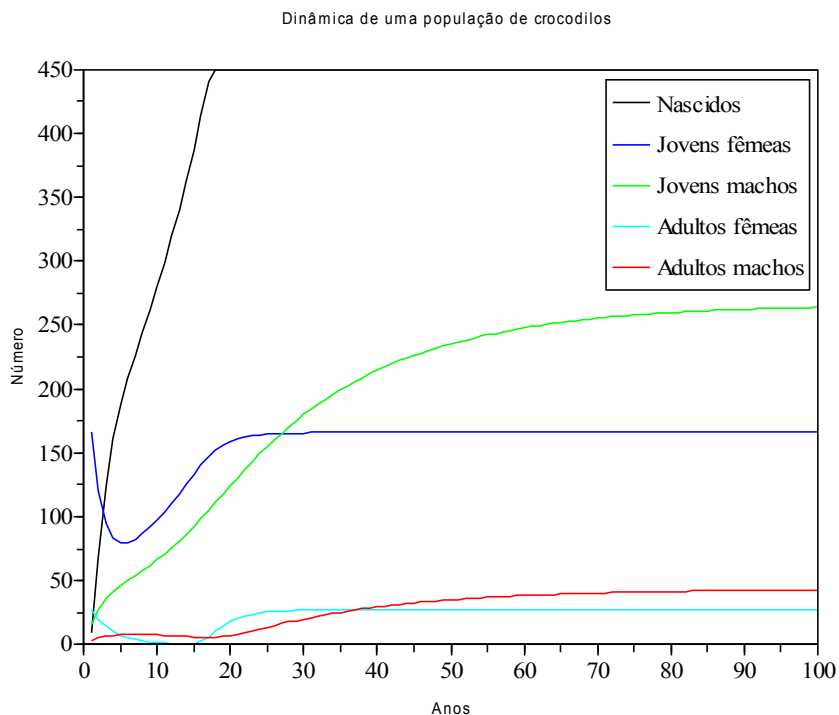


Figura 8.9. Saída do programa funcroc, para uma população inicial de duas fêmeas adultas e um macho adulto. Os indivíduos da primeira classe de idade (0-1 ano) apresentam-se agregados num só valor, e as classes dos indivíduos senis não são representadas

O capítulo mencionado de Murray (2002) pode ser indicado como documentação complementar do programa, para o leitor mais interessado.

Aplicações

8.10 Programa ProbExt

Quando o excesso de caça, para venda das peles, já tem posto em perigo a persistência de algumas populações de crocodilos, não é descabido introduzir agora um modelo atinente à análise da viabilidade de populações.

O programa é curto mas potente. O mais difícil nestas situações é obter experimentalmente (dados de campo) a variância da estocacidade ambiental e da demográfica, mas este assunto ultrapassa o âmbito deste livro. Uma boa referência neste tópico (análise da viabilidade das populações) é Morris e Doak (2002).

As probabilidades acumuladas de extinção são um instrumento muito valioso na análise da viabilidade de populações.

O programa ProbExt assume a situação hipotética de uma população de veado-mula existindo numa paisagem onde já só ocorrem pequenas manchas de habitat que lhe é favorável, capazes de sustentar populações máximas (capacidade de sustentação, k) não superiores a 20 indivíduos. Consideramos a estocacidade ambiental e a demográfica. Pretende-se obter informação sobre a probabilidade acumulada de extinção, nos próximos 50 anos, para locais com as várias capacidades de sustentação.

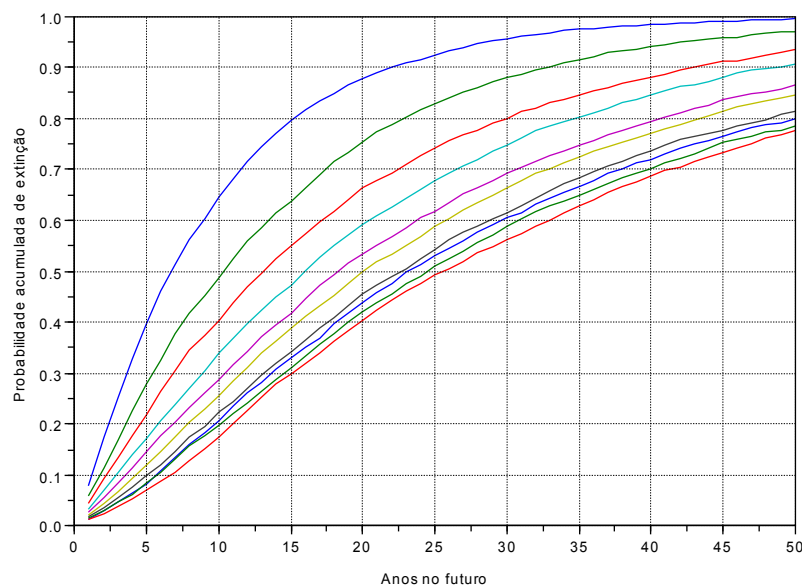


Figura 8.10. Probabilidades acumuladas de extinção, pelo período de cinquenta anos, de uma população inicial de uma fêmea de veado-mula, para valores de k de 2, 4, ..., 20, sendo variância da estocacidade ambiental = 0,3 e da demográfica = 0,45. Para cada valor de k foram realizadas 5000 simulações

O programa ProbExt só tem saída gráfica, exibida na figura 8.10. Vou deixar a análise da solução encontrada para o problema, implementada pelo programa, como exercício para a leitora interessada.

Aplicações

Em www.vortex9.org/vortex.html é possível obter o software gratuito Vortex, para análise de viabilidade de populações.

A listagem do programa é a seguinte:

```

////© L. S. Barreto, 2008 Programa ProbExt
//CDF de extinção do veado-mula
//usando estocacidades demográfica e ambiental
//capacidade de sustentação, k=2,4,6,...20
results=[];
clf()
for k=2:2:20
  PrExt=zeros(50,1);
  //variâncias das estocacidades
  va=0.3;vd=0.45;
  for j=1:5000
    n=1;
    for t=1:1:50
      //variância e desvio padrão globais
      v=sqrt(va+vd/n);
      //variável aleatória
      z=(grand(1,"nor",0,v));
      //modelo discreto estocástico de Gompertz
      n=n*(exp(0.2239*log(k)-0.2239*log(n))+z);
      if n<=0
        PrExt(t)=PrExt(t)+1;
        break;
      end
    end
  end
  PrExt=cumsum(PrExt/5000);
  results=[results PrExt];
end
plot([results])
xtitle("", "Anos no futuro", "Probabilidade acumulada de extinção");

```

Aplicações
[xgrid\(\)](#);

8.11 Programa *plamarg*

O meu primeiro contacto com balanços de energia ocorreu no Outono de 1967, quando preparava o mestrado em ecologia florestal, nos E.U.A., e um dos livros de uma disciplina era o clássico de W. D. Sellers (1965): *Physical Climatology*. Numa escala diferente, voltei aos balanços de energia quando estimei o da região da então cidade de Lourenço Marques, hoje Maputo, em Barreto (1974). Mais tarde, em Barreto (2000), estimei o balanço da energia de um pinhal bravo regular, aos trinta anos de idade. O facto de os programas desta secção e da seguinte assentarem em balanços de energia, suscitou esta digressão memorialista.

Para a leitora mais curiosa, na figura 8.11, insiro o balanço de energia que estimei para a região da atual Maputo. O balanço de energia que propus para o pinhal bravo, é apresentado na figura 8.12.

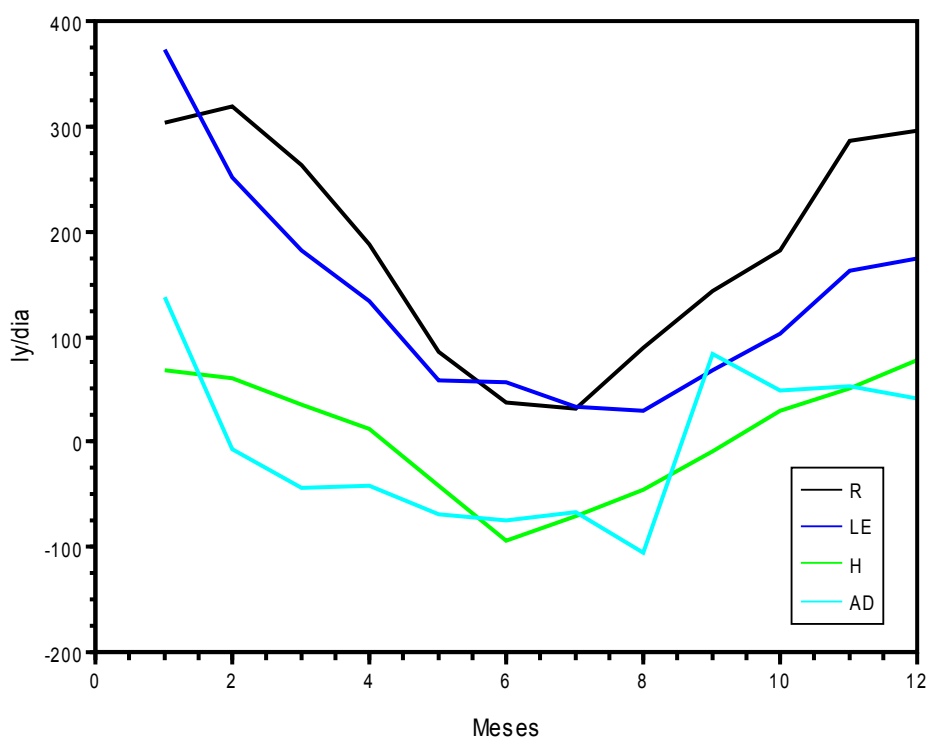


Figura 8.11. Estimativa preliminar do balanço da energia na região de Maputo. R - balanço da radiação; LE – energia consumida na evapotranspiração; H – fluxo de entalpia solo-atmosfera; AD – aquecimento ou arrefecimento do solo, mais advecção ou dissipação de energia. A unidade utilizada é o ly/dia. (Barreto, 1974)

