

Universidade Federal do Rio Grande do Sul  
 MAT 01167 – Equações Diferenciais II  
 Data: 24/11/2007  
 Turma:.....

Q1	Q2	Q3	Q4	Total

Nome: \_\_\_\_\_ Nº cartão: \_\_\_\_\_

### TERCEIRA PROVA A

#### Questão 1 (2,5 pontos)

Dado o problema de valor inicial:

$$x y'' - (x - 2) y = 0$$

$$y(2) = 0 , \quad y'(2) = -1.$$

- (a) Determine sua solução pelo método das séries de potências, encontrando até o termo de ordem 5.

#### Questão 2 (3,0 pontos)

Dada a EDOLH

$$3x^2 y'' + x y' + (4x - 1)y = 0$$

- (a) Determine uma solução pelo método de Frobenius.  
 (b) Indique a forma da outra solução l.i., sem calcular os coeficientes.

#### Questão 3 (1,5 pontos)

Mostre que

$$\frac{d}{dx} \left[ x^{-5} J_5(x) \right] = -x^{-5} J_6(x) .$$

onde  $J_m(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n! (m+n)!} \left(\frac{x}{2}\right)^{2n+m}$

#### Questão 4 (3,0 pontos)

Ache a solução do problema de Dirichlet no setor circular:

$$\begin{aligned} u_{rr} + \frac{1}{r} u_r + \frac{1}{r^2} u_{\theta\theta} &= 0 , \quad \text{em } D : r < 2 , \quad 0 < \theta < \frac{2\pi}{3} \\ u &= 0 , \quad \text{nos lados } \theta = 0 \text{ e } \theta = \frac{2\pi}{3} \\ u(2, \theta) &= f(\theta) \end{aligned}$$