Aplicações

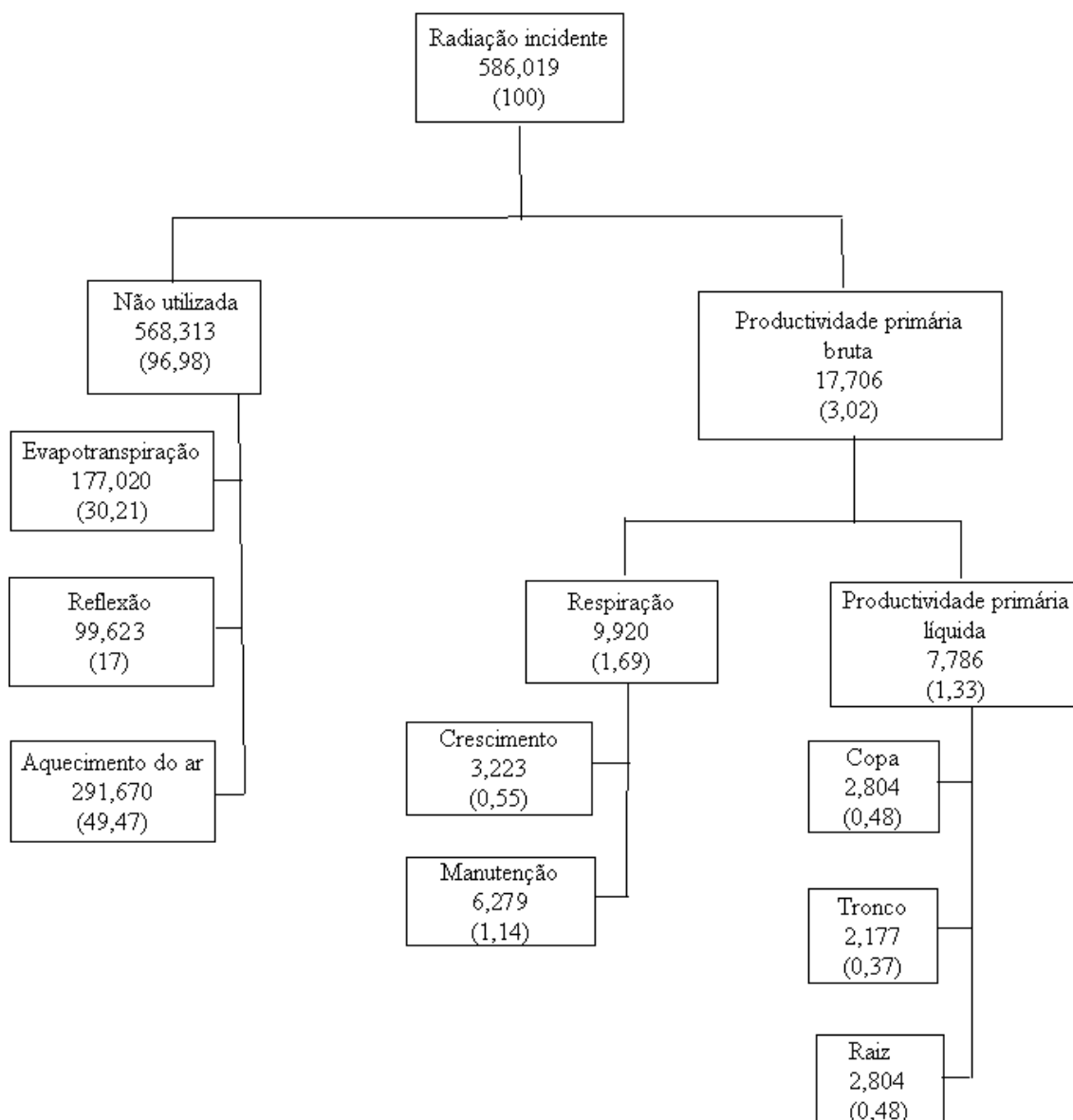


Figura 8.12. Pinhal bravo regular aos trinta anos, numa estação de boa qualidade. Primeira estimativa do balanço da radiação. Valores referidos a $10^8 \text{ kJ ha}^{-1} \text{ ano}^{-1}$. Os valores entre parêntesis são a correspondente percentagem referida à radiação solar incidente. Barreto (2000, 2004a)

As pessoas que se interessam pelo tema da mudança global e afins (e.g., efeito de estufa), estão familiarizados com o conceito de Gaia, de James Lovelock, e o seu planeta das margaridas (“Daisyworld”).

Informação sobre este modelo, incluindo a sua génese, e a sua exploração no sentido de que o nosso planeta é um sistema em que as suas macro componentes (atmosfera, biosfera, hidrosfera e litosfera) atuam como um todo, e a presença dos seres vivos tende a tornar o meio ambiente mais favorável à vida, pode ser encontrada em Lovelock (1989: capítulo 3; 2007: 44-45). Uma análise recente da evolução deste

Aplicações

tipo de modelos, com contribuições de outros autores, está disponível em Wilkinson (2006: secção 6.2).

O programa plamarg reproduz o modelo do planeta das margaridas, no caso da existência de uma variedade clara (maior albedo, menor absorção de calor) e outra escura (menor albedo, maior aquecimento desta vegetação). Os dois tipos de vegetação têm uma taxa de crescimento (resc, rcla) que é uma função parabólica das suas temperaturas, entre 5 e 45 ° C. O programa não simula a evolução do planeta condicionada pela variação da luminosidade da estrela que o aquece, mas sim pontualmente para valores da luminosidade que o leitor seleciona. Ensaaiando vários valores verificará que quanto a luminosidade cresce, aumenta a fração do planeta coberta pelas margaridas claras (aquecem menos) e diminui a das margaridas escuras (aquecem mais).

A listagem do programa é auto explanatória. A equação do balanço de energia do planeta, que permite estimar a temperatura média do planeta, t_p , é a seguinte:

$$(t_p + 273)^4 = S \text{ lum} (1 - \text{albedo do planeta})$$

σ é a constante de Stefan-Boltzman, S é fluxo constante de energia tal que $S/\sigma = 1,68 \times 10^{10} \text{ K}^4$ e lum é uma constante adimensional que mede a luminosidade da estrela do planeta das margaridas. Com mais precisão $t_p + 273$ é a temperatura efetiva de radiação.

A listagem do programa é a seguinte:

```
//(© L. S. Barreto, 2008 Programa plamarg
//O célebre universo de James Lovelock
global mortcla mortesc albesc albcla
global albsolo m n frc fre
//taxas de mortalidade da vegetação
mortcla=0.3;mortesc=0.3;
//albedos da vegetação e do solo
albesc=0.25;albcla=0.65;albsolo=0.4;
m=0.00003265;
n=20;
//alpla=albedo médio do planeta
//tp=temperatura média do planeta
//lum=luminosidade
//valores iniciais de coberto
```

Aplicações

```

frc=0.1;fre=0.1;
//criar vetores para os dados
te=[];tc=[];tpl=[];
are=[];arc=[];
t=[1:0.1:2500];
disp("[]=f(Luminosidade do Sol. Actual=1)")
function []=f(lum)
clf(0)
for a=1:0.1:2500
    cob=frc+fre;//coberto total
    //albedo do planeta como uma média ponderada
    alpla=(1-cob)*albsolo+albesc*fre+albcla*frc;
    tp=((1.68*10^10)*lum*(1-alpla))^0.25-273;//da equação do balanço
    energético
    //temperatura das margaridas escuras
    tesc=n*(alpla-albesc)+tp;
    //temperatura das margaridas claras
    tcla=n*(alpla-albcla)+tp;
    //taxa de crescimento das margaridas escuras
    resc=1-m*(22.5-tesc)^2;
    //taxa de crescimento das margaridas claras
    rcla=1-m*(22.5-tcla)^2;
    //variação da área da margaridas escuras
    fredot=fre*((1-cob)*resc-mortesc);
    //variação da área da margaridas claras
    frcdot=frc*((1-cob)*rcla-mortcla);
    //valores actualizados dos cobertos
    fre=fre+0.1*fredot;
    frc=frc+0.1*frcdot;
    are=[are fre];
    arc=[arc frc];
    te=[te tesc];
    tc=[tc tcla];
    tpl=[tpl tp];

```



```

    Aplicações
end
M=[are;arc];
subplot(211);
plot2d(t,[M]);
xtitle("Fracções do coberto das margaridas","Tempo","Fracção da área
ocupada");
xgrid();
N=[te;tc;tpl];
subplot(212)
plot2d(t,[N]);
xtitle("Temperaturas das margaridas e do planeta","Tempo","Temperatura,
graus C");
xgrid();
a='Área das margaridas escuras=';b='Área das margaridas
claras=';c='Temperatura do
planeta=';aa=string(fre);bb=string(frc);cc=string(tp);
disp([a,aa;b,bb;c,cc])
endfunction

```

Entrando com o valor 1 para a luminosidade, o programa cria o gráfico da figura 8.13 e a saída seguinte:

```

f(1)

!Área das margaridas escuras= 0.0699783 !
!          !
!Área das margaridas claras= 0.6299462 !
!          !
!Temperatura do planeta= 22.361908 !

```

Aplicações

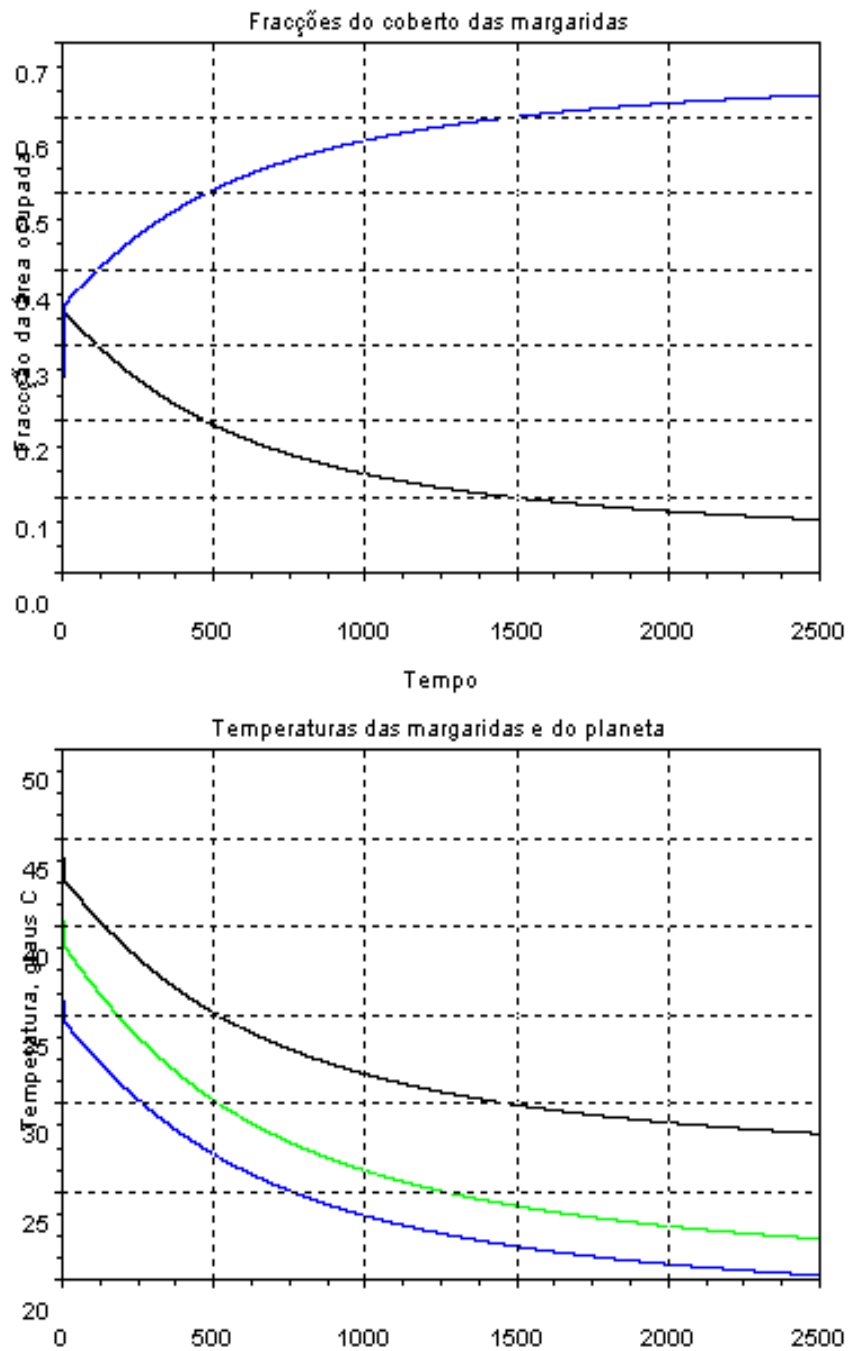


Figura 8.13. Gráfico gerado pelo programa plamarg, quando a luminosidade é igual a 1 ($f(1)$). A cor preta corresponde às margaridas escuras.. A temperatura do planeta é dada pela linha verde

Aplicações

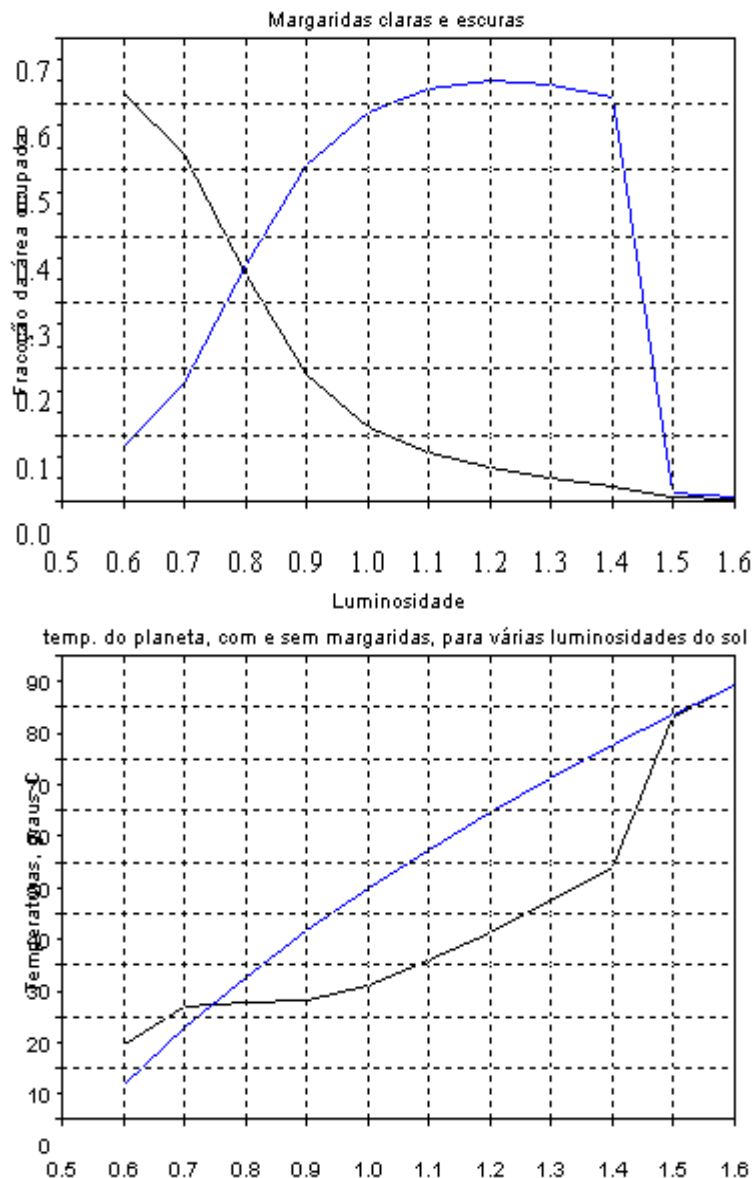


Figura 8.14. Dinâmica do planeta das margaridas associada à variação da luminosidade da sua estrela.. Gráfico superior: variação das frações das duas áreas (cor preta associada à margarida escura). No gráfico inferior, a estrela do planeta é designada abreviadamente por sol, e a linha a azul corresponde ao planeta sem vegetação

A tese de Lovelock é de facto sustentada pela simulação do planeta das margaridas, como se ilustra na figura 8.14. No segundo gráfico da figura, compara-se a temperatura média do planeta com e sem margaridas. No intervalo de temperatura em que crescem, a t_p é claramente inferior. Sugiro à leitora que modifique o programa plamarg de modo a produzir os gráficos da figura 8.14.

Como documentação para este modelo sugiro Hannon e Ruth (1997: capítulo 42) e Roughgarden (1998: secção 7.2.3)

Aplicações

8.12 Programa fuMBE2

Vamos agora abordar a última aplicação. A atual preocupação, com o efeito estufa e a mudança global das condições físicas do meio, justificam esta simplicíssima incursão pelo assunto.

Nesta área temática há duas referências que não podem ser ignoradas. Uma básica sobre a “fisiologia” da Terra deve-se a Kump, Kasting e Crane (2004). A outra sobre modelação climática é a de McGuffie e Henderson-Sellers (2005) que trás um CD muito útil com ligação direta aos sítios com modelos utilizáveis de simulação climática, entre outra informação, incluindo fontes bibliográficas..

O modelo que programei, como já referi na secção anterior, é do balanço de energia, e deve-se a M. I. Budyko e W. D. Sellers, que o estabeleceram em 1969, independentemente um do outro. Cheguei a ele através da mediação do livro de McGuffie e Henderson-Sellers, que dedicam um capítulo, o terceiro, aos vários tipos de modelos de balanço da energia, enfatizando a utilidade que revelam, apesar da sua simplicidade relativa. Kump, Kasting e Crane (2004) também dedicam o capítulo 6 aos modelos climáticos e apresentam uma clara resenha histórica do assunto.

No modelo fuMBE2, a superfície do planeta é dividida em faixas de 10 graus de latitude, cujas equações do balanço de energia são do tipo:

Energia da radiação absorvida = Energia transferida para as faixas vizinhas + radiação infra-vermelha emitida

As equações atinentes ao model estão descritas em McGuffie e Henderson-Sellers (2005: 85-96) e não são aqui reproduzidas.

Relativamente ao modelo de Budyko e Sellers, apresentado no livro de McGuffie e Henderson-Sellers, o programa fuMBE2 usa uma regressão calibrada para ter em conta a nebulosidade, no cálculo do albedo das faixas a partir das suas temperaturas, e também estabelece a temperatura média do planeta de modo diferente.

À semelhança do programa anterior, o utilizador deve entrar com f (luminosidade do Sol), sendo a atual igual a 1. Os outros parâmetros, como os ligados à transferência de energia, albedo do gelo, por exemplo, podem ser igualmente alterados pelo leitor.

. O programa tem a seguinte listagem:

//© L. S. Barreto, 2008 Programa fuMBE2

//Modelumo de balanço da energia de Budyko e Sellers

//Parâmetros da 'table 3.1' de McGuffie e Henderson-Sellers (2005)

//e da listagem

Aplicações

```

//modificado no cálculo do albedo usa regressão
//e no cálculo da temp média tx
disp("ENTRAR f(luminosidade)")
function [res]=f(lum)
al gelo=0.62;a=204;b=2.17;c=3.81;tcrit=-10;
lat=["80-90" "70-80" "60-70" "50-60" "40-50" "30-40" "20-30" "10-20" "0-10"
"0-10" "10-20" "20-30" "30-40" "40-50" "50-60" "60-70" "70-80" "80-90"];
calb=0.5;in=%pi/36;p2=%pi/2;
solat=[0.5 0.531 0.624 0.77 0.892 1.021 1.12 1.189 1.219 1.219 1.189 1.12
1.021 0.892 0.77 0.624 0.531 0.5];
albi=[ 0.5 0.3 0.1 0.08 0.08 0.2 0.2 0.05 0.05 0.08 0.05 0.1 0.08 0.04 0.04 0.6
0.7 0.7] ;
q=342.5;
//nuvem
nuvemi=[0.52 0.58 0.62 0.63 0.57 0.46 0.40 0.42 0.50 0.50 0.42 0.40 0.46 0.57
0.63 0.62 0.58 0.52];
tinic=[-16.9 -12.3 -5.1 2.2 8.8 16.2 22.9 26.1 26.4 26.4 26.1 22.9 16.2 8.8 2.2
-5.1 -12.3 -16.9];
templat=tinic;
//constante solar
consol=lum*1370/4;
latice=0;
nl=0;
//calcular albedo das zonas
alblat=0.4049261*ones(1:18)-0.0062709*templat;
for h=1:250
for i=1:18
if templat(i)==26.4 then nl=0;
end
end
for i=11:17
if templat(i)<tcrit then alblat(i)=al gelo;
else
dp(i)=(templat(i+1)-tcrit)*in/(templat(i+1)-templat(i));
g=dp(i);

```

Aplicações

```

a2=p2-(i+0.5)*in;latice=a2+dp(i);
select g
case g>0.0872564 then
a3=p2-i*in;
a4=p2-(i-1)*in;
a5=(sin(latice)-sin(a3))/(sin(a4)-sin(a3));
nc=algelo-(algelo-alblat(i))*a5;
nl=i;
case g<=0.0872564 then
a3=p2-(i+1)*in;
a4=a3-in;
a5=(sin(a4)-sin(latice))/(sin(a4)-sin(a3));
nc=alblat(i+1)*(1-a5)+algelo*a5;
nl=i;
end
end
end
//
if templat(18)<tcrit then alblat(18)=algelo;
end
//
if alblat(1)==albi(1) then ni=90/57.296;
end
sm=0;
d=708.66667;u=d;area=[];l=0;
for i=1:9
are=%pi*integrate('(6378^2-x^2)^1/2*(1+(-x/(6378^2-x^2))^2)^0.5','x',l,u);
area=[area are];
l=u;
u=u+d;
end
g=area/(2*sum(area));
peso=[abs(sort(-g)) g];

```

Aplicações

```

tx=sum(peso.*templat);
for i=1:18
ol(i)=(1-nuvemi(i))*(a+b*templat(i));
ol(i)=ol(i)+nuvemi(i)*(a+b*(templat(i)-5));
asol(i)=consol*solat(i)*(1-alblat(i));
tm(i)=templat(i);
templat(i)=consol*solat(i)*(1-alblat(i))-a+c*tx;
templat(i)=templat(i)/(c+b);
end
am=0;ic=0;
for i=1:18
ma=abs(templat(i)-tm(i));
if templat(i)>800 then break;
end
if ma>am then am=ma;
end
end
if am<0.01 then ic=1;
end
if ic==1 then break;
end
med1=(templat(1)+templat(18))/2;
templat(1)=med1;templat(18)=med1;
med2=(templat(2)+templat(17))/2;
templat(2)=med2;templat(17)=med2;
end
for i=1:18
if templat(i)<=tcrit then alblat(i)=0.62;
end
end
clf(0)
t1=[85 75 65 55 45 35 25 15 5];t2=[5:10:85];
tpn=templat(:,1:9)';tps=ol(1:9,1);

```

```

Aplicações
aln=alblat(:,1:9)';als=asol(1:9,1);
subplot(2,2,1)
plot2d(t1,[tpn], [-3])
xlabel("Norte, Temperatura","Latitude","Temperatura, graus C");
subplot(2,2,2)
plot2d(t1,[tps],[-2])
xlabel("Norte, Radiação para o espaço","Latitude","W por m. q.");
subplot(2,2,3)
plot2d(t1,[aln],[-1])
xlabel("Norte, Albedo","Latitude","Albedo");
subplot(2,2,4)
plot2d(t1,[als],[-4])
xlabel("Norte, Radiação absorvida","Latitude","W por m.q.");
format('v',5);
latid=[85 75 65 55 45 35 25 15 5 5 15 25 35 45 55 65 75 85]';
disp(['Latitude N' 'Temperatura' 'Albedo' 'Rad. saída' 'Rad absov.'])
res=[t1' tpn aln tps als]
endfunction

```

A informação dos dois hemisférios é igual, por isso a saída só se reporta ao hemisfério Norte. Para as nove faixas latitudinais inscreve a temperatura, albedo, energia absorvida e a irradiada ($W m^{-2}$) e apresenta os respetivos gráficos.

Para a luminosidade igual a 1, a saída é:

```
-->f(1)
```

```
!Latitude N Temperatura Albedo Rad. saída Rad absov. !
```

```
ans =
```

```

85. - 11.9  0.62  173.  83.8
75. - 10.7  0.62  175.  94.2
65. - 4.22  0.44  188.  120.
55.  2.5   0.39  203.  161.
45.  8.87  0.35  217.  199.

```


Aplicações

35. 16.4 0.30 235. 244.

25. 23. 0.26 250. 283.

15. 27.3 0.24 259. 309.

5. 28.8 0.24 261. 318.

sendo o gráfico correspondente exibido na figura 8.15.

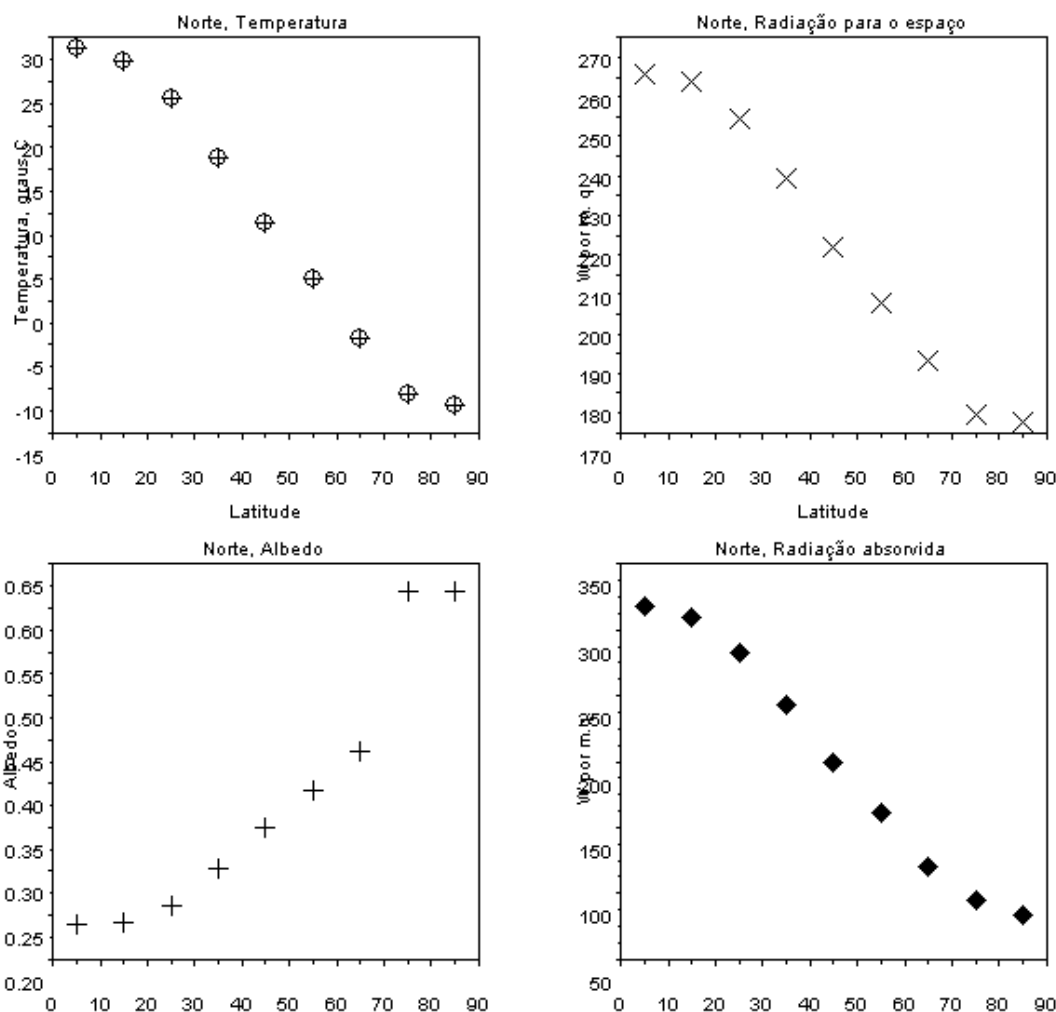


Figura 8.15. Gráficos criados pelo programa fuMBE2, para a luminosidade igual a 1 ($f(1)$)

Duas sugestões: a) no programa, fazer a tabela da saída, com o seu cabeçalho mais apresentável; b) se consultou o livro McGuffie e Henderson-Sellers, acrescente os comentários que acha que faltam no programa.

Admite-se que a menor luminosidade do Sol foi 70% da atual. Veja o que acontece com este valor. Na história da Terra, pelo menos por três vezes, a sua superfície esteve completamente coberta de gelo, a chamada Terra-bola-de-neve

Aplicações

(*snowball Earth*). Se o leitor está interessado neste tópico consulte Kump, Kasting e Crane (2004:240-244).

8.13 Programa ABETARfu

A abetarda (*Otis tarda*) é uma das maiores aves voadoras, podendo o peso dos machos alcançar cerca de 16 kg. No entanto, as fêmeas não vão além dos 5 kg. Ocupam paisagens estépicas e cerealíferas e exibem um ritual nupcial muito interessante. Na Europa, a sua população deve andar à volta de cem mil aves, ocorrendo cerca de 5 por cento destes indivíduos em Portugal, nomeadamente na região de Castro Verde.

A partir de 1990, passei a entregar aos meus alunos da disciplina de Biologia Cinegética e Dinâmica das Populações, no Instituto Superior de Agronomia, um programa em BASIC que simulava uma população ibérica de abetarda e o efeito sobre ela da eventual caça de adultos. O programa ABETARfu é uma sua variante em Scilab.

Os parâmetros da população são os seguintes:

Número médio de filhos por adulto fêmea:2,5

Fração dos nascidos que sobrevive:0,5

Fração dos juvenis com um ano que sobrevive:0,5

Fração dos juvenis com dois anos que sobrevive:0,75

Fração dos juvenis com três anos que sobrevive:0,90

Fração dos adultos que sobrevive:0,95

Fração dos adultos que é fêmea:0,5

O programa pede que o utilizador entre com o seguinte:

f(capacidade de sustentação em número de aves, fração de adultos caçados)

Como a caça é expressa em termos relativos e não absolutos, a mais baixa fração de caça que conduz à extinção da população é sempre a mesma, o que variam são os tamanhos das populações com a capacidade de sustentação.

A saída do programa é um gráfico com a dinâmica das cinco classes de idade e a impressão do total dos indivíduos ao fim de uma simulação pelo período de trezentos anos.

A listagem do programa é a seguinte:

//(c)L.S. Barreto, 2008 Programa ABETARfu

//abetarda na Península Ibérica

//Número de nascidos, y0;Número de aves com um ano, y1

//Número de aves com dois anos, y2;Número de aves com três anos, y3

Aplicações

```

//Número de aves adultas, y4;Fração de adultos caçada, c
global w x z Y1 Y2 Y3 Y4 Y0
Y0=[];Y1=[];Y2=[];Y3=[];Y4=[];
function [tot]=f(k,c)
//estabelecer os indivíduos nas classes de idade
//como fração da capacidade de sustentação k
y0=0.25*k;y1=0.5*y0;y2=0.25*y0;y3=0.12*y0;y4=0.06*y0;
w=[];x=[1:1:300]';
for i=1:1:300
  j0 = y4 * .5 * 2.5 * (1 - y4 / k);
  if j0<0 then j0=0;
  end
  j1 = y0 * .5; j2 = y1 * .5; j3 = y2 * .75;
  j4 = y4 * .95 + y3 * .9 - y4 * c;
  y0 = j0; y1 = j1; y2 = j2; y3 = j3; y4 = j4;
  Y0=[Y0 y0];Y1=[Y1 y1];Y2=[Y2 y2];Y3=[Y3 y3];Y4=[Y4 y4];
end
tot=int(y0+y1+y2+y3+y4);
clf()
Q=[Y0;Y1;Y2;Y3;Y4]';
plot2d(x,[Q])
xtitle(' ', 'Anos', 'Abetardas/classe')
hl=legend(['Nascidas';'Aves com 1 ano';'Aves com 2 anos';'Aves com 3
anos';'Aves adultas'],a=1);
endfunction

```

Consideremos a simulação de uma população em que a capacidade de sustentação é de 200 aves, sem caça entrado com:

```
-->f(200,0)
```

O programa cria o gráfico da figura 8.16 e a imprime no monitor o tamanho total da população.

```
ans =
```

Aplicações
240.

A população extingue-se para uma fração de caça entre 0.15 e 0.2, que deixo ao cuidado do leitor/a encontrar.

Quando elaborei o programa didático, recorri a Longhurst e Silvert (1985) e Silvert (1989).

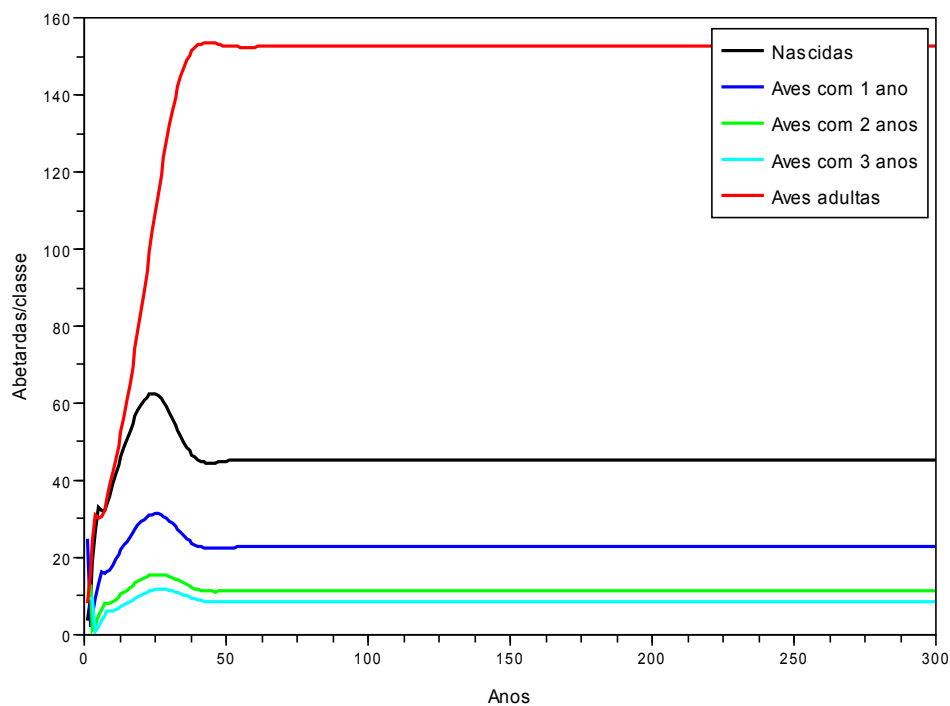


Figura 8.16. Gráfico da saída do programa ABETARfu, para $f(200,0)$

8.14 Programa Lypard

O lince ibérico (*Lynx pardinus*, Temminck) é uma espécie em risco de extinção, ocorrendo as suas populações de existência não controversa em Espanha, onde tem sido estudado e reproduzido em cativeiro, no Parque Nacional de Doñana.

Em Barreto (para publicação) caracterizei a estrutura e dinâmica das populações de lince ibérico, recorrendo a informação original e reproduzida de outras fontes em Gaona, Ferreras e Delibes (1998). Aproveitei-me de alguma informação deste meu trabalho para disponibilizar um simulador para o crescimento de uma população em que se consideram quatro estádios, definidos sob o ponto de vista da biologia da espécie, como se descreve nos comentários iniciais da listagem do programa.

Aplicações

A listagem do programa é a seguinte:

```
// (c) L. S. Barreto, 2008 Programa Lypard
//Simula 4 classes de idade de uma população de lince ibérico
//M1=0 a 1 ano; M2=1 a 2 anos;
//M3=fase reprodutiva: idades de 2 a 9 anos
//M4=fase senil: 10 a 13 anos
//sem limitações de territórios
a=[0 0 .2587 .6 .9 .9 .9 .9 .32 0.3 0 0 0;
  0.4 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0;
  0 0.7 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0;
  0 0 0.9 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0;
  0 0 0 0.9 0 0 0 0 0 0 0 0 0;
  0 0 0 0 0.9 0 0 0 0 0 0 0 0;
  0 0 0 0 0 0.9 0 0 0 0 0 0 0;
  0 0 0 0 0 0 0.9 0 0 0 0 0 0;
  0 0 0 0 0 0 0 0.9 0 0 0 0 0;
  0 0 0 0 0 0 0 0 0.6 0 0 0 0;
  0 0 0 0 0 0 0 0 0 0.6 0 0 0;
  0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0.6 0 0;
  0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0.6 0];
//População inicial
n=[100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100 100];
v=[];
M1=[n(1,1)];M2=[n(2,1)];M3=[sum(n(3:9,1))];M4=[sum(n(10:13,1))];
for t=1:1:50
  [v]=a*n;
  [n]=v;
  M1=[M1 n(1,1)];M2=[M2 n(2,1)];
  M3=[M3 sum(n(3:9,1))];M4=[M4 sum(n(10:13,1))];
end
M=int([M1;M2;M3;M4]');
clf()
```

```

Aplicações
x=1:1:51;
plot2d(x,[M])
xlabel("","Anos","Linces/classe");
hl=legend(['Nascidos';'Jovens';'Adultos';'Senis'],a=1);
xgrid();

```

A saída do programa é um gráfico como se exhibe na figura 8.17.

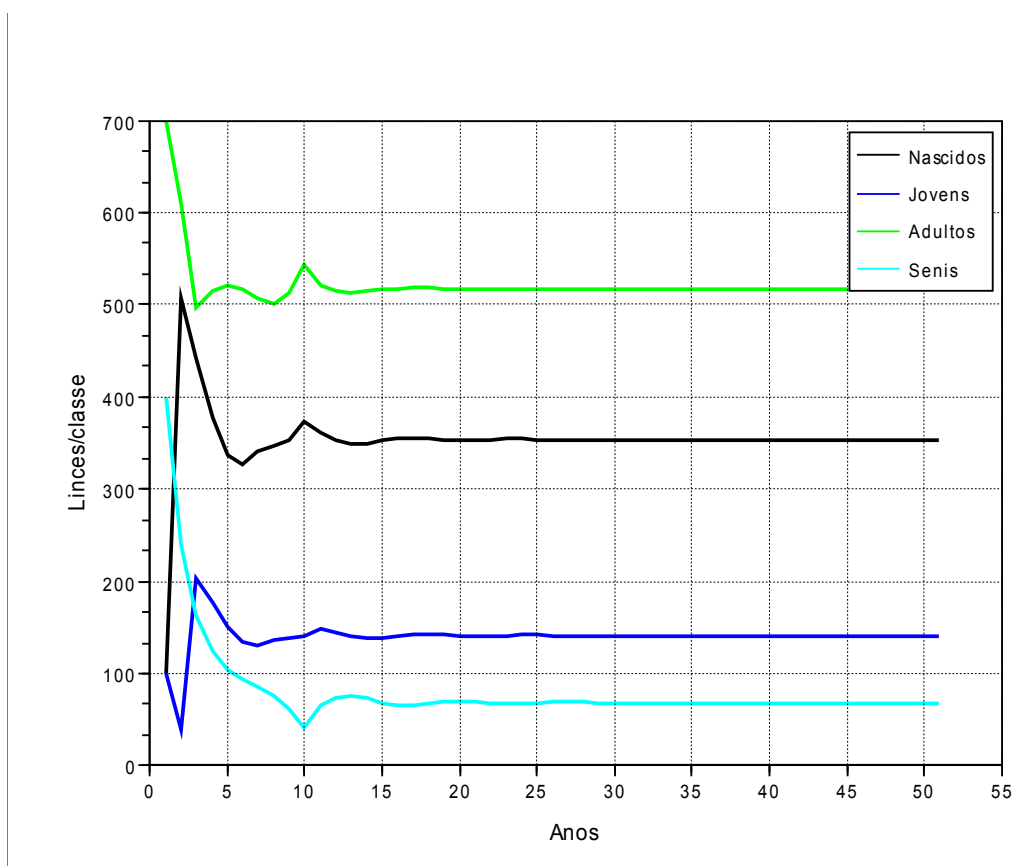


Figura 8.17. Projeção de uma população de lince ibérico, com o programa Lypard

8.15 O simulador SB-IberiQu

O carvalho roble (*Quercus robur*) é uma espécie largamente difundida por quase toda a Europa, e por isso ocupando vastas áreas florestais deste continente. Como uma contribuição para uma sua silvicultura ecologicamente sã, apresentei o simulador SB-IberiQu para as suas florestas auto-desbatadas, puras e regulares, em Barreto (2010b). O simulador é baseado na minha teoria, unificada e única, para a estrutura e dinâmica

Aplicações

das florestas Barreto (2010a, 2011), associada à informação disponibilizada Balboa-Murias, Rojo, Alvarez, Merino (2006), e em Díaz-Maroto, Vila-Lameiro (2006), que mediram e analisaram florestas de carvalho na Galiza, no noroeste de Espanha. Este simulador veio complementar vários outros anteriormente propostos por mim, para florestas desta folhosa, tanto puras como mistas, quer regulares quer disetâneas.

Sucinta e ordenadamente, o simulador SB-IberiQu apresento a seguinte descrição do simulador SB-IberiQu.

1. Referido-me à floresta a simular, o simulador requer que se entre com a idade, diâmetro médio à altura do peito (dap, em cm), altura média (m), e a densidade (número de árvores). Usa o comando `input` para a entrada destes dados.

2. A saída do simulador é apresentada em cinco janelas de gráficos.

2.0. A primeira janela tem os seguintes gráficos:

2.0.1. Biomassa total da floresta e das suas componentes.

2.0.2. Biomassa total da árvore média e das suas componentes.

2.0.3. Densidade da floresta.

2.0.4. Dap e altura médios.

2.1. Na segunda janela são exibidos os seguintes:

2.1.1. Biomassa total da floresta.

2.1.2. Produtividade primária líquida.

2.1.3. Ciclo do carbono (C).

2.1.4. Ciclo do azoto (N).

2.2. A terceira janela contém os seguintes gráficos:

2.2.1. Ciclo do fósforo (P).

2.2.2. Ciclo do potássio (K).

2.2.3. Ciclo do cálcio (Ca).

2.2.4. Ciclo do magnésio (Mg).

2.3. A quarta janela exhibe os gráficos da variação dos teores em N, P, K, Ca, Mg na:

2.3.1. Madeira do tronco.

2.3.2. Casca do tronco.

2.3.3. Ramos.

2.3.4. Folhas.

2.4. A quinta janela exhibe os gráficos atinentes à eficiência do uso de N, P, K, Ca, Mg medida como a razão da produtividade primária líquida (kg/área/ano)/kg de nutriente na biomassa das folhas (kg/ea/ano)

2.4.1. Eficiência do uso do N

2.4.2. Eficiência do uso do P

2.4.3. Eficiência do uso do K

2.4.4. Eficiência do uso do Ca

2.4.5. Eficiência do uso do Mg

Como evitei a sobreposição de legendas no espaço dos gráficos, a sua interpretação requer a seguinte informação:

1. As ordens dos teores de nutrientes nas componentes são:

1.1. Madeira do tronco, folhas e raízes: C>N>K>Ca>Mg>P

1.2. Casca do tronco e ramos: C>N>Ca>K>Mg>P

2. As biomassa das componentes ordenam-se da seguinte forma:

2.1. Total>madeira do tronco>ramos>raízes>casca do tronco>folhas

Aplicações

A listagem do simulador é como se segue:

```
//(C) Luís Soares Barreto, 2010
//+++++
//++          Simulador SB-IberiQu          ++
//++          Para povoamentos puros regulares      ++
//++          auto-desbastados de Quercus robur      ++
//+++++

disp (" Simulador SB-IberiQu, por Luís Soares Barreto, (c) 2010")
disp("Para povoamentos puros regulares auto-desbastados")
disp("          de carvalho roble (Quercus robur)")
clear
h=input("Meter altura média, m")
d=input("Meter dap médio, cm")
n=input("Meter número de árvores por unidade de área")
I=input ("Meter idade do povoamento, anos")
VB=[];VNpp=[];
R=[]; U=[];S=[];
Gsw=[];Gsb=[];Gb=[];Gle=[];Gr=[];
Tsw=[];Tsb=[];Tb=[];Tle=[];Tr=[];Trb=[];
made=[];casca=[];ramos=[];folhas=[];

A=d^2;B=A*h;pc=0.001;

//biomass de components as fractions fo total
fBT=[0.4924 0.07 0.000016 0.148 0.0335 0.0382 0.017 0.2];

//Teor dos nutrientes
fC=[484.4 512.0 490.9 484.0 502.7 506.8 503.8 486.4]*pc;
fN=[2.57 13.28 2.23 3.85 7.51 12.39 23.41 2.52]*pc;
fP=[0.21 0.83 0.21 0.39 0.68 0.79 1.23 0.19]*pc;
fK=[1.57 3.45 1.37 2.37 2.55 2.75 5.54 1.52]*pc;
fCa=[0.63 9.75 1.52 4.27 5.59 6.78 4.39 0.72]*pc;
fMg=[0.28 1.48 0.30 0.53 0.88 0.85 1.25 0.32]*pc;

//Teores ponderados
pC=sum(fBT.*fC); pN=sum(fBT.*fN); pP=sum(fBT.*fP);
pK=sum(fBT.*fK); pCa=sum(fBT.*fCa); pMg=sum(fBT.*fMg);
Perc=[pC pN pP pK pCa pMg];

//Biomassa total da árvore
TB20= [(-5.714 + 0.018 * B)+(-1.5+ 0.032 * A+ 0.001 *B)];
TB20=[TB20+(3.427D-9* B^2.310)+4.268 + 0.003 *B];
TB20=[TB20+(0.039* d^1.784)+(1.379+ 0.00024*B)];
TB20=[TB20+(0.020*B^0.737)+(0.0851*d^2.151)];
//Biomassa por undade de área aos 20 anos
tre20=TB20;
TB20=TB20*n;
//Biomassa final por unidade de área, Mg
bf=(TB20/(0.199492^exp(-0.041*(I-10))))/1000;

//Projecções
g=20:1:210;
for t=10:1:200
    Bt=bf*0.199492^exp(-0.041*t);
```


Aplicações

```

VB=[VB Bt];
comB=fBT.*Bt;
comC=fC.*comB;
trv=[(-0.041)*log(0.199492)*exp(-0.041*t)];
//auto-desbaste
desb=Bt*0.041*log(125.9635)*exp(-0.041*t);
//queda da folhada (folhas+0.3*folhas+raiz)
//queda(folhas)=f1
f1=0.017*Bt;
f2=0.3*f1;
//detritos radiculares = queda da folhada
fall=2*(f1+f2);
fall=(0.017*(1+0.3/0.7)+0.2)*Bt;
NPP=Bt*trv+desb+fall;
VNpp=[VNpp NPP];
R1=f1*[fC(7) fN(7) fP(7) fK(7) fCa(7) fMg(7)];
R2=R1+(f1+f2)*[fC(8) fN(8) fP(8) fK(8) fCa(8) fMg(8)];
R3=R2+f2*[fC(4) fN(4) fP(4) fK(4) fCa(4) fMg(4)];
R=[R; R3];
U=[U; (Bt*trv+desb).*Perc+R3];
sC=fC.*comB;
sN=fN.*comB;
sP=fP.*comB;
sK=fK.*comB;
sCa=fCa.*comB;
sMg=fMg.*comB;
S=[S; sum(sC) sum(sN) sum(sP) sum(sK) sum(sCa) sum(sMg)];
//ciclos dos nutrientes
ciC=[U(:,1) R(:,1) S(:,1)];ciN=1000*[U(:,2) R(:,2) S(:,2)];
ciP=1000*[U(:,3) R(:,3) S(:,3)];ciK=1000*[U(:,4) R(:,4) S(:,4)];
ciCa=1000*[U(:,5) R(:,5) S(:,5)];ciMg=1000*[U(:,6) R(:,6) S(:,6)];
//componentes/total
Gsw=[Gsw Bt*0.4924];Gsb=[Gsb Bt*0.0704];
Gb=[Gb Bt*0.2204];Gle=[Gle Bt*0.0168];
Gr=[Gr Bt*0.20];
//Componentes/árvore
tf=tre20/(0.001584^exp(-0.041*(I-10)));
trb=tf*0.001584^exp(-0.041*t);
Tsw=[Tsw trb*0.4924];Tsb=[Tsb trb*0.0704];
Tb=[Tb trb*0.2204];Tle=[Tle trb*0.0168];
Tr=[Tr trb*0.20];Trb=[Trb trb];

//Nutrientes na madeira do tronco
made=[made; 1000*[sN(1) sP(1) sK(1) sCa(1) sMg(1)]];
//Nutrientes na casca do tronco
casca=[casca; 1000*[sN(2) sP(2) sK(2) sCa(2) sMg(2)]];
//Nutrientes nos ramos
ram=[sN(3)+sN(4)+sN(5)+sN(6) sP(3)+sP(4)+sP(5)+sP(6) sK(3)+sK(4)+sK(5)+sK(6)
sCa(3)+sCa(4)+sCa(5)+sCa(6) sMg(3)+sMg(4)+sMg(5)+sMg(6)];
ramos=[ramos; 1000*ram];
//nutrientes nas folhas
folhas=[folhas; 1000*[sN(7) sP(7) sK(7) sCa(7) sMg(7)]];
end

an=10:1:200;
//projeções do dap, altura, nº de árvores
df=d/(0.0891^exp(-0.041*(I-10)));

```

Aplicações

```

dap=[df*0.0891^exp(-0.041*an)];
hf=h/(0.0891^exp(-0.041*(I-10)));
alt=[hf*0.0891^exp(-0.041*an)];
nf=n/(125.9635^exp(-0.041*(I-10)));
N=[nf*125.9635^exp(-0.041*an)];
arv=[dap;alt];

//eficiência dos nutrientes
vnPP=1000*VNpp;
eN=vnPP'./folhas(:,1);
eP=vnPP'./folhas(:,2);
eK=vnPP'./folhas(:,3);
eCa=vnPP'./folhas(:,4);
eMg=vnPP'./folhas(:,5);

//saída
xset("window",0)
clf
semB=[Gsw; Gsb; Gb; Gle; Gr; VB];
subplot(2,2,1)
plot2d(g,semB')
xtitle("Floresta. Biomassas total e das componentes", "Idade, anos", "Mg/ha")
xgrid()
treB=[Tsw; Tsb; Tb; Tle; Tr; Trb];
subplot(2,2,2)
plot2d(g,treB')
xtitle("Árvore média. Biomassas total e das componentes", "Idade, anos", "kg/árvore")
xgrid()
subplot(2,2,3)
plot2d(g,N')
xtitle("Densidade", "Idade, anos", "Árvores/ha")
xgrid()
treB=[Tsw; Tsb; Tb; Tle; Tr; Trb];
subplot(2,2,4)
plot2d(g,arv')
xtitle("Altura e dap médios", "Idade, anos", "m, cm")
hl=legend(['dap';'altura'],2)
xgrid()

xset("window",1)
clf
subplot(2,2,1)
plot2d(g,VB)
xtitle("Biomassa total", "Idade, anos", "Mg/ha")
xgrid()
subplot(2,2,3)
plot2d(g,ciC)
xtitle("Ciclo de C", "Idade, anos", "Mg/ha, Mg/ha/ano")
legends(['Absorção';'Devolução';'Armazenado'],[-1,2 3], opt=2)
xgrid()
subplot(2,2,2)
plot2d(g,VNpp)
xtitle("Produtividade primária líquida", "Idade, anos", "Mg/ha/ano")
xgrid()
subplot(2,2,4)
plot2d(g,ciN)
xtitle("Ciclo de N", "Idade, anos", "kg/ha, kg/ha/ano")

```

Aplicações

```

legends(['Absorção';'Devolução';'Armazenado'],[-1,2 3], opt=2)
xgrid()

xset("window",2)
clf
subplot(2,2,1)
plot2d(g,ciP)
xtitle("Ciclo de P", "Idade, anos", "kg/ha, kg/ha/ano")
legends(['Absorção';'Devolução';'Armazenado'],[-1,2 3], opt=2)
xgrid()
subplot(2,2,2)
plot2d(g,ciK)
xtitle("Ciclo de K", "Idade, anos", "kg/ha, kg/ha/ano")
legends(['Absorção';'Devolução';'Armazenado'],[-1,2 3], opt=2)
xgrid()
subplot(2,2,3)
plot2d(g,ciCa)
xtitle("Ciclo de Ca", "Idade, anos", "kg/ha, kg/ha/ano")
legends(['Absorção';'Devolução';'Armazenado'],[-1,2 3], opt=2)
xgrid()
subplot(2,2,4)
plot2d(g,ciMg)
xtitle("Ciclo de Mg", "Idade, anos", "kg/ha, kg/ha/ano")
legends(['Absorção';'Devolução';'Armazenado'],[-1,2 3], opt=2)
xgrid()

xset("window",3)
clf
subplot(2,2,1)
plot2d(g,made)
xtitle("Nutrientes na madeira, excepto C", "Idade, anos", "kg/ha")
xgrid()
subplot(2,2,2)
plot2d(g,casca)
xtitle("Nutrientes na casca do tronco, excepto C", "Idade, anos", "kg/ha")
xgrid()
subplot(2,2,3)
plot2d(g,ramos)
xtitle("Nutrientes nos ramos, excepto C", "Idade, anos", "kg/ha")
xgrid()
subplot(2,2,4)
plot2d(g,folhas)
xtitle("Nutrientes nas folhas, excepto C", "Idade, anos", "kg/ha")
xgrid()

xset("window",4)
clf
subplot(3,2,1)
plot2d(g,eN)
xtitle("Eficiência de N", "Idade, anos", "Eficiência")
xgrid()
subplot(3,2,2)
plot2d(g,eP)
xtitle("Eficiência de P", "Idade, anos", "Eficiência")
xgrid()
subplot(3,2,3)
plot2d(g,eK)

```

Aplicações

```

xtitle("Eficiência de K", "Idade, anos", "Eficiência")
xgrid()
subplot(3,2,4)
plot2d(g,eCa)
xtitle("Eficiência de Ca", "Idade, anos", "Eficiência")
xgrid()
subplot(3,2,5)
plot2d(g,eMg)
xtitle("Eficiência de Mg", "Idade, anos", "Eficiência")
xgrid()

```

Eis agora um exemplo da utilização do simulador. No monitor surge a identificação do programa e a entrada de dados:

Simulador SB-IberiQu, por Luís Soares Barreto, (c) 2010

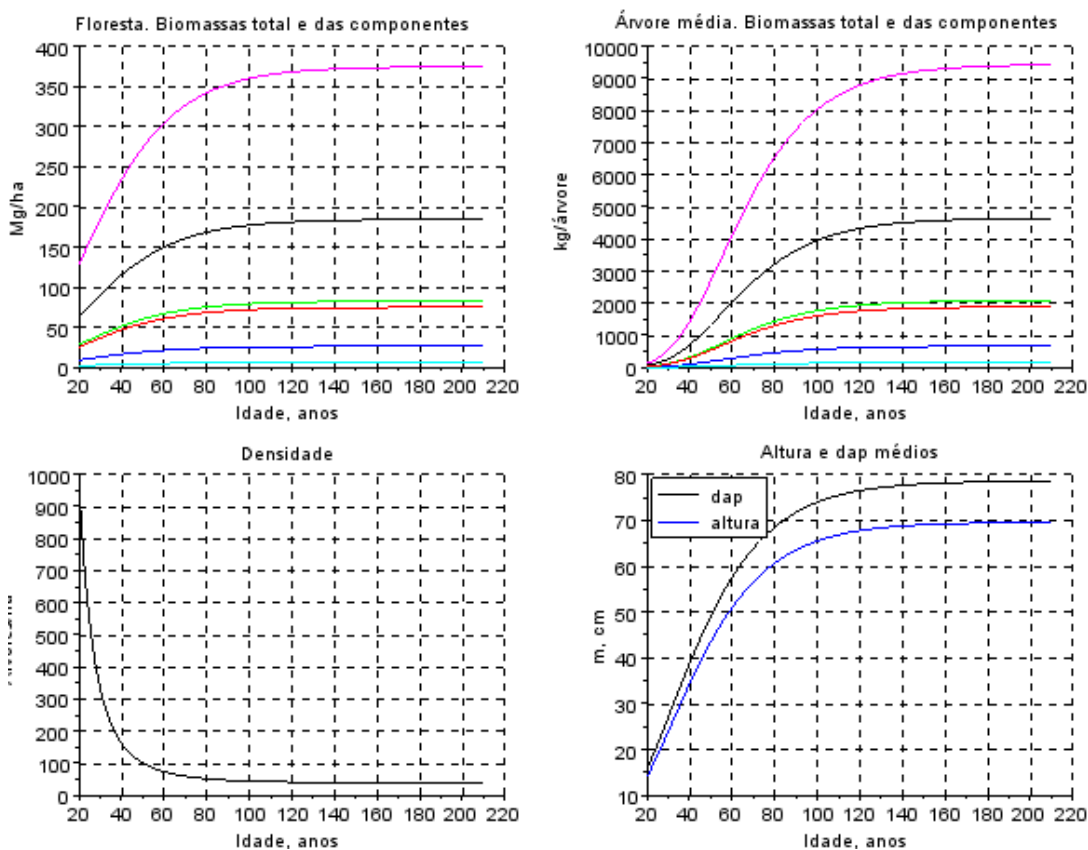
Para povoamentos puros regulares auto-desbastados
de carvalho roble (Quercus robur)

Meter altura média, m6.2

Meter dap médio, cm7

Meter número de árvores por unidade de área5000

Meter idade do povoamento, anos10



Surgem depois as janelas que se apresentam na figura 8.18.

Figura 8.18. Saída do simulador SB-IberiQu

Aplicações

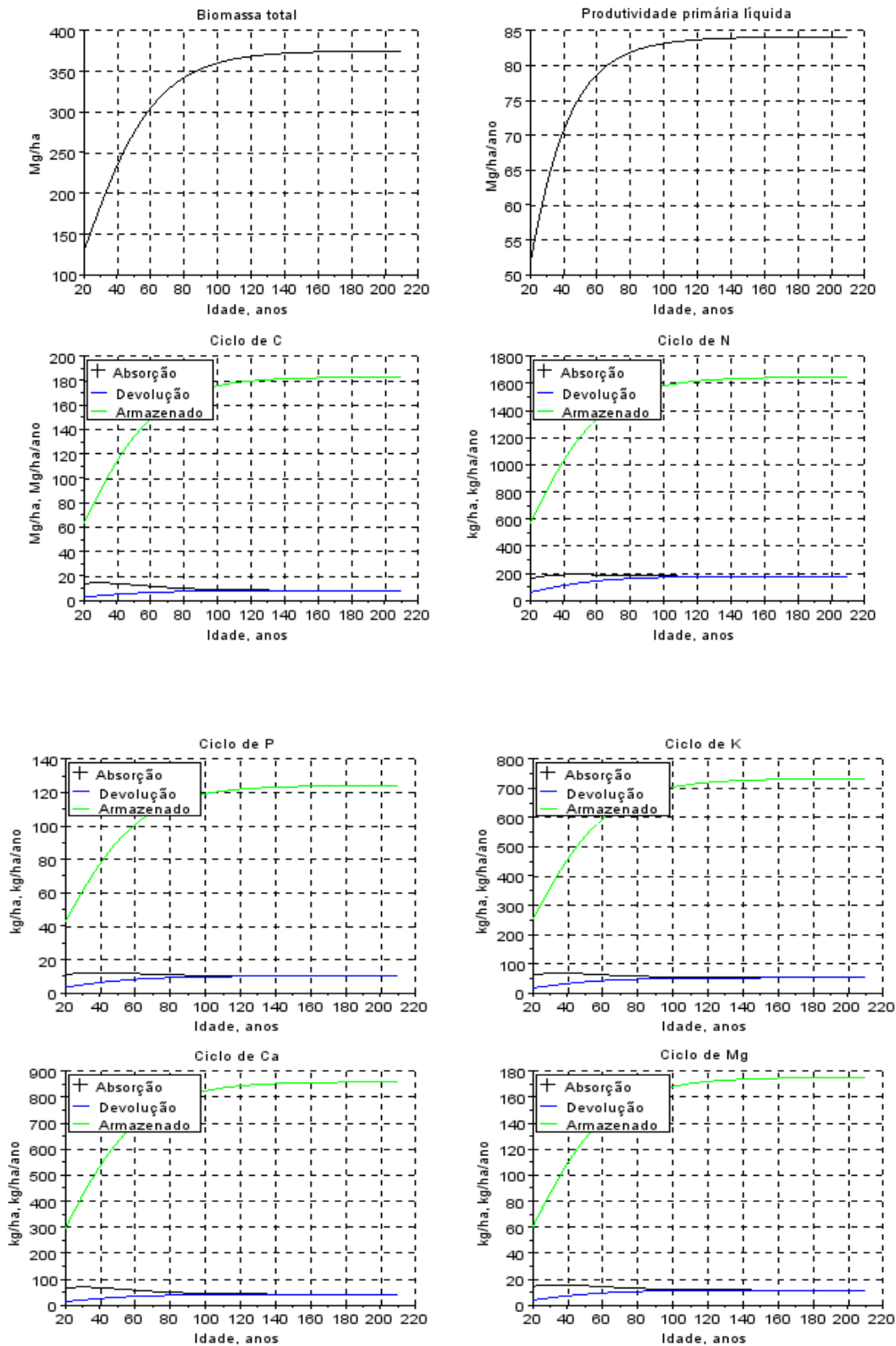


Figura 8.18. Continuação

Aplicações

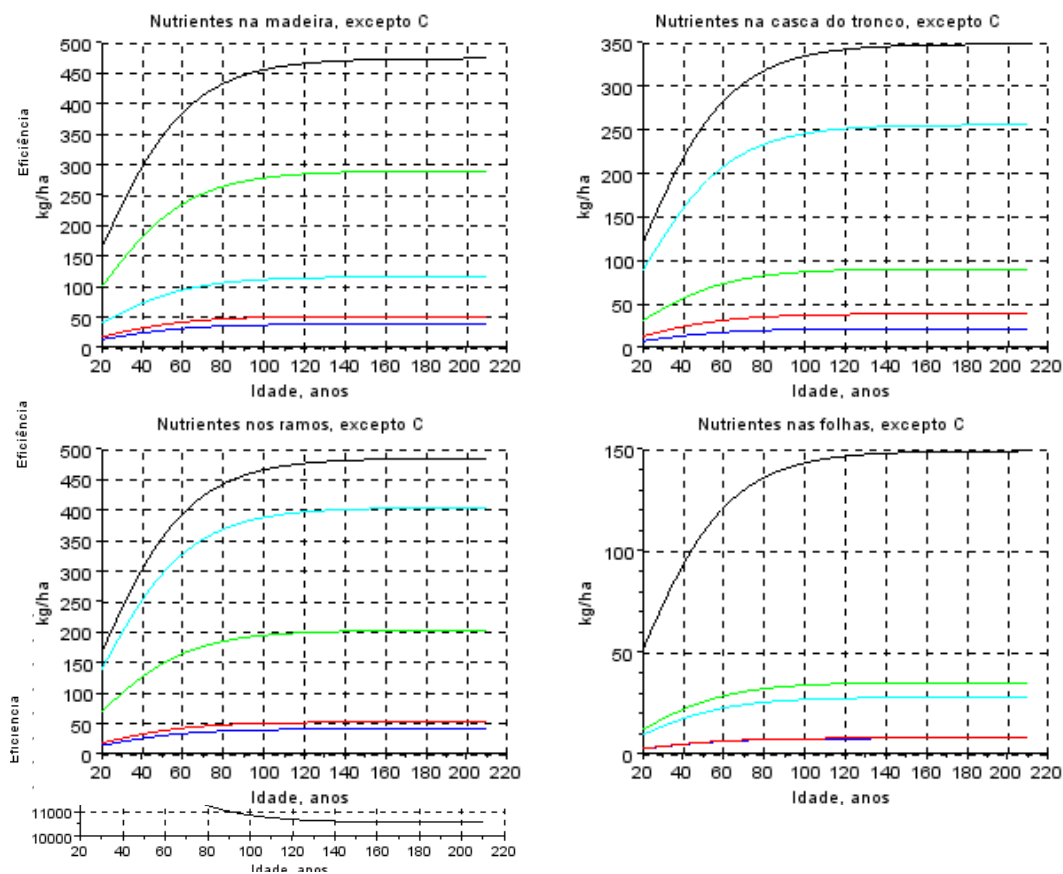


Figura 8.18. Conclusão

Chegados aqui, espero que este texto o/a tenha, **de facto**, iniciado na utilização do Scilab. Foi com muito gosto que o escrevi para si, e agora aqui o disponibilizo. Até outra oportunidade.

Bibliografia

Bibliografia

Bibliografia

- Allaire, G. S. e M. Kaber, 2002. *Introduction à Scilab. Exercices pratiques corrigés d'algèbre linéaire*. Ellipses Éditions Marketing S. A., Paris.
- Anjo, A. J. B., R. Fernandes e A. S. Carvalho, 2003. *Curso de MatLab*. Principia. Publicações Universitárias e Científicas, S. João do Estoril.
- Antia, H. M., 2000. *Numerical Methods for Scientists and Engineers*. 2nd edition. Birkhäuser Verlag, Basel.
- Balboa-Murias, M. A., A. Rojo, J. G. Alvarez, A. Merino, 2006. Carbon and Nutrient Stocks in Mature *Quercus robur* L. stands in NW Spain. *Ann. For. Sci.* 63:557-565.
- Barreto, L. S., 1974. Estimativas provisórias de balanços de energia em Moçambique. 1. Lourenço Marques. *Revista de Ciências Agronómicas* (Lourenço Marques), 7:63-70.
- Barreto, L. S., 2000. Evaluating the Use of Energy in self-thinned Pure Stands of *Pinus pinaster*. A Simulative Approach. *Silva Lusitana*, 8(2):245:251.
- Barreto, L. S., 2004a. *Pinhais Bravos. Ecologia e Gestão*. "e-book". Instituto Superior de Agronomia, Lisboa.
- Barreto, L. S., 2004b. *A Unified Theory for Self-Thinned Mixed Stands. A Synoptic Presentation*. Research Paper SB-02/04. Departamento de Engenharia Florestal, Instituto Superior de Agronomia.
- Barreto, L. S., 2005a. *Gause's Competition Experiments with Paramecium sps. Revisited*. Research Paper SB-01/05.. Departamento de Engenharia Florestal, Instituto Superior de Agronomia. Verão revista submetida à Silva Lusitana em setembro de 2007.
- Barreto, L. S., 2005b. *Theoretical Ecology. A Unified Approach*. "e-book". Edição do autor, Costa de Caparica.
- Barreto, L. S., 2009. *Caracterização da Estrutura e Dinâmica das Populações de Lince Ibérico (Lynx pardinus). Uma Digressão Exploratória*. *Silva Lusitana*, 17(2):193-209.
- Barreto, L. S., 2010a. *Árvores e Arvoredos. Geometria e Dinâmica*. 'E-book' divulgado em novembro de 2010.
- Barreto, L. S., 2010b. *Simulador SB-IberiQu*. Setembro de 2010.
- Barreto, L. S., 2011. *From Trees to Forests. A Unified Theory*. "E-book" divulgado em maio de 2011.
- Baudin, M., 2010. *Introduction to Scilab*. Consortium Scilab, Rocquencourt, França. Disponível em wiki.scilab.org.
- Ben-Israel, A. E R. Gilbert, 2002. *Computer-Supported Calculus*. Springer Verlag, Wien.
- Brock, T. D., 1981. Calculating solar radiation for ecological studies. *Ecological Modelling*, 14:1-19.
- Campbell, S., J.-P.- Chancellor e R. Nikoukhah, 2006. *Modelling and Simulation in Scilab/Scicos*. Springer, Berlin.
- Caswell, H., 2001. *Matrix Population Models*. Second edition. Sinauer, Sunderland.
- Charles-Edwards, D. A., D. Doley, e G. M. Rimmington, 1986. *Modelling Plant Growth and Development*. Academic Press, Sidney.
- Davis, J. H., 2000. *Differential Equations with Maple. An Interactive Approach*. Birkhäuser, Boston.
- Davis, P. J. e E. R. Hersh, 1995. *A Experiência Matemática*. Gradiva, -Publicações, Lda., Lisboa.
- Davis, P. J. e E. R. Hersh, 1997. *O Sonho de Descartes. O Mundo Segundo A Matemática*. Difusão Cultural, Lisboa.
- Díaz-Maroto, I. J., P. Vila-Lameiro, 2006. Litter Production and Composition in Natural Stands of *Quercus robur* L. (Galicia, Spain). *Pol. J. Ecol.*, 54(3):429-439.

Bibliografia

Edelstein-Keshet, L., 2005. *Mathematical Models in Biology*. Society for Industrial and Applied Mathematics, Philadelphia.

Gaona, P., P. Ferreras e M. Delibes, 1998. Dynamics and Viability of a Metapopulation of the Endangered Iberian Lynx (*Lynx pardinus*). *Ecological Monographs* 68(3):249-370.

Gomez, C., Editor, 1999. *Engineering and Scientific Computing with Scilab*. Birkhäuser, Boston.

Guerre-Delabrière, S. e M. Pastel, 2004. *Méthodes d'approximation. Équations différentielles. Applications Scilab*. Ellipses Éditions Marketing S. A., Paris.

Lopes, D. e J. Aranha, 2006. Avaliação do Conteúdo de Carbono na Matéria Seca de Diferentes Componentes de Árvores de *Eucalyptus globulus* e de *Pinus pinaster*. *Silva Lusitana* 14(2):149-154.

Hannon, B. e M. Ruth, 1997. *Modeling Dynamic Biological Systems*. Springer, New York.

Haugland, S. e F. Jones, 2003. *StarOffice 6.0. Office Suite Companion*. Prentice Hall, Upper Saddle River, New Jersey.

Hederson-Sellers, A. e K. McGuffie, 1987. *A Climate Modelling Primer*. Wiley, Chichester.

Jørgensen, S. E., 1986. *Fundamentals of Ecological Modelling*. Elsevier, Amsterdam.

Kump, L. R., J. F. Kasting e R. G. Crane, 2004. *The Earth System*. Second Edition. Pearson Prentice Hall, Upper Saddle River, N. J., E. U. A.

Longhurt, A. e W. Silvert, 1985. A Management Model for the Great Bustard in Iberia. *Bustard Stud.*,2:57-72. Por citação.

Lovelock, J., 1989. *As Eras de Gaia. Uma Biografia da nossa Terra Viva*. Publicações Europa-América, Mem Martins.

Lovelock, J., 2007. *A Vingança de Gaia*. Gradiva, Lisboa.

Lynch, S., 2000. *Dynamical Systems with Applications Using Maple*. Birkhäuser, Boston.

McGuffie, K. e A- Henderson-Sellers, 2005. *A Climate Modelling Primer*. Third Edition. Wiley, Chichester.

Morris, W. F. e D. F. Doak, 2002. *Quantitative Conservation Biology. Theory and Practice of Population Viability Analysis*. Sinauer Associates, Inc. Publishers, Massachusetts, U.S.A.

Murray, J. D., 2002. *Mathematical Biology. I. An Introduction*. Third edition. Springer, New York.

Pratap, R., 1999. *Getting Started with MATLAB 5. A Quick Introduction for Scientists and Engineers*. Oxford University Press, Oxford.

Myers, R. H., 1990. *Classical and Modern Regression with Applications*. Second Edition. Duxbury, Pacific Grove, California.

Roughgarden, J., 1998. *A Primer of Ecological Theory*. Prentice Hall, Upper Saddle River, New Jersey.

Said, R., 2007. *Curso de Lógica de Programação*. Digerati Books, Universo dos Livros Editora Lda, São Paulo, Brasil.

Scilab Group *Introduction to SCILAB. User's Guide*. INRIA Meta2 Project/ENPC Cergrene Domaine de Voluceau, Rocquencourt, France. Acompanha o Scilab em formato PDF:

Scilab Group. *Scilab Reference Manual. On-line Documentation*. INRIA Meta2 Project/ENPC Cergrene Domaine de Voluceau, Rocquencourt, France. Acompanha o Scilab em formato PDF:

Sellers, W. D., 1965. *Physical Climatology*. Chicago University Press, Chicago.

Silvert, W., 1989. Modelling for Managers. *Ecological Modelling*, 47:53-64.

Stanoyevitch, A., 2005. *Introduction to MATLAB with Numerical Preliminaries*. John Wiley & Sons, Inc., Hoboken, New Jersey.

Wilkinson, D. M., 2006. *Fundamental Processes in Ecology an Earth Systems Approach*. Oxford University Press, Oxford, U. K.

Yeagers, E. K., R. W. Shonkwiler e J. V. Herod, 1996. *An Introduction to the Mathematics of Biology with Computer Algebra Models*. Birkhäuser, Boston.

Índice do Scilab

abort.....	30, 195, 224	fsolve.....	28, 135, 147, 206
abs.....	25, 49, 51, 78, 80, 127p., 199p., 238p.	full.....	30, 163, 196
acos.....	23, 40	global.....	11, 30, 170, 196, 224, 230p., 236, 243
apropos.....	23, 39, 42, 46, 57, 81, 130, 140, 163, 179	grand.....	23, 25, 71, 73, 80, 91, 193, 228
asin.....	23, 40, 46	grayplot.....	27, 114, 124
atan.....	23, 40	gsort.....	23pp., 41, 71, 80
bdiag.....	23, 26, 94, 99, 211	help.....	23p., 34, 39, 46, 75, 96, 115, 127, 130, 195
break.....	29p., 161, 194, 219p., 228, 239	histplot.....	23, 25, 73, 80, 113, 200p.
cdfbin.....	23, 25, 74p., 80	horner.....	23, 25, 64pp., 69, 80, 102
cdfnor.....	23, 25, 75, 80	hypermat.....	30, 168, 196
ceil.....	23	if.....	29, 161, 179pp., 193p., 196, 207, 209, 214, 216, 219p., 224p., 228, 237pp., 243
champ.....	27, 113, 124, 206	imag.....	23, 25, 50p., 78, 80
champ1.....	27, 113, 124	imult.....	23, 25, 50, 80
clc().....	23, 42, 46	input.....	30, 33, 177p., 196, 247p.
clc(n).....	23, 42, 46	int.....	23, 25, 49, 78, 80, 209, 219, 225, 243, 245
clf.....	25, 54p., 80, 116, 118, 132, 136, 138, 193, 198, 200, 214, 216, 219, 224, 228, 232, 239, 243, 245, 250p.	interp1.....	28, 130p., 147
conj.....	23, 25, 51, 78, 80, 211	interp2d.....	28, 131, 147
contour2d.....	27, 113, 124	interp3d.....	28, 131, 147
cos.....	23, 40, 46, 56pp., 78, 118, 133, 167	intsplin.....	28, 134p., 147
csq.....	25, 63, 80, 126	inttrap.....	28, 134, 147
cumprod.....	28, 145pp.	inv.....	23, 26, 93, 96, 99, 199, 211
cumsum.....	28, 145pp., 228	isglobal.....	30, 170, 196
datafit.....	28, 126p., 129, 147	legend.....	27, 104, 124, 225, 243, 246, 250
deff...23, 25, 78, 80, 126pp., 133p., 136, 138, 141, 206		linpro.....	147
derivat.....	23, 25, 65p., 80	linsolve.....	23, 26, 95p., 99, 172p., 177
derivative.....	28, 133, 147, 207	linspace.....	23, 25, 53, 57, 80, 82, 103, 118, 130, 132, 134
det.....	23, 26, 93, 99, 195	list.....	30, 164, 171, 196
diag.....	23, 26, 84, 94, 99, 199	locate.....	27, 101pp., 124, 132
diff.....	23, 25, 52, 80	log...23p., 37p., 40, 46, 48, 78, 92, 96, 134pp., 168, 193, 200, 206, 209, 228, 249	
disp.....	23, 25, 45, 54, 60p., 71, 75, 80, 94, 96p., 133, 178pp., 188pp., 193, 199pp., 206p., 211p., 214, 216, 219, 221, 224p., 232p., 237, 240, 248	log10.....	23p., 40, 46
errbar.....	27, 114, 124	log2.....	23p., 40, 46
eval.....	23, 25, 60p., 80, 204, 214p., 217	logm.....	23, 26, 92, 99
evstr.....	23, 25, 60, 80, 171p., 174	logspace.....	23, 26, 82, 99
excel2sci.....	195	lsq.....	23
exp...23p., 40pp., 46, 48, 51pp., 60, 73, 75, 78, 92, 103, 116p., 126pp., 130, 134p., 201, 209, 214, 216p., 220, 228, 248pp.		lsqrsolve.....	28, 127pp., 147
expm.....	23, 26, 92, 99	matplot.....	27, 114, 124
eye.....	23, 26, 83, 99, 144	matrix...23p., 38, 43, 46, 81pp., 87, 90, 138, 162p., 174, 191, 195, 256	
factorial.....	55	max.....	23, 25, 48, 71, 80, 211
fchamp.....	27, 113, 206	mean.....	23, 25, 71, 73, 80, 97, 127p., 199p.
fcontour.....	122	median.....	23, 25, 71, 80
fgrayplot.....	27, 114, 124	mesh.....	27, 118, 121, 124
floor.....	23, 25, 50, 78, 80	mgetl.....	30, 171p., 196
for...end.....	190	modulo.....	23, 25, 49, 78, 80, 193
format.....	23p., 39, 46, 240	ode.....	28, 136pp., 147
fplot2d.....	27, 113, 124	ones.....	23, 26, 99, 118, 166p., 199p., 237
		optim.....	28, 141p., 147
		pause.....	30, 195p., 200
		pdiv.....	23, 25, 68, 80

Índice do Scilab

pie.....	27, 114, 124	st_deiation.....	23
plot2d.....	23, 25, 27, 52p., 56, 60, 64pp., 69, 73, 80, 97, 101pp., 113, 115, 117p., 123p., 127p., 132, 138, 142, 193, 201, 215, 217, 221, 225, 233, 240, 243, 246, 250pp.	st_deviation.....	26, 71, 73, 80, 200
plot2d1.....	101	string.....	23, 26, 60p., 75, 80, 97, 178p., 221, 225, 233
plot2d2.....	101	subplot.....	27, 115pp., 122, 124, 130, 138, 200, 214p., 217, 221, 233, 240, 250pp.
plot2d3.....	74, 101, 200	sum.....	23, 26, 48p., 68, 80, 96p., 166, 169, 191, 199pp., 211, 238p., 245, 248p.
plot3d.....	27, 118p., 121, 123p.	tabul.....	26, 76, 80
plot3d1.....	27, 118p., 124	tan.....	23p., 40, 46, 78
plot3d2.....	27, 118p., 124	tlist.....	30, 165, 169, 171, 196
plot3d3.....	27, 118p., 124	trace.....	23, 26, 93, 99
poly.....	23, 25, 64, 67pp., 80, 94, 99, 101, 207	type.....	30, 170, 196
printf.....	30, 147, 179, 192, 196, 206	typeof.....	30, 170, 196
printsetupbox.....	30, 179, 196	unique.....	26, 76p., 80
prod.....	23, 25, 48, 55p., 61, 80	while.....	15, 29, 31, 161, 192pp., 196
quapro.....	28, 147	who.....	23p., 42, 46
rand.....	23, 91	xarc.....	27, 115, 124
real.....	23, 25, 39, 50p., 78, 80, 207, 211	xarcs.....	27, 115, 124
resume.....	30, 195p., 201	xfpoly.....	28, 114, 124
return.....	30, 35, 37, 108pp., 195p., 198, 200, 202	xfpolys.....	28, 115, 124
round.....	23, 25, 50, 78, 80	xfrect.....	28, 115, 124
sample.....	25, 76, 80	xgrid. 26, 52p., 57, 64p., 67, 80, 102p., 127p., 210, 215, 217, 221, 229, 233, 246, 250pp.	26, 52p., 57, 64p., 67, 80, 102p., 127p., 210, 215, 217, 221, 229, 233, 246, 250pp.
samplef.....	25, 76, 80	xgrid(). 23, 26, 52p., 57, 64p., 67, 80, 102p., 127p., 210, 215, 217, 221, 229, 233, 246, 250pp.	23, 26, 52p., 57, 64p., 67, 80, 102p., 127p., 210, 215, 217, 221, 229, 233, 246, 250pp.
save.....	23p., 44pp., 106	xls_open.....	30, 175p., 196
SciNotes... 20, 23p., 35pp., 39, 43pp., 61p., 73, 75, 97		xls_read.....	30, 176, 196
select..... 29p., 45, 106, 161, 187pp., 196, 219, 238		xrect.....	28, 115, 124
sfgplot.....	27, 114, 124	xrects.....	23
sgrayplot.....	27, 114p., 124	xrpoly.....	28, 114, 124
sign.....	23, 25, 49, 78, 80	xsegs.....	28, 114, 124
sin. 23p., 34, 39p., 46, 56, 59, 70, 78, 92, 118, 132, 219p., 238		xset.....	28, 123p., 215, 221, 225, 250p.
size.....	23, 25, 49, 54, 80, 109, 111, 127p., 199p.	xstring.....	28, 103p.
smooth.....	131p., 147	xtitle. . 23, 26, 52pp., 57, 60, 64pp., 69, 73, 80, 97, 116pp., 127p., 130, 137pp., 193, 200p., 210, 215, 217, 221, 225, 228, 233, 240, 243, 246, 250pp.	23, 26, 52pp., 57, 60, 64pp., 69, 73, 80, 97, 116pp., 127p., 130, 137pp., 193, 200p., 210, 215, 217, 221, 225, 228, 233, 240, 243, 246, 250pp.
sparse.....	30, 162p., 196	zeros.....	23, 26, 66, 83, 99, 174, 200, 228
spec.....	23, 26, 94, 99, 211		
sqrm.....	23, 92p., 99		
sqrt.....	23p., 40p., 46, 73, 75, 78, 92p., 97, 178p., 199pp., 228		